



كلية العلوم

القسم : الفيزياء

السنة : الثالثة

المادة : حالة صلبة 1

المحاضرة : الثالثة / نظري /

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z Facebook Group :

كلية العلوم

11

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

الباب الثالث
خصائص البلورات

Crystals Properties



الباب الثالث

خصائص البلورات

Crystals Properties

المحتوى

- 1-3 الاتجاهات البلورية.
- 2-3 المسافة الفاصلة بين المستويات المتوازية.
- 3-3 العلاقة بين المسافة الفاصلة بين المستويات المتوازية وثابت الشبيكة المكعبة.
- 4-3 النطاق ومحور النطاق
- 5-3 الزوايا بين النطاقات.
- 6-3 التركيب الذرى للبلورات.
- 7-3 العبوة المتراسة المكعبة والسداسية.
- 8-3 خصائص التركيب المكعبى المتمركز الأوجه والمتمركز الجسم.
- 9-3 التركيب البلوري لبعض البلورات البسيطة.
- 10-3 تعيين طاقة ترابط البلورة الأيونية.

الأهداف

بعد استكمال دراسة هذا الباب يكون الدارس قادراً على:-

- وصف الاتجاهات البلورية بواسطة أدلة ميلر.
- تعيين المسافة بين المستويات المتوازية بدلالة أبعاد الخلية.
- تعريف النطاق ومحور النطاق وحساب الزوايا بين النطاقات.
- حساب عدد الذرات في البلورة وتعيين نصف القطر الذرى.
- فهم معنى عدد التناسق للذرة وكيفية حسابه.
- معرفة خصائص التركيب المكعبى المتمركز الأوجه والمتمركز الجسم.
- شرح التركيب البلوري للعبوة المتراسة المكعبة والسداسية.
- شرح التركيب البلوري لبعض البلورات البسيطة وحساب كثافة الرص لها.
- استنتاج الصيغة الرياضية لطاقة الترابط فى البلورة الأيونية.

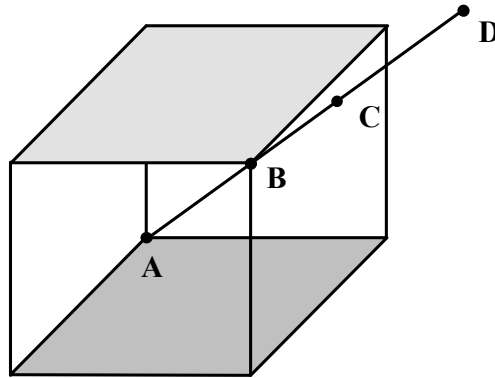
1-3 الاتجاهات البلورية CRYSTAL DIRECTIONS

نظرا لعدم تجانس الخواص الفيزيائية للبلورات في الاتجاهات البلورية المختلفة، فإنه من الواجب إيجاد طريقة لتعيين الاتجاهات في البلورة وتحديد مسميات لها. في الباب السابق، تم وصف المستويات البلورية بأدلة ميلر، وفي هذا الفصل سنعين أدلة ميلر للاتجاهات في البلورة.

يمكن تحديد الاتجاه في البلورة كما يلي. افترض أن خط مستقيم يمر عبر نقط الشبكة A و B و C، كما هو مبين بالشكل 1-3. لتحديد هذه النقط، نختار نقطة من نقط الشبكة ونعتبرها نقطة الأصل ولتكن النقطة A. ثم نختار متجه الشبكة الذي يصل النقطة A بأي نقطة على الخط ولتكن النقطة B، وهكذا. يمكن التعبير عن هذا المتجه بواسطة متجهات الأساس على الصورة،

$$\vec{R} = n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c} \quad 1-3$$

يتحدد الاتجاه، الآن، بمجموعة من الأعداد هي $[n_1, n_2, n_3]$. يجب حذف العامل المشترك بين هذه الأعداد إن وجد، بمعنى يجب أن تكون هذه المجموعة هي أصغر الأعداد التي لها نفس النسبة. وهكذا، يكون الاتجاه المبين في الشكل 1-3 ويرمز له بدلالة أدلة ميلر على النحو $[111]$.



الشكل 1-3 المتجه البلوري.

يلاحظ أن أدلة الاتجاه لاتجاه معين هي نفسها أدلة ميلر للمستوى العمودي على

هذا الاتجاه، فمثلا الأدلة [321] هي أدلة الاتجاه العمودي على المستوى (321).

عندما يتوفر لخلية الوحدة بعض التماثل الدوراني، فربما يوجد العديد من

الاتجاهات غير المتوازية والتي تكون متكافئة من وجهه نظر التماثل، وبالتالي نجد أن

الاتجاهات [100] و [010] و [001] في البلورة المكعبة متكافئة. يشار إلى جميع الاتجاهات

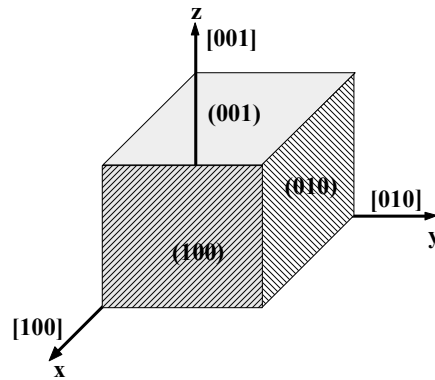
المتكافئة مع الاتجاه $[n_1n_2n_3]$ بالرمز $\langle n_1n_2n_3 \rangle$ ذي الأقواس الزاوية وهكذا، فإن

الرمز $\langle 100 \rangle$ في نظام المكعب يشير إلى الاتجاهات الستة التالية، [010]، [100]،

[001]، [0 $\bar{1}$ 0]، [$\bar{1}$ 00]، [00 $\bar{1}$]. تدل الإشارة السالبة فوق العدد إلى القيمة السالبة للعدد،

وبالمثل فإن الرمز $\langle 111 \rangle$ يشير إلى أقطار المكعب، الذي لا يكافئ الاتجاه $\langle 100 \rangle$ بالطبع.

يبين الشكل 2-3 أدلة ميلر لثلاثة أوجه في المكعب وأدلة ميلر للاتجاهات العمودية عليها.



الشكل 2-3 الاتجاهات الأساسية في المكعب.

مثال 1-3

أرسم المستوى (110) والمتجه [110] في المكعب البسيط.

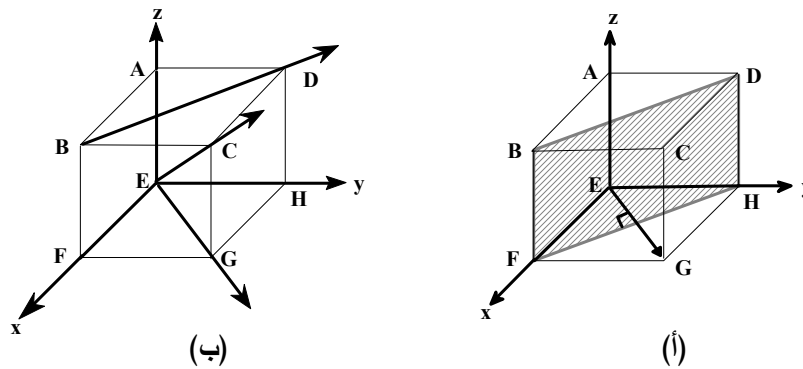
الحل

من الشكل 3-3 (أ) يكون المستوى BFHD هو المستوى (110) حيث تكون

تقاطعات هذا المستوى مع المحاور هي $\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, 0$ أي $1, 1, \infty$. المتجه \vec{EG} هو المتجه

العمودي على المستوى السابق وله الأدلة [110] ويكون مسقطه على محور x يساوى 1

وعلى المحور y هو 1 ومسقطه على محور z هو 0.



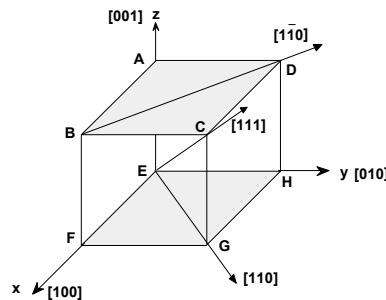
الشكل 3-3

مثال 2-3

عين أدلة ميلر للمتجهات المحددة في الشكل 3-3 (ب).

الحل

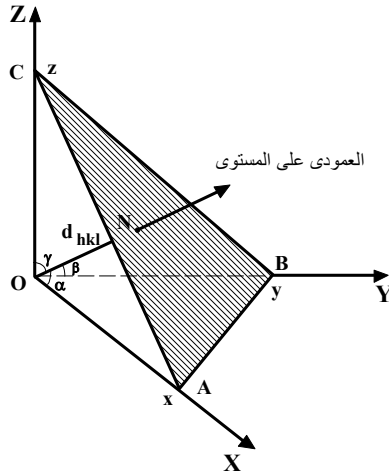
تكون أدلة ميلر للمتجهات المبينة بالشكل 3-3 (ب) كما هو مبين بالشكل 4-3.



الشكل 4-3

2-3 المسافة الفاصلة بين المستويات المتوازية

في تشتت الأشعة السينية بواسطة البلورة يحتاج المرء لمعرفة المسافة الفاصلة بين المستويات المتوازية (التي يكون لها نفس أدلة ميلر، (hkl)). دعنا نرمز لهذه المسافة بين المستوى (hkl) و نقطة الأصل بالرمز d_{hkl} . تعتمد المعادلة الحقيقية التي تعبر عن هذه المسافة على التركيب البلوري، حيث سنعتبر فيما يلي فقط الحالة التي تكون فيها المحاور متعامدة، بهدف التبسيط (وسوف ندرس حالة المكعب بالتفصيل في فصل لاحق). يمكننا حساب تلك المسافة وذلك بالرجوع إلى الشكل 3-5.



الشكل 3-5 إيجاد المسافة بين المستويات.

ينتمي المستوى المظلل إلى مجموعة المستويات $\langle hkl \rangle$. نتخيل مستوى آخر موازي للمستوى المظلل ويمر بنقطة الأصل. وهكذا فإن طول العمود ON المرسوم من نقطة الأصل على هذا المستوى يمثل المسافة d_{hkl} التي تفصل بين هذه المجموعة من المستويات المتوازية. نفترض أن هذا العمودي يصنع زوايا α و β و γ مع المحاور X و Y و Z وأن المستوى يقطع هذه المحاور في النقاط x و y و z ، على وجه الترتيب.

يتضح من الشكل 3-5 أن:

$$d_{hkl} = x \cos \alpha = y \cos \beta = z \cos \gamma. \quad 2-3$$

وحيث أنه طبقا لقانون جيب تمام الزاوية يكون

$$\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1. \quad 3-3$$

من المعادلتين السابقتين 2-3 و 3-3 وبعد التعويض عن جيوب التمام للزوايا نحصل على

تعبير للمسافة d_{hkl} التي تفصل بين المستويات المتوازية $\langle hkl \rangle$ على الصورة الآتية،

$$\therefore d_{hkl} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{x^2} + \frac{1}{y^2} + \frac{1}{z^2}}} \quad 4-3$$

وحيث أن المسافات المقطوعة x و y و z ترتبط بأدلة ميلر h و k و l بالعلاقة،

$$h = n \frac{a}{x}, \quad k = n \frac{b}{y}, \quad l = n \frac{c}{z} \quad 5-3$$

حيث n هو عامل مشترك يستخدم لاختزال الأدلة إلى أصغر أعداد ممكنة و a و b و c هي

أبعاد الخلية. بالتعويض بهذه المعادلة في المعادلة 4-3 وبحذف x و y و z نحصل على

العلاقة،

$$\therefore d_{hkl} = \frac{n}{\sqrt{\frac{h^2}{a^2} + \frac{k^2}{b^2} + \frac{l^2}{c^2}}}. \quad 6-3$$

ومن هذه المعادلة يمكن حساب المسافة بين المستويات بمعرفة أدلة ميلر وفواصل البلورة

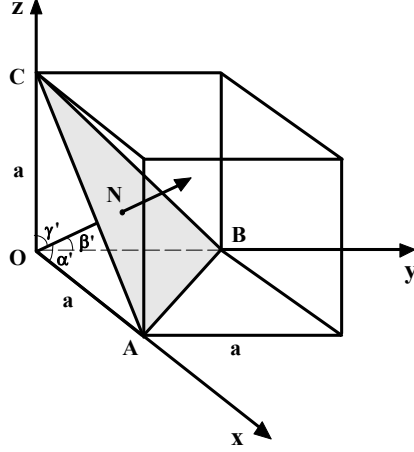
(أبعادها).

3-3 العلاقة بين المسافة الفاصلة بين المستويات المتوازية وثابت الشبكة المكعبة

لتعيين العلاقة بين المسافة الفاصلة بين المستويات المتوازية (d) وثابت الشبكة

للمكعب (a) نفرض أن المستوى المظلل في الشكل 6-3 ينتمي إلى مجموعة المستويات

$$\cdot \langle hkl \rangle$$



الشكل 6-3

يمثل العمود ON المرسوم من نقطة الأصل على هذا المستوى المسافة d التي

تفصل بين هذه المجموعة من المستويات المتوازية. نفترض أن هذا العمودي يصنع زوايا

α' و β' و γ' مع المحاور x و y و z على وجه الترتيب. وحيث أن مسافات تقاطع هذا

المستوى مع المحاور هي $OA = \frac{a}{h}$ و $OB = \frac{a}{k}$ و $OC = \frac{a}{l}$ وحيث أن $ON = d$ ، إذن يتضح

من الشكل 6-3 أن:

$$\begin{aligned} \cos \alpha' &= \frac{d}{OA} = \frac{dh}{a} \\ \cos \beta' &= \frac{d}{OB} = \frac{dk}{a} \\ \cos \gamma' &= \frac{d}{OC} = \frac{dl}{a} \end{aligned}$$

وحيث أنه طبقا لقانون جيب تمام الزاوية يكون

$$\begin{aligned} \cos^2 \alpha' + \cos^2 \beta' + \cos^2 \gamma' &= 1 \\ \therefore \left(\frac{dh}{a} \right)^2 + \left(\frac{dk}{a} \right)^2 + \left(\frac{dl}{a} \right)^2 &= 1 \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{d^2}{a^2}(h^2 + k^2 + l^2) = 1$$

أو

$$\therefore d^2 = \frac{a^2}{h^2 + k^2 + l^2}$$

$$\therefore d = \frac{a}{\sqrt{h^2 + k^2 + l^2}}$$

7-3

وهكذا، نجد أن المسافة بين المستويات (111) في بلورة المكعب البسيط هي

$$d = \frac{a}{\sqrt{3}} \text{، حيث } a \text{ هو طول ضلع المكعب.}$$

مثال 3-3

إذا كان التركيب البلوري للرصاص هو FCC ونصف القطر الذري للرصاص هو

$$1.746 \text{ وحدة ذرية (au) . أوجد المسافة بين مجموعة المستويات } \langle 200 \rangle \text{ .}$$

الحل

كما سنبين لاحقاً، أن العلاقة بين نصف قطر الذرة وطول ضلع المكعب المتمركز

$$\text{الأوجه، FCC، } a = \frac{4r}{\sqrt{2}} \text{، فإنه في حالة بلورة الرصاص نحصل على،}$$

$$a = \frac{4r}{\sqrt{2}} = \frac{4 \times 1.746}{\sqrt{2}} = 4.93 \text{ au .}$$

وحيث أن لمجموعات المستويات $\langle 200 \rangle$ يكون لها قيم المعاملات $h = 2$ و $k = 0$ و $l = 0$ ،

فإن المسافة بين هذه المستويات تكون،

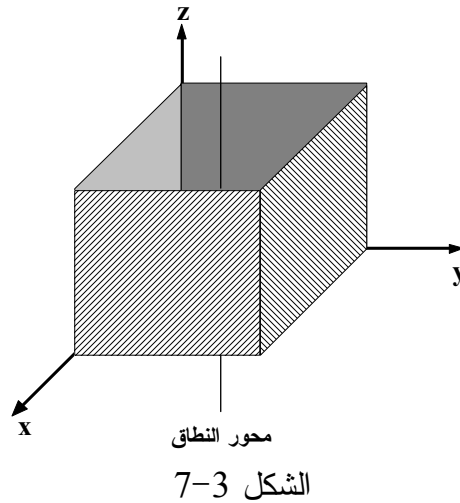
$$\therefore d_{200} = \frac{4.93 \text{ au}}{\sqrt{2^2 + 0^2 + 0^2}} = 2.456 \text{ au .}$$

ZONE AND ZONE AXIS

4-3 النطاق ومحور النطاق

تقع بعض أوجه البلورة غالبا في مجموعة ويقال أن هذه المجموعة من الأوجه موجودة في نطاق واحد والاتجاه الموازي لهذه المجموعة يسمى محور النطاق ويمر بمركز البلورة. فمثلا، المستويات الرأسية الأربعة في المكعب (جوانب المكعب) تقع في نطاق واحد (رأسي)، كما هو مبين بالشكل 3-7. وعندما يتلاقى مستويان يقعان في نطاق واحد ويكونان غير متوازيين فإن اتجاه تقاطعهما يكون موازيا لمحور النطاق $[uvw]$ ومن ثم يمكن تعيين اتجاه محور النطاق باستخدام قانون فايس (Weiss) الآتي ذكره.

تعرف العلاقة بين أدلة ميلر (uvw) للمستوى وأدلة اتجاه محور النطاق $[uvw]$ بقانون فايس. ينص قانون فايس على أنه إذا كان $[uvw]$ هو اتجاه محور النطاق وكانت (hkl) هي أدلة ميلر لمستوى في النطاق فإن $hu + kv + lw = 0$. يمكن استخدام هذا القانون لإيجاد أدلة الاتجاه لمتجه يقع في مستويين، كما يتبين في المثال التالي.



مثال 3-4

بفرض أن المتجه $[uvw]$ يقع في كل من المستوى $(h_1k_1l_1)$ والمستوى $(h_2k_2l_2)$

والمطلوب إيجاد أدلة هذا المتجه بدلالة أدلة ميلر للمستويين.

الحل

طبقا لقانون فايس وحيث أن المتجه $[uvw]$ يقع في المستوى $(h_1k_1l_1)$ فإن،

$$h_1u + k_1v + l_1w = 0 \quad 8-3$$

وبالمثل، بما أن المتجه $[uvw]$ يقع في المستوى $(h_2k_2l_2)$ نحصل على

$$h_2u + k_2v + l_2w = 0 \quad 9-3$$

بحل المعادلتين السابقتين يمكن الحصول على أدلة الاتجاه $[uvw]$.

من الواضح انه لا يمكن حل المعادلتين السابقتين بالطرق المعتادة نظرا لوجود

معادلتين فقط وثلاثة مجاهيل ورغم ذلك يمكن تعيين الحل بطريقة مبسطة وذلك بكتابة

أدلة ميلر للمستوى الأول مرتين في صف واحد وأدلة ميلر للمستوى الثاني مرتين في

صف ثاني وبإجراء عملية الضرب تبعا للأسهم الموضحة في المعادلة التالية ويمكن

إيجاد $[uvw]$.

$$\begin{array}{ccc} \begin{array}{c} h_1 | k_1 \\ h_2 | k_2 \end{array} \begin{array}{c} \nearrow \\ \searrow \end{array} \begin{array}{c} l_1 \\ l_2 \end{array} & \begin{array}{c} h_1 | k_1 \\ h_2 | k_2 \end{array} \begin{array}{c} \nearrow \\ \searrow \end{array} \begin{array}{c} l_1 \\ l_2 \end{array} & \begin{array}{c} h_1 | k_1 \\ h_2 | k_2 \end{array} \begin{array}{c} \nearrow \\ \searrow \end{array} \begin{array}{c} l_1 \\ l_2 \end{array} \\ \hline (k_1l_2 - k_2l_1) & (h_2l_1 - h_1l_2) & (h_1k_2 - h_2k_1) \\ u & v & w \end{array}$$

10-3

لاحظ أن قيمة أدلة الاتجاه لا تعتمد على أي من المستويين كتب أولا فإن ذلك لا

يغير سوى إشارة أدلة الاتجاه من $[uvw]$ لتصبح $[\bar{u}\bar{v}\bar{w}]$ وهي نفسها أدلة تحقق (تصف)

الاتجاه ذاته.

يمكن باستخدام قانون فايس أيضا إيجاد أدلة ميلر لمستوى بمعلومية اتجاهين

لمحوري نطاق يجمعهما ذلك المستوى، كما يتضح من المثال التالي.

مثال 3-5

إذا كان لدينا اتجاهين لمحوري نطاقين لهما أدلة ميلر $[u_1 v_1 w_1]$ و $[u_2 v_2 w_2]$ ،
أوجد أدلة ميلر للمستوى الذي يجمعهما (hkl) .

الحل

نفرض أن أدلة ميلر للمستوى المذكور هي (hkl) .

طبقاً لقانون فايس يكون

$$hu_1 + kv_1 + lw_1 = 0$$

$$hu_2 + kv_2 + lw_2 = 0$$

وبحل المعادلتين نحصل على أدلة ميلر للمستوى المذكور كما يلي:

$$\frac{\begin{array}{c|c} u_1 & v_1 \\ u_2 & v_2 \end{array} \begin{array}{c} \nearrow w_1 \\ \searrow w_2 \end{array}}{\begin{array}{c} (v_1 w_2 - v_2 w_1) \\ h \end{array}} \frac{\begin{array}{c|c} u_1 & w_1 \\ u_2 & w_2 \end{array} \begin{array}{c} \nearrow v_1 \\ \searrow v_2 \end{array}}{\begin{array}{c} (w_1 u_2 - w_2 u_1) \\ k \end{array}} \frac{\begin{array}{c|c} v_1 & w_1 \\ v_2 & w_2 \end{array} \begin{array}{c} \nearrow u_1 \\ \searrow u_2 \end{array}}{\begin{array}{c} (u_1 v_2 - u_2 v_1) \\ l \end{array}}$$

مثال 3-6

أوجد أدلة ميلر للوجه المشترك مع النطاقين $[134, 100]$ و $[010, 323]$.

الحل

نعين اتجاه محور النطاق الأول كما يلي:

$$\begin{array}{c|ccc|c} 1 & 3 & 4 & 1 & 4 \\ & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{array}$$

$$[0\ 4\ \bar{3}]$$

وبالتالي تكون أدلة ميلر لاتجاه محور النطاق الأول هي $[04\bar{3}]$.

بالمثل، نعين اتجاه محور النطاق الثاني كما يأتي:

$$\begin{array}{c|ccc|c} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \\ 3 & 2 & 3 & 3 & 3 \end{array}$$

$$[3\ 0\ \bar{3}]$$

وبالتالي يكون اتجاه محور النطاق الثاني هو $[30\bar{3}]$. ثم نعين أدلة ميلر للوجه

المشترك مع النطاقين كما يلي:

$$\begin{array}{c|ccc|c} 0 & 4 & \bar{3} & 0 & \bar{3} \\ & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \\ 3 & 0 & \bar{3} & 3 & \bar{3} \end{array}$$

$$[\bar{1}2\ \bar{9}\ \bar{1}2]$$

وعلى ذلك تكون أدلة ميلر للوجه المشترك مع النطاقين هي $[\bar{1}2\ \bar{9}\ \bar{1}2]$ وهذه الأدلة

تكافئ $[434]$.

مثال 3-7

إذا علمت أن أدلة الشكل السداسي هي $(hkil)$. أوجد أدلة الوجه المشترك بين

النطاقين $[12\bar{3}3, 20\bar{2}1]$ و $[01\bar{1}0, 32\bar{5}3]$.

بإهمال المعامل i (مؤقتاً) في السداسي يمكن إيجاد اتجاه محور النطاق الأول كما

يلى:

$$\begin{array}{c|ccc|c} 1 & 2 & 3 & 1 & 2 & 3 \\ & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow \\ 2 & 0 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 \end{array} \quad \begin{array}{l} 3 \\ 1 \end{array}$$

$$[2\ 5\ \bar{4}]$$

وبالتالي تكون أدلة اتجاه محور النطاق الأول هي $[25\bar{4}]$.

وبنفس الطريقة يمكن إيجاد اتجاه محور النطاق الثاني كما يلي:

$$\begin{array}{c|ccc|c} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow \\ 3 & 2 & 3 & 3 & 2 & 3 & 0 \end{array} \quad \begin{array}{l} 0 \\ 3 \end{array}$$

$$[3\ 0\ \bar{3}]$$

وبالتالي تكون أدلة اتجاه محور النطاق الثاني هي $[30\bar{3}]$.

ثم نعين الأدلة hkl للوجه المشترك بين الاتجاهين كالآتي:

$$\begin{array}{c|ccc|c} 2 & 5 & \bar{4} & 2 & 5 & \bar{4} \\ & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow \\ 3 & 0 & \bar{3} & 3 & 0 & \bar{3} \end{array} \quad \begin{array}{l} \bar{4} \\ \bar{3} \end{array}$$

$$[\bar{15}\ \bar{6}\ \bar{15}]$$

فتكون الأدلة hkl للوجه المشترك في حالة السداسي هي $\bar{15}\bar{6}\bar{15}$ التي هي $\bar{5}25$ أو

ولإيجاد المعامل i ، الذي أجبناه في بداية الحل، نعلم انه في حالة السداسي يكون $h+k+i=0$ وبالتالي فإن $i=-(h+k)=-5-2=-7$ ويكون $i=-7$. وعلى ذلك تكون أدلة ميلر للوجه المشترك بين النطاقيين المذكورين في هذا المثال هي $(5\bar{2}7)$.

5-3 الزوايا بين النطاقات ANGLES BETWEEN ZONES

يمكن إيجاد الزاوية θ بين الاتجاهين $[u_1v_1w_1]$ ، $[u_2v_2w_2]$ بواسطة العلاقة

الآتية،

$$\cos\theta = \frac{u_1u_2 + v_1v_2 + w_1w_2}{\sqrt{u_1^2 + v_1^2 + w_1^2} \sqrt{u_2^2 + v_2^2 + w_2^2}} \quad 11-3$$

وحيث أن أدلة الاتجاه للعمودي على المستوى الذي له الأدلة العددية (hkl) تكون

$[hkl]$ ، فإنه يمكن إيجاد الزاوية بين المستويين $(u_1v_1w_1)$ و $(u_2v_2w_2)$ بالعلاقة السابقة.

مثال 8-3

في وحدة خلية المكعبى البسيط SC، أوجد الزاوية بين العمودين على الوجهين

الذين لهما أدلة ميلر للوجهين هي (100) و (010) .

الحل

باستخدام المعادلة 11-3 نحصل على

$$\cos\theta = \frac{1 \times 0 + 0 \times 1 + 0 \times 0}{(1^2 + 0^2 + 0^2)^{\frac{1}{2}} (0^2 + 1^2 + 0^2)^{\frac{1}{2}}} = 0$$

$$\therefore \theta = \cos^{-1} 0 = 90^\circ$$

6-3 التركيب الذري للبلورات ATOMIC STRUCTURE OF CRYSTALS

تتأثر الخصائص الفيزيائية للمواد البلورية بالشكل الهندسي للبلورة وكما تتأثر أيضا بالتركيب الذري لها. يقصد بالتركيب الذري للبلورة شكل ترتيب الذرات فيها بالإضافة إلى عدد الذرات في وحدة الخلية والتي تؤثر بشكل كبير في حجم وكثافة الخلية وبالتالي معظم الخصائص البلورية.

1-6-3 عدد الذرات في وحدة الخلية

لتعيين عدد الذرات في وحدة الخلية يجب معرفة الشكل الهندسي للخلية ونصف القطر الذري لها. يعرف نصف القطر الذري على أنه نصف المسافة بين أقرب ذرتين متجاورتين في بلورة عنصر نقي مع مراعاة أن أقرب ذرتين متجاورتين يجب أن تلامس كل منهما الأخرى، كما سنبين لاحقا.

تأتي أهمية دراسة شبكات المكعبى بوجه عام والمتمركز الجسم والأوجه بوجه خاص لأن أغلب عناصر الجدول الدوري تتبلور مكونة شبكية بلورية مكعبة، ولهذا سنولى هذه الفصيلة مزيدا من الاهتمام في هذا الفصل.

أ- المكعبى البسيط SIMPLE CUBIC, SC

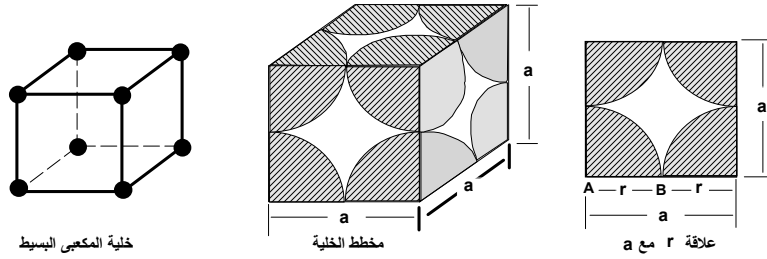
في حالة المكعبى البسيط، SC، توجد ذرة عند كل ركن من أركان الخلية الثمانية وتشارك هذه الذرة ثمانية خلايا مجاورة. يكون نصيب كل خلية من هذه الذرة هو $\frac{1}{8}$ ذرة.

وحيث أن لكل خلية 8 أركان فإن عدد الذرات في وحدة الخلية في هذه الحالة هو $1 = 8 \times \frac{1}{8}$

أي ذرة واحدة. ويمكن حساب نصف قطر الذرة في المكعبى البسيط، بالرجوع إلى الشكل

8-3 كالآتي. طبقا للتعريف، تكون المسافة AB هي نصف القطر الذرى، ومن الشكل

يتضح أن $r = \frac{a}{2}$ ، حيث a هو طول ضلع الخلية المكعبة.



الشكل 8-3 شكل الذرات في خلية المكعبى البسيط

BODY CANTERED CUBIC, BCC

ب- المكعبى المتمركز الجسم

في هذه الحالة، بالإضافة إلى الثماني ذرات الموجودة عند الأركان توجد ذرة

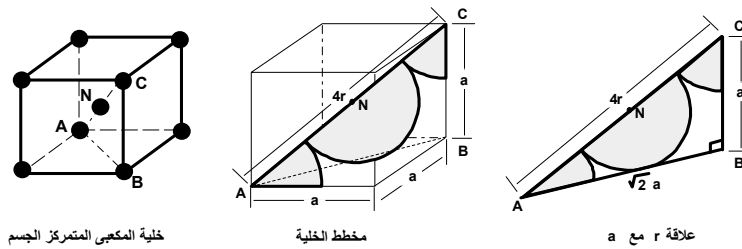
كاملة عند مركز الخلية وعلى ذلك يكون عدد الذرات في وحدة الخلية هو $2 = 1 + 8 \times \frac{1}{8}$ ،

أي ذرتين فقط. ولحساب نصف القطر الذرى في هذه الحالة نشير إلى الشكل 9-3.

يتضح من الشكل أن الذرتين C و N هما أقرب الجيران كل منهما للأخر. ومن هندسة

الشكل نجد أن $r = \frac{CN}{2}$ وحيث أن

$$AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{(\sqrt{2}a)^2 + a^2} = \sqrt{3}a$$



الشكل 9-3 شكل الذرات في خلية المكعبى المتمركز الجسم

ويكون نصف القطر الذرى هو

$$r = \frac{CN}{2} = \frac{AC}{4} = \frac{\sqrt{3}}{4} a$$

$$a = \frac{4r}{\sqrt{3}}$$

أو

ج- المكعبى المتمركز الأوجه FACE CENTERED CUBIC, FCC

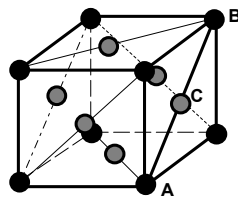
في المكعبى المتمركز الأوجه توجد ذرة واحدة في مركز كل وجه وتكون هذه الذرة مشاركة بين خليتين متجاورتين، هذا بالإضافة إلى الثماني ذرات الموجودة عند الأركان. مما سبق يتضح أن عدد الذرات في وحدة الخلية في هذه الحالة هو $4 = 8 \times \frac{1}{8} + 6 \times \frac{1}{2}$ أي أربع ذرات.

من الشكل 3-10 يمكن تعيين العلاقة بين نصف القطر الذرى و أبعاد الخلية كما يلي: يتضح أن الذرتين A و C هما أقرب الجيران كل منهما للأخر وبالتالي يكون نصف القطر الذرى هو

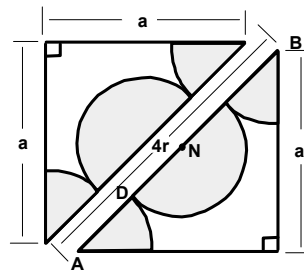
$$r = AD = \frac{AC}{2} = \frac{AB}{4}$$

$$\therefore AB = \sqrt{2} a$$

$$\therefore r = \frac{\sqrt{2}}{4} a \quad \& \quad a = \frac{4r}{\sqrt{2}}$$



خلية المكعبى المتمركز الوجه



علاقة r مع a

الشكل 3-10 شكل الذرات في المكعبى المتمركز الأوجه

من الشكل 3-10 يتضح أنّ القطر AB يساوي أربعة أمثال نصف القطر الذرى.
 من الدراسة السابقة (في الباب السابق)، نلاحظ أن الخلايا الأولية لشبكات
 المكعبى المتمركزة الأوجه والمتمركزة الجسم ليس لها تماثل (تتاظر) المكعب أو أن
 تماثلها أقلّ من تماثل المكعب. وطالما أن تماثل المكعب هو نفس تماثل الشبكة المكعبة
 سواء كانت متمركزة الأوجه أو الجسم فإنه عادة يتم التعامل مع خلايا الوحدة غير الأولية
 لأنها مكعبة الشكل. في الجدول 3-1 نوجز بعض الخصائص المهمة للشبيكة المكعبة.

الجدول 3-1 بعض خصائص الشبيكة المكعبة

الخصائص	المكعبى البسيط	المكعبى المتمركز الجسم	المكعبى المتمركز الأوجه
حجم خلية الوحدة	a^3	a^3	a^3
حجم الخلية الأولية	a^3	$\frac{a^3}{2}$	$\frac{a^3}{4}$
عدد العقد لكل وحدة خلية	1	2	4
عدد العقد لوحدة الحجم	$\frac{1}{a^3}$	$\frac{2}{a^3}$	$\frac{4}{a^3}$
العدد التناسقى	6	8	12
عدد العقد المجاورة للجوار المباشر	12	6	6
المسافة بين أقرب عقدتين	A	$\frac{\sqrt{3} a}{2} = 0.86 a$	$\frac{a}{\sqrt{2}} = 0.7a$

مثال 3-9

إذا كان الوزن الجزئ للحديد هو ($W = 55.85$) وكثافته هي 7.86 جم/سم³ أوجد
 طول ضلع الخلية إذا كان الحديد يتواجد في صورة مكعبى متمركز الجسم. (عدد
 أفوجادرو $N = 6.02 \times 10^{23}$ /gm/mole).

الحل

يكون عدد ذرات الحديد لوحة الخلية هو $n = 8 \times \frac{1}{8} + 1 = 2$ ومن العلاقة

حيث ρ هو الكثافة و W هو الوزن الجزيء و n هو عدد الذرات لوحة الخلية $a^3 \rho = \frac{WA}{N}$

و a هو طول ضلع الخلية نحصل على،

$$a^3 \times 7.86 = \frac{2 \times 55.85 W}{6.02 \times 10^{23}}$$

$$a = 2.87 \times 10^{-8} \text{ cm} = 2.87 \text{ \AA}$$

مثال 3-10

أحسب طول ضلع خلية الوحدة لكل من :

(أ) شبكة الفضة المتمركز الأوجه إذا كان نصف قطر ذرة الفضة هو 1.441 أنجستروم.

(ب) شبكة النحاس المتمركز الأوجه إذا كان نصف قطر ذرة النحاس هو 1.276

أنجستروم.

الحل

(أ) في حالة الفضة يكون

$$a = \frac{4r}{\sqrt{2}} = \frac{4 \times 1.441}{\sqrt{2}} = 3.078 \text{ \AA}$$

(ب) في حالة النحاس يكون

$$a = \frac{4r}{\sqrt{2}} = \frac{4 \times 1.276}{\sqrt{2}} = 3.08 \text{ \AA}$$

3-6-2 الكثافة الذرية لمستويات البلورة ATOMIC DENSITY OF CRYSTAL PLANES

لدراسة الخصائص الميكانيكية (وخاصة السلوك اللدن) لبلورات المعادن، يجب معرفة كثافة الذرات الواقعة على المستويات البلورية المختلفة وذلك لتحديد إمكانية انزلاق المستويات على بعضها بعض من عدمه. تعرف الكثافة الذرية للمستوى البلوري بأنها عدد الذرات لوحدة المساحات في مستوى بلوري معين. يمكن توضيح كيفية حساب الكثافة الذرية للمستوى بواسطة الأمثلة الآتية:

مثال 3-11

في بلورة الرصاص، أحسب الكثافة الذرية للمستويات: أ- (100) ، ب- (111) و ج- (110)، إذا علمت أن الرصاص يتبلور على شكل مكعبي متمركز الأوجه وله $a = 4.93 \text{ \AA}$.

الحل

(أ) في المستوى (100) يكون توزيع الذرات كما هو مبين بالشكل 3-11 (أ). يحتوى هذا المستوى على ذرتين اثنتين $\left(2 = 1 + 4 \times \frac{1}{4}\right)$ وبالتالي تكون الكثافة الذرية لهذا المستوى ، $\rho_{(100)}$ ، بأنها تساوى عدد الذرات مقسوم على المساحة، أي

$$\rho_{(100)} = \frac{2 \text{ atoms}}{(a \text{ mm})^2} = \frac{2 \text{ atoms}}{(4.93 \times 10^{-7})^2 \text{ mm}^2} = 8.23 \times 10^{12} \text{ atoms/mm}^2$$

(ب) في المستوى (111) يكون توزيع الذرات كما هو مبين بالشكل 3-11 (ب). يحتوى هذا