

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z



كلية العلوم

القسم : الفيزياء

السنة : الثانية

اسئلة ووراك محلولة

ميكانيك فيزيائي ٢

A 2 Z LIBRARY

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم (فيزياء ، كيمياء ، رياضيات ، علم الحياة)

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app) على الرقم 0931497960 TEL:

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z

M 1 - 4



جامعة حماه

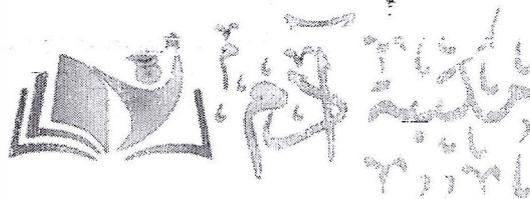
مكتبة أحد - كلية العلوم

كلية العلوم قسم الفيزياء

السنة : الثانية

دورات وسلام

ميكانيك فيزيائي (2)



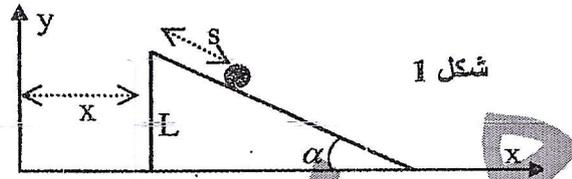
2026-2025



0935866409

السؤال الأول (25 د)

- (أ) - اذكر ما تنص عليه نظرية التسارع المركب للنقطة المادية خلال الحركة المركبة.
(ب) - برهن صحة النظرية السابقة انطلاقاً من عبارة السرعة المطلقة.
(ج) - وضح ما هو الحد المعبر عن تسارع كوريوليس، مبيناً حالات انعدامه.

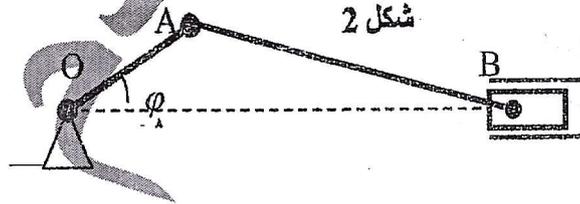


السؤال الثاني (25 د)

- موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوجد في أعلى موضع منه، و على ارتفاع L عن المستوي الأفقي، كتلة نعتبرها نقطية كتلتها m ، تنحدر دون احتكاك على السطح المائل للموشور بزاوية α (شكل 1). عين حركة كل من الموشور و النقطة المادية، و ذلك بفرض أن المجموعة كانت ساكنة لحظة البدء.

السؤال الثالث (25 د)

- لتكن لدينا الآلة الموضحة في (الشكل 2) حيث OA مرفق طوله a يصنع زاوية φ مع المحور الأفقي ويتصل بذراع التوصيل AB الذي طوله l . المطلوب: عين بدلالة φ
(أ) - سرعة المنزلق B
(ب) - موضع النقطة M من ذراع التوصيل حيث تكون السرعة أصغر ما يمكن
(ج) - السرعة الزاوية لذراع التوصيل ω_1



السؤال الرابع (25 د)

- قضيب متجانس طوله $2a$ كان في البدء أفقياً يهبط و يدور في المستوي الشاقولي بسرعة زاوية ثابتة ω و مركزه C يسقط سقوطاً حراً. المطلوب: (مستحسن بالرسم)
(أ) - أوجد سرعة النهاية A منه بدلالة الزمن.
(ب) - أوجد القاعدة و المتدرج.

انتهت الأسئلة

السؤال الأول (25)

لدينا نواس "فوكو" طوله L و ذلك في منطقة ذات خط عرض زاويته δ , و لتكن جملة الاحداثيات $oxyz$ بحيث يكون ox مماسا لخط العرض, oy مماسا لخط الطول, oz متعامدا مع المحورين الآخرين و باتجاه مركز الارض, و بحيث ينطبق المبدأ o على نقطة تعليق النواس. و بحيث يصنع خيطه الزوايا : α, β, γ مع المحاور ox, oy, oz (على الترتيب).

- حدد القوى المؤثرة و اكتب معادلة الحركة أخذا بعين الاعتبار قوة كوريوليس.
- استنتج المعادلات التفاضلية للحركة.
- بين كيف يمكن تبسيط المعادلات التفاضلية السابقة في جوار اسفل نقطة يتحرك فيها النواس.

السؤال الثاني (25)

تطلق قذيفة مدفع نحو الجنوب بسرعة ابتدائية v_0 تصنع زاوية φ مع الأفق و ذلك في اللحظة $t_0=0$, و في موضع من الأرض يتحدد خط عرضه بالزاوية δ . نفرض جملة محاور $oxyz$ متماسكة مع الأرض بحيث نقطة الأصل لها تنطبق على نقطة القذف, و بحيث يتجه المحور ox نحو الجنوب, و المحور oy نحو الشرق, و المحور oz شاقولياً نحو الأعلى. فبفرض ω هي السرعة الزاوية لدوران الأرض حول نفسها, عندئذ فإن مشتقات إحداثيات القذيفة بالنسبة للزمن تعطى بالعلاقات التالية:

$$\dot{x} = 2\omega y \sin \delta + a_1 \quad \dot{y} = -2\omega(x \cos \delta + z \sin \delta) + a_2 \quad \dot{z} = -gt + 2\omega y \cos \delta + a_3$$

و المطلوب :

- حدد الثوابت a_1, a_2, a_3 استنادا إلى شروط البدء.
- حدد إحداثيات القذيفة في اللحظة t (يكتفى بالتقريبين الصغرى و الأول).

السؤال الثالث (25)

قضيب متجانس طوله $2a$ كان في البدء أفقياً, يسقط و يدور في المستوي الشاقولي بسرعة زاوية ثابتة ω و مركزه C يسقط سقوطاً حراً. المطلوب :

- أوجد سرعة النهاية A منه بدلالة الزمن.
- أوجد القاعدة و المنحرج.

السؤال الرابع (25)

قمر صناعي كتلته m يدور حول الأرض في مسار دائري نصف قطره r_1 , و يراد رفعه إلى مسار دائري آخر نصف قطره $r_2 < r_1$ و في نفس مستوي الحركة و ذلك بإعطائه دفعين مماسيين للمسار في اتجاه الحركة. أوجد الطاقة اللازمة للدفعين المذكورين.

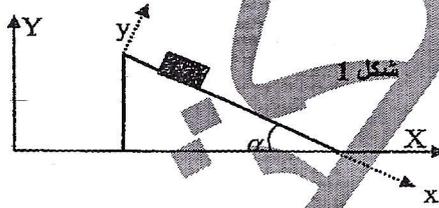
انتهت الأسئلة

السؤال الأول (30د)

- (أ) - عرف الحركة المستوية للجسم الصلب, و اكتب الصيغة العامة لسرعة نقطة ما منه.
(ب) - بين أن المحور الآني للدوران يتعين بنقطة P تتعين بالعلاقة $\vec{op} = \frac{\vec{\omega} \times \vec{v}_0}{\omega^2}$
(ج) - حدد إحداثيات النقطة P في كل من الجملتين $oxyz$ المتماسكة مع الجسم, و الجملة الثابتة $O\xi\eta\zeta$.

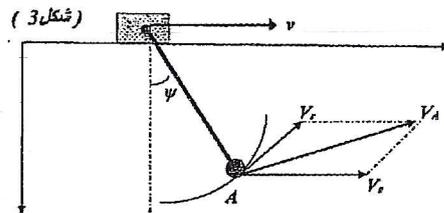
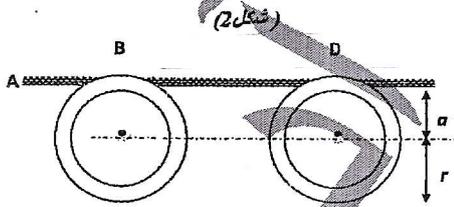
السؤال الثاني (20د)

يسقط جسم A كتلته m (شكل 1) على الحرف المائل لموشور قائم يميل سطحه المائل على الأفق بزاوية α , بحيث يتحرك الموشور إلى اليمين بتسارع W . أوجد تسارع الجسم A بالنسبة للموشور و رد الفعل عليه, إذا كان عامل الاحتكاك بين الجسم و الموشور هو f . ثم احسب زاوية الموشور α التي من أجلها يتعدم تسارع الجسم A بالنسبة للموشور.



السؤال الثالث (15د)

عارضة A كتلتها m_1 تزاوح أفقياً بواسطة بكرتين B و D (انظر الشكل 2 أذناه) كتلة كل منهما m_2 و نصف قطرها r , تتحركان على الأرض دون احتكاك. سرعة مركز كتلة كل من البكرتين تساوي V . عين متجه كمية حركة المجموعة, إذا علمت أن العارضة تبعد عن الأرض مسافة $r+a$.



السؤال الرابع (15د)

يتحرك مكعب بسرعة v على مستوي أفقي, كتلة المكعب M . ربط مع المكعب نواس كتلته m و طول خيطه l . احسب الطاقة الحركية للجملة المذكورة مع الفرض أن قانون حركة النواس $\psi = \psi(t)$. (متجه السرعة يقع في مستوي انزياح النواس). انظر الشكل 3 أعلاه.

السؤال الخامس (20د)

جسم فضائي قادم من اللانهاية اقترب من الأرض فلوحظ أن اقل ارتفاع له عن سطحها H و كانت سرعته عندها v_0 . أوجد التباعد المركزي للمسار و كذلك زاوية انحراف الجسم نتيجة اجتيازه لمجال الأرض. (مستعينا بالرسم)
(نفترض: نصف قطر الأرض R , و تسارع الجاذبية على سطحها g)

انتهت الأسئلة

I

سليم وصفيح بيكانيك شرياني 2
ص 2 ص 1 - 2021/2022

السؤال الأول: 25 درجة

5

(P) تحديد السرعة الزاوية وكثافة المعادلات:

$$m \vec{w}_r = m \vec{g} - 2m (\vec{\omega} \times \vec{v}_r) + N$$

(ب) استخراج ابعاد دالات انضالية للحركة:

7

$$m \ddot{x} = -2m\omega (\dot{y} \sin \delta - \dot{z} \cos \delta) - N \frac{x}{L}$$

$$m \ddot{y} = 2m\omega x \sin \delta - N \frac{y}{L}$$

$$m \ddot{z} = mg - 2m\omega \dot{x} \cos \delta - N \frac{z}{L}$$

(ج) ايجز نقطة يصلها التوازيين: $(0, 0, L)$ ويكون عندها $\dot{z} = 0$ ويكون $\dot{z} = 0$ ويكون
للقوة N مركبة فقط على z حيث تساوي مباشرة تقريباً قوة النقل $N = mg$
فيكون بناءً على العرضيات ابعاد تصبح ابعاد الطاقة البنية:

13

$$\ddot{x} = -2\omega \dot{y} \sin \delta - g \frac{x}{L}$$

$$\ddot{y} = 2\omega \dot{x} \sin \delta - g \frac{y}{L}$$

السؤال الثاني: 25 درجة

3

(P) تحديد التوابت بحسب شروط البدء: $a_1 = v_0 \cos \varphi$ ، $a_2 = 0$ ، $a_3 = v_0 \sin \varphi$

4

(ب) استخراج اعداديات القزوف من التقریب الصفري:

$$x = v_0 \cos \varphi \cdot t \quad , \quad y = 0 \quad , \quad z = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \varphi \cdot t$$

ثم استخراج اعداديات في التقریب الاول:

15

$$x = v_0 \cos \varphi \cdot t$$

$$y = -2\omega \left[\cos \delta \left(-\frac{1}{6} g t^3 + \frac{1}{2} v_0 \sin \varphi \cdot t^2 \right) + \frac{1}{2} v_0 \cos \varphi \cdot \sin \delta \cdot t^2 \right]$$

$$z = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \varphi \cdot t$$

جامعة البعث

امتحان مقرر ميكانيك فيزيائي ٢

الاسم: ~~XXXXXXXXXX~~

كلية العلوم

طلاب السنة الثانية الدورة فصلية أولى

قسم الفيزياء

لعام ٢٠٢٠/٢٠٢١

السؤال الأول

المسألة الأولى:

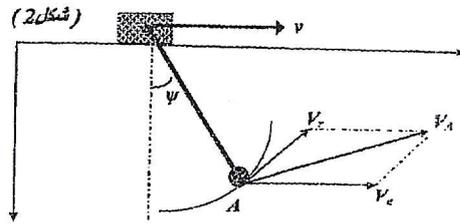
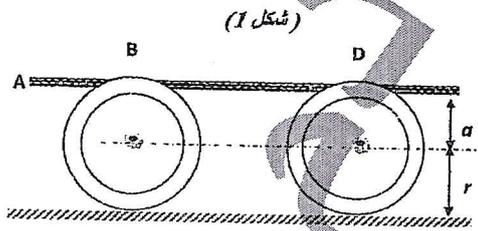
مجموعة xyz تدور بالنسبة لمجموعة أخرى XYZ لها نقطة الأصل نفسها و يفرض أنها ثابتة في الفراغ (أي أنها قصورية) . تعطى السرعة الزاوية للمجموعة xyz بالنسبة للمجموعة XYZ بالعلاقة $\vec{\omega} = 2\vec{i} - t^2\vec{j} + (2t + 4)\vec{k}$ حيث t الزمن. تعطى متجهة موضع جسيم عند اللحظة t كما يشاهد من المجموعة xyz بالعلاقة: $\vec{r} = (t^2 + 1)\vec{i} - 6t\vec{j} + 4t^3\vec{k}$ أوجد: ١- السرعة الظاهرية ٢- السرعة الحقيقية عند $t = 1$ ٣- تسارع كوريوليس ٤- التسارع الجاذب المركزي عند $t = 1$.

المسألة الثانية:

قرص نصف قطره R يتدحرج دون انزلاق على سكة أفقية مستقيمة . سرعة مركز القرص ثابتة و تساوي v_0 . أوجد متجه الموضع (التابع الزمني للنقطة M) و السرعة للنقطة M المتماسكة مع القرص و المتوضعة على بعد $OM = L$ من مركز القرص .

السؤال الثاني (١٦ د)

عارضضة A كتلتها m_1 تزاخ أفقيا بواسطة بكرتين B و D (انظر الشكل) أدناه) كتلة كل منهما m_2 و نصف قطرها r ، تتدحرجان على الأرض دون احتكاك. سرعة مركز كتلة كل من البكرتين تساوي V . عين متجه كمية حركة المجموعة، إذا علمت أن العارضة تبعد عن الأرض مسافة $r+a$.



السؤال الثالث (١٧ د)

يتحرك مكعب بسرعة v على مستوي أفقي، كتلة المكعب M . ربط مع المكعب نواس، كتلته m و طول خيطه l . احسب الطاقة الحركية للجملة المذكورة مع الفرض أن قانون حركة النواس $\psi = \psi(t)$. (متجه السرعة يقع في مستوي انزياح النواس) . انظر الشكل ٢ أعلاه.

السؤال الرابع (١٧ د)

مذنب يدور حول الشمس في مسار إهليلجي، لوحظ أن أقرب مسافة له عن مركز الشمس هي D ، وأن سرعته عندها هي v . أوجد: أ- التباعد المركزي للمسار، ب- بعد نقطة القيا الأبعد، ج- الزمن اللازم له ليتم دورة كاملة حول الشمس.

انتهت الأسئلة

د. عصام عباس د. مصطفى ديلو

مع أطيب الأمنيات بالنجاح

٢٠٢١/٢/١

جامعة البعث
كلية العلوم
قسم الفيزياء
امتحان مقرر ميكانيك فيزيائي 2
طلاب السنة الثانية دورة فصلية ثانية
لعام 2021/2020
الاسم :

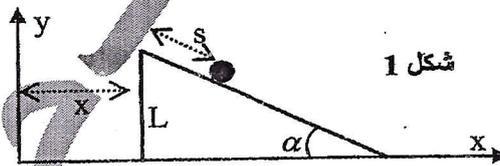
السؤال الأول

المسألة الأولى:

مجموعة إحداثيات ديكارتيه Oxy تدور بسرعة زاوية ثابتة ω حول نقطة فيها $(-\alpha, 0)$ مثبتة في مجموعة إحداثيات عطالية. أوجد مركبات السرعة و التسارع في المجموعة المتحركة.

المسألة الثانية:

قرص نصف قطره R يتدحرج دون انزلاق على سكة أفقية مستقيمة. سرعة مركز القرص ثابتة و تساوي v_0 . أوجد متجه موضع الحركة (التابع الزمني للحركة) و السرعة للنقطة M المتماسكة مع القرص و المتوضعة على بعد $O_1M = L$ من مركز القرص.



السؤال الثاني (25)

موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوجد في أعلى موضع منه، و على ارتفاع L عن المستوي الأفقي، كتلة نعتبرها نقطية كتلتها m ، تتدحرج دون احتكاك على السطح المائل للموشور بزاوية α (شكل 1). عين حركة كل من الموشور و النقطة المادية، و ذلك بفرض أن المجموعة كانت ساكنة لحظة البدء.

السؤال الثالث (25)

جسم فضائي قادم من اللانهاية اقترب من الأرض فلو حظ أن أقل ارتفاع له عن سطحها H و كانت سرعته عندها v_0 . أوجد التباعد المركزي للمسار و كذلك زاوية انحراف الجسم نتيجة اجتيازه لمجال الأرض. (مستعينا بالرسم) (نفترض: نصف قطر الأرض R ، و تسارع الجاذبية على سطحها g)

انتهت الأسئلة

د. مصطفى ديلو د. عصام عباس

مع أطيب الأمنيات بالنجاح

2021/7/29

المعلم صالح محمد
 لطلبة السنة الثانية قنيطرة - د. مصطفى دلو

1/1

السؤال الأول (50)

المسألة الأولى: (25)
 نقرن \vec{e}_1 و \vec{e}_2 بمتجه الوحدة في اتجاهي x و y في
 الترتيب عكس اتجاه عقارب الساعة بالنسبة للجزء العكالي

$$\vec{r} = (x + a)\vec{e}_1 + y\vec{e}_2$$

و متجه السرعة:

$$\vec{v} = \dot{x}\vec{e}_1 + (x + a)\dot{\vec{e}}_1 + \dot{y}\vec{e}_2 + y\dot{\vec{e}}_2$$

$$= (x - \omega y)\vec{e}_1 + [\dot{y} + \omega(x + a)]\vec{e}_2$$

والسارع

$$\vec{a} = (x - y\omega)\ddot{\vec{e}}_1 + (x - y\omega)\dot{\vec{e}}_1 + (\dot{y} + \omega x)\dot{\vec{e}}_2 + [\dot{y} + \omega(a + x)]\dot{\vec{e}}_2$$

$$\vec{a} = (\ddot{x} - \omega\dot{y})\vec{e}_1 + (\ddot{x} - \omega\dot{y})\omega\vec{e}_2 + (\dot{y} + \omega x)\dot{\vec{e}}_2 + [\dot{y} + \omega(a + x)](-\omega\vec{e}_1)$$

$$\vec{a} = [\ddot{x} - 2\omega\dot{y} - \omega^2(a + x)]\vec{e}_1 + [\dot{y} + 2\omega x - \omega^2 y]\vec{e}_2$$

الجملة الثانية: تختار مجموعتي الإحداثيات الثانية xy والمركبة x, y - تتراوح مجموعة الإحداثيات المركبة، مركبة انسيابية مع القرص وتبقى خارجها عوازية للماور الجملة الثانية يتحدد مقدار السرعة الزاوية للقرص

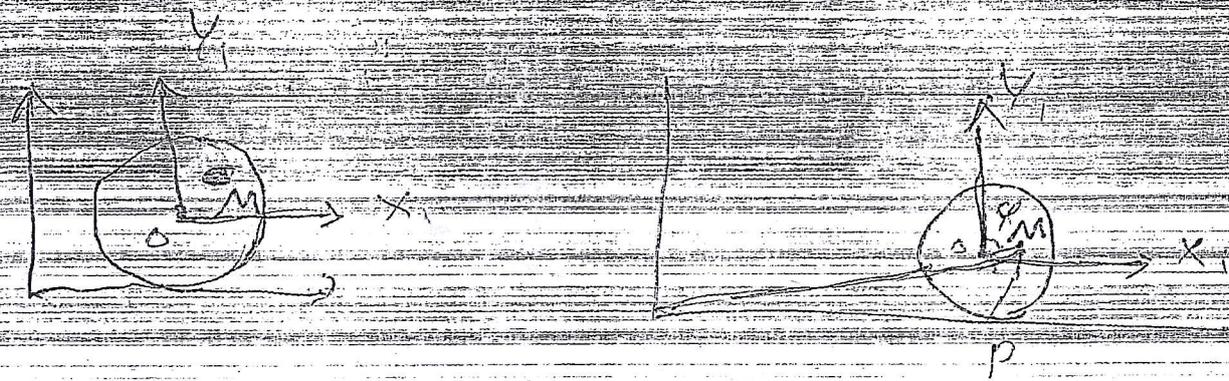
بالإضافة $\omega = R \omega_1 = \rho \omega_1$

ذلك أنه المركز اللطيف للسرعة يوجد في النقطة M نقطة تلاصق القرص مع الكه $\omega = \omega_1 R = v_{01} / R$

وأيضاً يعرف الاعتناء $\omega = v_{01} / R$ يتخذ

عرضاً $\phi = \frac{v_{01}}{R} t$ $\phi = 0$ عندما $t = 0$ $\phi = \frac{v_{01}}{R} t$

أحداث النقطة M في حالة الإحداثيات المركبة:



$$X_1 = L \sin \varphi = L \sin \frac{V_{01} t}{R}$$

$$Y_1 = L \cos \varphi = L \cos \frac{V_{01} t}{R}$$

والآن نكتب المتجه \vec{r} في إحداثيات (x, y)

$$x = x_{01} + x_1 = L \sin \varphi = V_{01} t + L \sin \frac{V_{01} t}{R}$$

$$y = y_{01} + y_1 = R + L \cos \frac{V_{01} t}{R}$$

والآن نكتب المتجه \vec{r} في إحداثيات (x, y)

$$\vec{r} = \left(V_{01} t + L \sin \frac{V_{01} t}{R} \right) \hat{i} + \left(R + L \cos \frac{V_{01} t}{R} \right) \hat{j}$$

حيث \hat{i} و \hat{j} هما متجهتا الوحدة في اتجاه x و y

نفس سرعة النقطة A في الحركة الدائرية المنتظمة

$$\vec{v} = \left(V_{01} + L \frac{V_{01}}{R} \cos \frac{V_{01} t}{R} \right) \hat{i} + \left(-L \frac{V_{01}}{R} \sin \frac{V_{01} t}{R} \right) \hat{j}$$

وهي سرعة النقطة M في الحركة الدائرية المنتظمة

السؤال الأول (35د)

لتكن $Oxyz$ جملة إحداثيات ثابتة، و $O\xi\eta\zeta$ جملة إحداثيات متحركة، و $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ متجهات الواحدة للجملة المتحركة. و
لتكن M نقطة مادية اختيارية متحركة بالنسبة للجمتين الثابتة و المتحركة، حيث متجه موضعها بالنسبة للجملة المتحركة هو :

$$\vec{p} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \quad \text{و حيث } \vec{\omega} \text{ هو متجه السرعة الزاوية للجملة المتحركة بالنسبة للجملة الثابتة. و المطلوب :}$$

$$(أ) \text{ يبين دلالة كل حد من حدود العلاقة : } \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d\vec{p}}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{p} \text{ . حيث : } \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$$

(ب) اذا كان \vec{r}, \vec{r}_0 هما، على الترتيب، متجها موضع نقطة الأصل للجملة المتحركة و للنقطة M و ذلك بالنسبة للجملة الثابتة. فبرهن

$$\text{أن : } \frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d\vec{r}}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{r} \text{ ، ثم استنتج نص نظرية السرعة المركبة للنقطة المادية.}$$

(ج) اذكر نص نظرية التسارع المركب، ثم برهن أنه اذا عبرنا عن نظرية السرعة المركبة بالعلاقة $\vec{v} = \vec{v}_r + \vec{v}_e$ فإنه يمكن

$$\text{التعبير عن نظرية التسارع المركب بالعلاقة } \vec{w} = \vec{w}_r + \vec{w}_e + \vec{w}_c \text{ . مع تبيان دلالة كل حد.}$$

(د) عرف تسارع كوريوليس و بين حالات اتعدامه

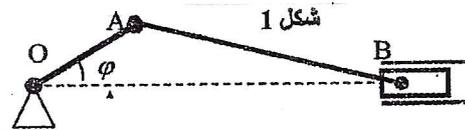
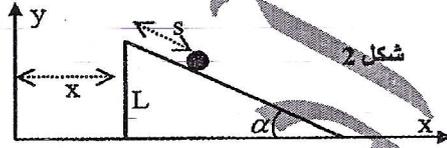
السؤال الثاني (20د)

لتكن لدينا الآلة الموضحة في (الشكل 1) حيث OA مرفق طوله a يصنع زاوية φ مع المحور الأفقي و يتصل بذراع التوصيل AB الذي طوله l . المطلوب : عيّن بدلالة φ

(أ) سرعة المنزلق B

(ب) موضع النقطة M من ذراع التوصيل حيث تكون السرعة انصف ما يمكن

(ج) السرعة الزاوية لذراع التوصيل ω_1



السؤال الثالث (20د)

موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوجد في أعلى موضع منه ، و على ارتفاع L عن المستوي الأفقي، كتلة نعتبرها نقطية كتلتها m ، تتحرك دون احتكاك على السطح المائل للموشور بزاوية α (شكل 2). عيّن حركة كل من الموشور و النقطة المادية ، و ذلك بفرض أن المجموعة كانت ساكنة لحظة البدء.

السؤال الرابع (25د)

متنكب يدور حول الشمس في مسار /هليلجي/. لوحظ أن أقرب مسافة له عن مركز الشمس هي D ، و أن سرعته عندها هي v_0 . أوجد :

(أ) - التباعد المركزي e للمسار ، (ب) - بعد نقطة التقب الأبعد r_{max} ، (ج) - اوجد الزمن T اللازم له ليتم دورة كاملة حول

الشمس. (د) - احسب المقادير السابقة إذا علمت أن : $D=9 \cdot 10^{10} \text{ m}$ ، $v_0=5 \cdot 10^4 \text{ m/sec}$

(علما أن كتلة الشمس $M=2 \cdot 10^{30} \text{ kg}$ و أن ثابت الجاذبية العام هو $\gamma=6.67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3/\text{kg}\cdot\text{sec}^2$)

انتهت الأسئلة

علم تصحيح امتحان قسم
ميكانيك نظري 2
تحميله 2018

السؤال الأول: | 25 درجة |

- P - ذكر نصف نظرية التناهي المركب لفظاً قادراً على قياس الحركة المركبة. (4)
- ب - بيهاً نظرية التناهي المركب انظروا من عبارة السرعة المطلقة. (13)
- د - تبيان عبارة تناهي كوربوليس وطالاً اقتضاه. (8)

السؤال الثاني: | 25 درجة |

- P - تبيان دلالة مجموعتي العلاقات الخاصة بالصنع الحركية لأدور لموتبيان
دلالتاً بوجهاً نقطياً مرتكبةً بتفاهي السرعة الزاوية كما من كل
من المحلّين التامية والحركية بدلالة زوايا أولر. (6)
- ب - ايجاد ظل من السرعة الزاوية الآتية - معادلة المحور الآتية
للدرجات - حاصلتي من زوايا الآتية والسرعة - سرعة التقاطع
 $M(2, 3, 5)$

السؤال الثالث: | 25 درجة |

- P - تبيين سرعة B بدلالة φ (14)
- ب - تبيين موضع التقاطع M من ذراع التوصيل ذات السرعة العكسية. (4)
- د - ايجاد السرعة الزاوية لذراع التوصيل. (7)

25 درجة

السؤال الرابع

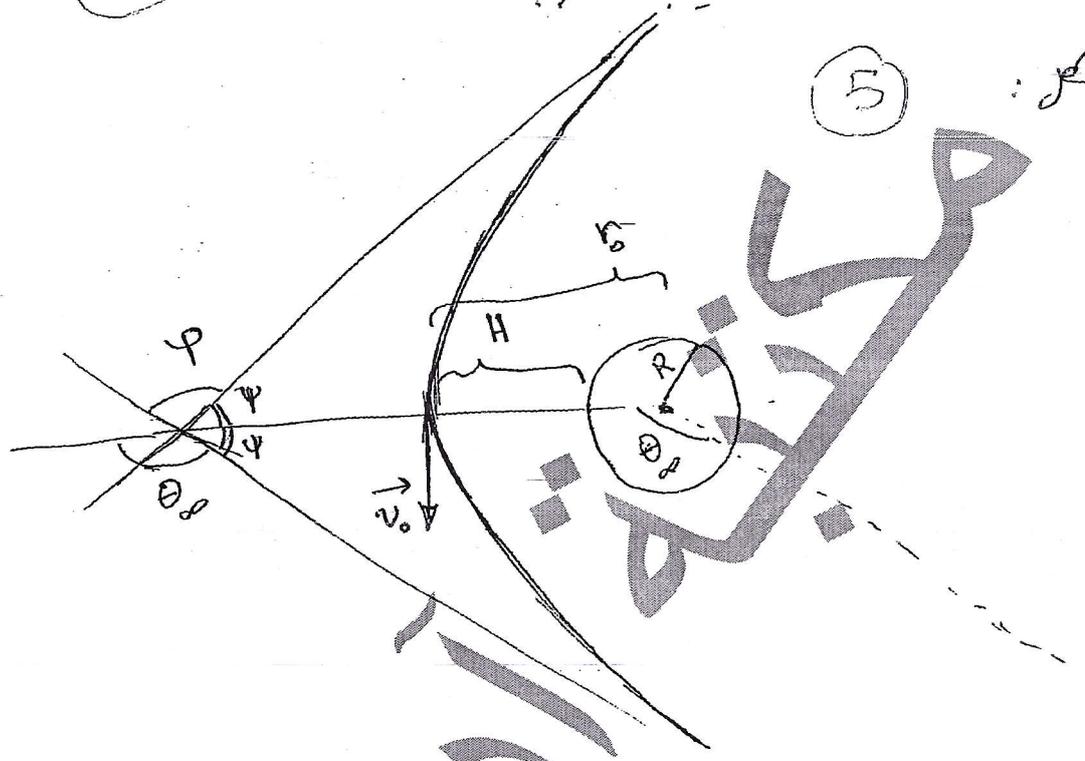
10

احياد التباعد المركزي للبار

احياد زاوية انحراف الجسم نتيجة اهتزازة لمجال الارض - 10

5

رسم الشكل



مدرسة القصر
 د. سهام محمد
 [Signature]

تاريخ الامتحان 2018/9/10

بسم تصحيح امتحان مقرون
ميكانيك فيزيائي 2
تحميله 2018

السؤال الأول: [25 درجة]

- P - ذكر نصف نظرية التناهي المركب لفظاً قاصدياً قلارك الحركة المركبة. (4)
- ب- بيها ان نظرية التناهي المركب انظر اتماماً من عبارة السرعة المطلقة. (13)
- د- تبيان عبارة تنافي كوربوليس وطالات اقترانه. (8)

السؤال الثاني: [25 درجة]

- P - تبيان دلالة مجموعتي العلاقات الخاصة بالصغى المركبة لأدولر وموتريان
دلالتها بوضوحاً تقطعي مرتكباتها مع السرعة الزاوية كما من كل
من المحاور المتناهي والسرعة بعلامه زوايا أولر. (6)
- ب- ايجاد كل من: السرعة الزاوية الآنية - معادلة المحاور الآنية
للدوران - معادلتين من زواياها مع θ والسرعة ω - سرعة التقوس $M(2,3,5)$

السؤال الثالث: [25 درجة]

- P - تقسيم سرعة B بدلالة θ (14)
- ب- تقسيم مركز التقوس M من زوايا التوصل ذات السرعة الصغيرة. (4)
- د- ايجاد السرعة الزاوية لذراع التوصل ω . (7)

25 درجة

السؤال الرابع

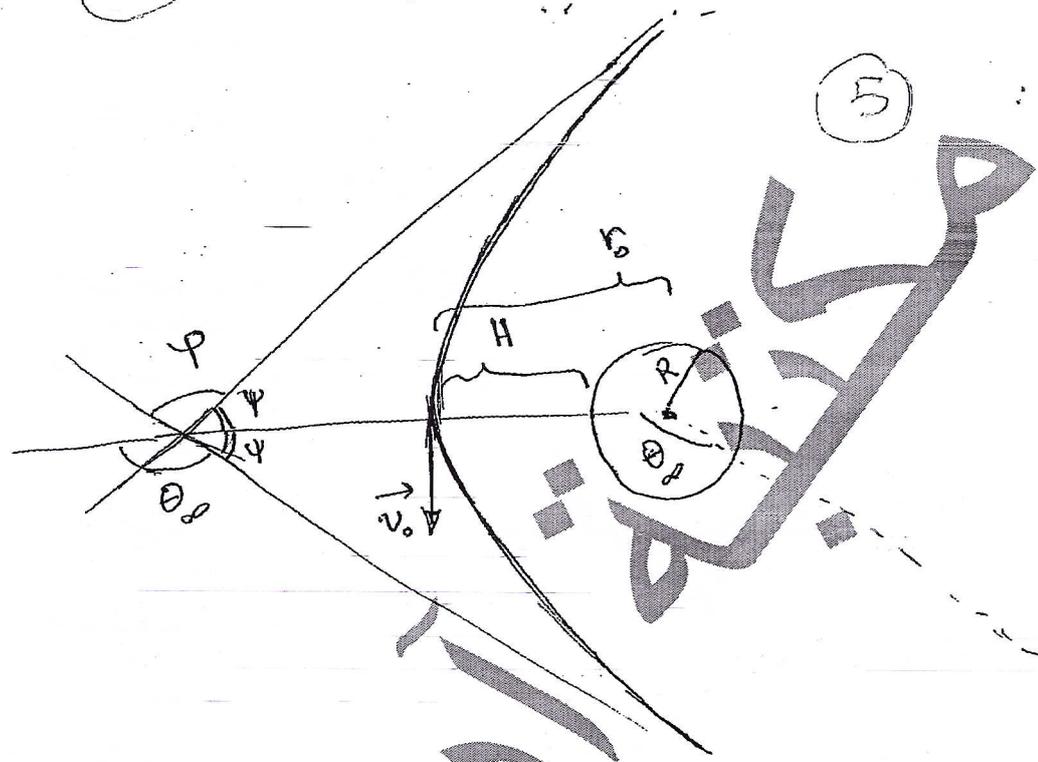
10

احياد التباين المركزي للـ

احياد زاوية انحراف الجسم نسبة انحرافه لحياد الارض - 10

5

اسم الشكل:



عدد من القراء
 د. عامر محمد

تاريخ الامتحان 2018/9/10

السؤال الأول (20 د)

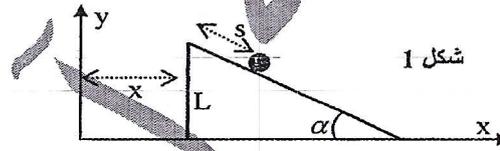
- (أ) - اذكر ما تص عليه نظرية التسارع المركب للنقطة المادية خلال الحركة المركبة.
(ب) - برهن صحة النظرية السابقة انطلاقاً من عبارة السرعة المطلقة.

السؤال الثاني (16 د)

- ليكن لدينا جسم صلب كتلته m منسوب إلى جملة احداثيات نيكرتية نظامية متعامدة $oxyz$ ، و ليكن لدينا محور Δ يمر من مبدأ الجملة الاحداثية بحيث أن زوايا توجيهه مع المحاور Ox ، Oy ، Oz معلومة وهي على الترتيب α ، β ، γ . و المطلوب (موضحاً بالرسم إن لزم) :
- (أ) عرّف عزم عطالة الجسم المذكور حول المحور Δ .
(ب) أوجد العزم السابق I_{Δ} بدلالة الزوايا α ، β ، γ و بدلالة جداءات العطالة .
(ج) عرّف مجسم العطالة للجسم الصلب السابق حول المحور Δ .

السؤال الثالث (24 د)

- موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوجد في أعلى موضع منه ، و على ارتفاع L عن المستوي الأفقي، كتلة نعتبرها نقطية كتلتها m ، تنحدر دون احتكاك على السطح المائل للموشور بزاوية α (شكل 1). عين حركة كل من الموشور و النقطة المادية ، و ذلك بفرض أن المجموعة كانت ساكنة لحظة البدء.



السؤال الرابع (20 د)

- قرص صلب نصف قطره R يتنحرج دون انزلاق على سكة أفقية مستقيمة بحيث أن سرعة مركز القرص ثابتة . و المطلوب (موضحاً بالرسم إن لزم) :
- (أ) أوجد معادلة حركة نقطة M من القرص تبعد عن مركز القرص O مسافة L (أي : $L = OM$) .
(ب) أوجد سرعة و تسارع النقطة M بدلالة الزمن.

السؤال الخامس (20 د)

- قمر صناعي كتلته m يدور حول الأرض في مسار دائري نصف قطره r_1 ، و يراد رفعه إلى مسار دائري آخر نصف قطره $r_2 < r_1$ و في نفس مستوي الحركة و ذلك بإعطائه دفعين متمايين للمسار في اتجاه الحركة. أوجد الطاقة اللازمة للدفعين المذكورين. (موضحاً بالرسم إن لزم).

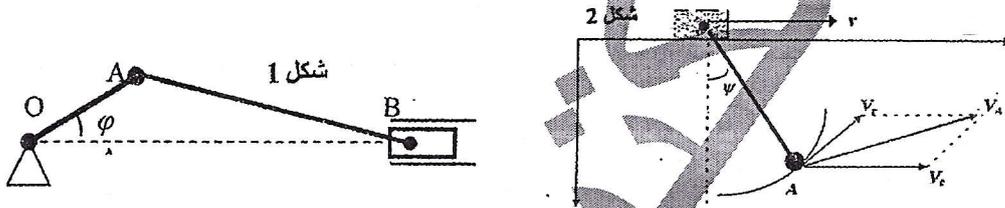
انتهت الأسئلة

السؤال الأول (30د)

- (أ) - عرف الحركة المستوية للجسم الصلب، و اكتب الصيغة العامة لسرعة نقطة ما منه.
(ب) - بين أن المحور الآتي للدوران يتعين بنقطة P تتعين بالعلاقة $\vec{op} = \frac{\vec{\omega} \times \vec{r}_0}{\omega^2}$
(ج) - حدد إحداثيات النقطة P في كل من الجملتين xyz المتماسكة مع الجسم، و الجملة الثابتة $O\xi\eta\zeta$.

السؤال الثاني (20د)

- لتكن لدينا الآلة الموضحة في (الشكل 1) حيث OA مرفق طوله a يصنع زاوية φ مع المحور الأفقي و يتصل بذراع التوصيل AB الذي طوله l . المطلوب : عين بدلالة φ
(أ) - سرعة المنزلق B
(ب) - موضع النقطة M من ذراع التوصيل حيث تكون السرعة أصغر ما يمكن
(ج) - السرعة الزاوية لذراع التوصيل ω_1

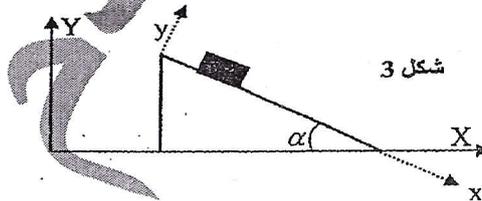


السؤال الثالث (15د)

- يتحرك مكعب بسرعة v على مستوي أفقي، كتلة المكعب M . ربط مع المكعب نواس كتلته m و طول خيطه l . احسب الطاقة الحركية للجملة المذكورة مع الفرض أن قانون حركة النواس $\psi = \psi(t)$. (متجه السرعة يقع في مستوي انزياح النواس) . انظر الشكل 2 أعلاه.

السؤال الرابع (15د)

- يسقط جسم A كتلته m على الحرف المائل لموشور قائم يميل سطحه المائل على الأفق بزاوية α ، بحيث يتحرك الموشور إلى اليمين بتسارع W . أوجد تسارع الجسم A بالنسبة للموشور و رد الفعل عليه ، إذا كان عامل الاحتكاك بين الجسم و الموشور هو f . ثم احسب زاوية الموشور α التي من أجلها يتعدم تسارع الجسم A بالنسبة للموشور.



السؤال الخامس (20د)

- جسم فضائي قادم من اللانهاية اقترب من الأرض فلو حظ أن أقل ارتفاع له عن سطحها H و كانت سرعته عندها v_0 . أوجد التباعد المركزي للمسار و كذلك زاوية انحراف الجسم نتيجة اجتيازه لمجال الأرض. (مستعينا بالرسم) (تفترض : نصف قطر الأرض R_p ، و تسارع الجاذبية على سطحها g)

انتهت الأسئلة

السؤال الأول (35د)

لتكن $Oxyz$ جملة إحداثيات ثابتة، و $oxyz$ جملة إحداثيات متحركة، و $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ متجهات الواحدة للجملة المتحركة. و لتكن M نقطة مادية اختيارية متحركة بالنسبة للجملتين الثابتة و المتحركة، حيث متجه موضعها بالنسبة للجملة المتحركة هو :

$$\vec{p} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \quad (أ)$$

بين دلالة كل حد من الحدود للعلاقة : $\frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d'\vec{p}}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{p}$ حيث : $\frac{d'\vec{p}}{dt} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$

(ب) اذا كان $\vec{r}_O, \vec{r}_M, \vec{r}_O'$ هما، على الترتيب، متجها موضع نقطة الأصل للجملة المتحركة و للنقطة M و ذلك بالنسبة للجملة الثابتة.

فبرهن أن : $\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d'\vec{r}}{dt} + \frac{d\vec{r}_O}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{r}$ ثم استنتج نص نظرية السرعة المركبة للنقطة المادية.

(ج) اذكر نص نظرية التسارع المركب، ثم برهن انه إذا عبرنا عن نظرية السرعة المركبة بالعلاقة $\vec{v}_O = \vec{v}_r + \vec{v}_e$ فإنه يمكن

التعبير عن نظرية التسارع المركب بالعلاقة $\vec{w}_O = \vec{w}_r + \vec{w}_e + \vec{w}_c$ مع تبيان دلالة كل حد.

(د) عرف تسارع كوريوليس و بين حالات انعدامه.

السؤال الثاني (20د)

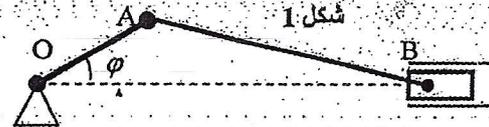
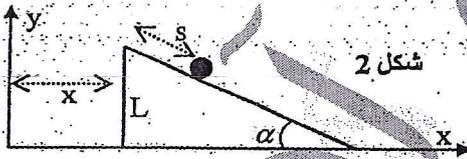
لتكن لدينا الآلة الموضحة في (الشكل 1) حيث OA مرفق طوله a يصنع زاوية φ مع المحور الأفقي و يتصل بذراع

التوصيل AB الذي طوله l . المطلوب : عيّن بدلالة φ

(أ) سرعة المنزلق B

(ب) موضع النقطة M من ذراع التوصيل حيث تكون السرعة أصغر ما يمكن

(ج) السرعة الزاوية لذراع التوصيل ω



السؤال الثالث (20د)

موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوجد في أعلى موضع منه ، و على ارتفاع L عن المستوي الأفقي، كتلة نعتبرها نقطية كتلتها m ، تنحدر دون احتكاك على السطح المائل للموشور بزاوية α (شكل 2). عيّن حركة كل من الموشور و النقطة المادية ، و ذلك بفرض أن المجموعة كانت ساكنة لحظة البدء.

السؤال الرابع (25د)

مذنب يدور حول الشمس في مسار إهليلجي. لوحظ أن أقرب مسافة له عن مركز الشمس هي D ، و أن سرعته عندها هي v_0 . أوجد :

(أ) - التباعد المركزي للمسار، و بعد نقطة القرب الأبعد، ثم أوجد الزمن اللازم له ليتم دورة كاملة حول الشمس.

(ب) - احسب المقادير السابقة إذا علمت أن : $D=9 \cdot 10^{10} m$; $v_0=5 \cdot 10^4 m/sec$

(علماً أن كتلة الشمس $M=2 \cdot 10^{30} kg$ و أن ثابت الجاذبية العام هو $\gamma=6.67 \cdot 10^{-11} m^3/kg \cdot sec^2$)

انتهت الأسئلة

بم تقصير سكاميك فريمان 2

امتحانات فصل اول 2017/2/15

السؤال الاول: 30 درجة

P تدعى العلاقات المعطاة بـ «الصغ الحركة الدورانية» وهي تعبر عن أمركات $\vec{\omega}$

في كل من الجملتين السابقتين $\omega_x, \omega_y, \omega_z$ هي الزوايا θ, ψ, ϕ بين المحاور x, y, z والمحاور e_1, e_2, e_3 على الترتيب
 (ب) يمكن التعبير عن $\vec{\omega}$ بقيدته ذوايا أولتر بوا $\vec{\omega} = \dot{\phi} \vec{e}_x + \dot{\theta} \vec{e}_y + \dot{\psi} \vec{e}_z$

وبالتالي، باستطاعة ذوايا أولتر المعطاة بالنسبة للزمن والتعويض من العلاقة السابقة

$$\vec{\omega} = 2\vec{e}_x + 30\vec{e}_z$$

وبالتعويض من الصغ الحركة الدورانية

$$\begin{aligned} \omega_x &= \sin 30t \\ \omega_y &= \cos 30t \\ \omega_z &\approx 31.73 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \omega_x &= 15 \sin 2t \\ \omega_y &= -15 \cos 2t \\ \omega_z &\approx 28 \end{aligned}$$

* أما قيمة ω فتكون بالشكل

$$\omega^2 = \theta^2 + \phi^2 + \psi^2 + 2\phi\psi\theta \Rightarrow \omega \approx 31.8 \text{ rad/sec}$$

* معادلة المحاور الآتية للدوران
 من الحركة الساتية

$$\frac{z}{15 \sin 2t} = \frac{y}{-15 \cos 2t} = \frac{x}{28}$$

$$\frac{x}{\sin 30t} = \frac{y}{\cos 30t} = \frac{z}{31.73}$$

من الحركة الدورانية

* معادلة محور z المقاعدة

$$x^2 + y^2 = \left(\frac{15z}{28}\right)^2$$

معادلة محور x المقاعدة

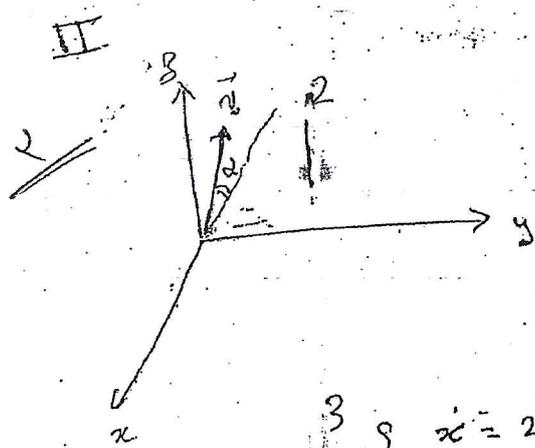
$$x^2 + y^2 = \left(\frac{z}{31.73}\right)^2$$

* سرعة النقطة M(2, 3, 5)

$$\vec{v}_M = \vec{\omega} \times \vec{r}_M = \begin{vmatrix} \vec{e}_x & \vec{e}_y & \vec{e}_z \\ \omega_x & \omega_y & \omega_z \\ 2 & 3 & 5 \end{vmatrix} = (5\omega_y - 3\omega_z)\vec{e}_x + (2\omega_z - 5\omega_x)\vec{e}_y + (3\omega_x - 2\omega_y)\vec{e}_z$$

ويكون \vec{v}_M مماساً لمحور الحركة التي أولترها $\vec{\omega}$ في كل لحظة t من لحظة t

السؤال الثاني: [26 درجة]



(P) من شرط البدء نجد:
 $x_0 = y_0 = z_0 = 0$
 $\dot{x}_0 = -v_0 \cos \alpha$ ، $\dot{y}_0 = 0$ ، $\dot{z}_0 = v_0 \sin \alpha$
 فنكون معادلات الحركة:

$$\begin{cases} \ddot{x} = 2\omega y \sin \varphi - v_0 \cos \alpha \\ \ddot{y} = -2\omega (\cos \varphi z + \sin \varphi x) \\ \ddot{z} = -gt + 2\omega y \cos \varphi + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

حيث: $\dot{z} = -v_0 \cos \alpha$ ، $\dot{y} = 0$ ، $\dot{x} = -v_0 \sin \alpha$

لإيجاد موضع القذيفة بدلالة الزمن يجب حل معادلات الحركة. لنبدأ بالتعبير العنصري حيث نحل الحدود التي تحتوي على متغير المعادلات المتقاطعة للحركة الشكل:

$$\dot{x} = -v_0 \cos \alpha \quad , \quad \dot{y} = 0 \quad , \quad \dot{z} = -gt + v_0 \sin \alpha$$

بالمكاملة مع أخذ شرط البدء بالأعتبار نجد:

$$x = -v_0 \cos \alpha \cdot t \quad , \quad y = 0 \quad , \quad z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha \cdot t$$

ن عوض هنا الحل العنصري من المعادلات السابقة للحركة (نحل) فنجد:

$$\begin{cases} \ddot{x} = -v_0 \cos \alpha \\ \ddot{y} = -2\omega \left[\cos \varphi \left(-\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha \cdot t \right) - v_0 \cos \alpha \cdot \sin \varphi \cdot t \right] \\ \ddot{z} = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

بالمكاملة مع أخذ شرط البدء بالأعتبار نحل من التعبير لنحل للمعادلات المتبقية من حركة القذيفة بالنسبة للزمن وهي:

$$\begin{cases} x = -v_0 \cos \alpha \cdot t \\ y = -2\omega \left[\cos \varphi \left(-\frac{1}{6}gt^3 + \frac{1}{2}v_0 \sin \alpha \cdot t^2 \right) - \frac{1}{2}v_0 \cos \alpha \cdot \sin \varphi \cdot t^2 \right] \\ z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha \cdot t \end{cases}$$

وهذا يظهر أن ω يظهر (فيما يخص التعبير الأرضي) فقط من المركبة y وهذا يرجع إلى أن تأثير دوران الأرض يكون محورا يظهر من شكل المنحرف القذيفة من مستوى مرجعها الباطني.

III

السؤال الثالث : 22 د / ص

التي الخاصة الزمنية على المحل من الطاقة وحدها على α ←

$$P_x = \text{const} \Rightarrow Mx + m(x + s \cos \alpha) = 0 \Rightarrow$$

$$(1) \quad (M+m)x = -ms \cos \alpha$$

رديها : $\Delta T = -\Delta V$ ~~حرة~~

$$2 \quad \Delta T = \Delta T_1 + \Delta T_2 = \frac{1}{2} Mx^2 + \frac{1}{2} m(x^2 + s^2 + 2xs \cos \alpha)$$

$$2 \quad \Delta V = mg \Delta y \Rightarrow \Delta V = -mg s \sin \alpha$$

دأنا لم يكن :

$$2 \quad (Mx^2 + m(x^2 + s^2 + 2xs \cos \alpha)) = 2mg s \sin \alpha \quad (2)$$

دليلنا كما في (2) ~~لا يكون~~

$$2 \quad (M+m)x^2 + m(s^2 + 2xs \cos \alpha) = 2mg s \sin \alpha \quad (3)$$

بعبارة (1) في (3) ←

$$3 \quad s^2 = \frac{2g \sin \alpha (M+m)}{M+m \sin^2 \alpha} s$$

بالكتابة مجردة

$$3 \quad s = \frac{(M+m)g \sin \alpha t^2}{2(M+m \sin^2 \alpha)}$$

بإستعمال العلاقة السابقة والتعويض في (1) والكتابة مجردة :-

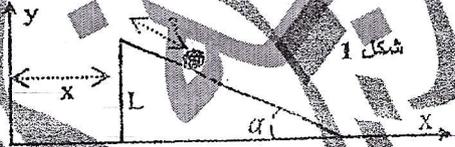
$$3 \quad x = - \frac{Mg \sin 2\alpha}{4(M+m \sin^2 \alpha)} t^2$$

السؤال (-) تدل على أن الوضوء يتحرك بالاتجاه السابق α ←

السؤال الأول (34) (د)
لكن $Oxyz$ إحداثيات ثابتة، و $Oxyz$ جملة إحداثيات متحركة، و $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ متجهات الوحدة للجملة المتحركة. و
لكن نقطة مادية اختيارية متحركة بالنسبة للجانين الثابتة و المتحركة، حيث متجه موضعها بالنسبة للجملة المتحركة هو :
 $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$ حيث $\vec{\omega}$ هو متجه السرعة الزاوية للجملة المتحركة بالنسبة للجملة الثابتة. و المطلوب :

- (أ) اشتق العلاقة : $\frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d'\vec{p}}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{p}$ حيث : $\frac{d'\vec{p}}{dt} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$
(ب) إذا كان $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$ متجهها موضع نقطة الأصل للجملة المتحركة و للنقطة M و ذلك بالنسبة للجملة الثابتة.
فإن : $\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d'\vec{r}}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{r}$ ، ثم استنتج نص نظرية السرعة المركبة للنقطة المادية.
(ج) نذكر نص نظرية التسارع المركب، ثم برهن أنه إذا عبرنا عن نظرية السرعة المركبة بالعلاقة $\vec{v}_0 = \vec{v}_r + \vec{v}_e$ فإنه يمكن
التعبير عن نظرية التسارع المركب بالعلاقة $\vec{a}_0 = \vec{a}_r + \vec{a}_e + \vec{a}_c + \vec{a}_k$ مع تعيين دلالة كل حد.
(د) عرف تسارع كورنوليس و نذكر حالات انعدامه.

السؤال الثاني (22) (د)
تضبيب متجانس طوله $2a$ كان في اليد الأفقية يستقر و يدور في المستوي الشاقولي بسرعة زاوية ثابتة ω و مركزه C
يستقر سقوطاً حراً. شطاطوريس.
(أ) أوجد سرعة النهاية A مع بداية الزمن.
(ب) أوجد القاعدة و المتخرج.



السؤال الثالث (22) (د)
موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوضع على سطح أفقي و على ارتفاع L عن
المستوي الأفقي، كتلة تعتبرها نقطية كتلتها m ، تتحرك دون احتكاك على سطح المائل للموشور بزاوية α (شكل 1) حيث
حركة كل من الموشور و النقطة المادية، و ذلك بفرض أن المجموعة كتلتها تكون لحظة البدء.

السؤال الرابع (22) (د)
منقلب يدور حول الشمس في مسار إهليلجي. لوحظ أن أقرب مسافة له عن مركز الشمس هي D ، و أن سرعته عندها هي
 v_0 . أوجد :
أ- التباعد المركزي للمسار، و بعد نقطة القرب الأبعد، ثم أوجد الزمن اللازم له ليتم دورة كاملة حول الشمس.
ب- احسب المقادير السابقة إذا علمت أن : $D=9 \cdot 10^{10} \text{ m}$ ، $v_0=5 \cdot 10^4 \text{ m/sec}$.
(علماً أن كتلة الشمس $M=2 \cdot 10^{30} \text{ kg}$ و أن ثابت الجاذبية العام هو $\gamma=6.67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3/\text{kg}\cdot\text{sec}^2$)

السؤال الأول (١٤د)

- (أ) - اذكر ما تتص عليه نظرية التسارع المركب للنقطة المادية خلال الحركة المركبة.
(ب) - برهن صحة النظرية السابقة انطلاقاً من عبارة السرعة المطلقة.

السؤال الثاني (٣٠د)

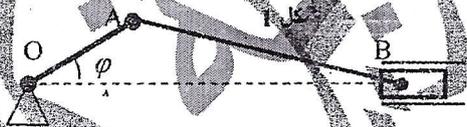
لدينا نواس "فوكو" طوله L و ذلك في منطقة ذات خط عرض زاويته δ ، و لنكن جملة الاحداثيات $oxyz$ بحيث يكون ox مماساً لخط العرض، oy مماساً لخط الطول، oz متعامداً مع المحورين الآخرين و باتجاه مركز الارض، و بحيث يتحرك المبدأ O على نقطة تعليق النواس. و بحيث يصنع خيطه الزوايا: α ، β ، γ مع المحاور ox ، oy ، oz (على الترتيب).

- أ- حدد القوى المؤثرة واكتب معادلة الحركة أخذاً بعين الاعتبار قوة كوريوليس.
ب- استنتج المعادلات التفاضلية للحركة.
ت- حل المعادلات التفاضلية السابقة في جوار اسفل نقطة يتحرك فيها النواس، و استنتج علاقة الدور.

السؤال الثالث (٢٠د)

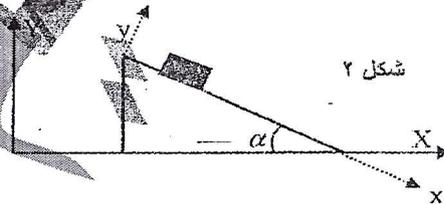
لنكن لدينا الآلة الموضحة في (الشكل ١) حيث OA مرفق طوله a يصنع زاوية φ مع المحور الأفقي و يتصل بذراع التوصيل AB الذي طوله l . المطلوب: عيّن سرعة ω

- (أ)- سرعة المنزلق B
(ب)- موضع النقطة M من ذراع التوصيل بحيث تكون السرعة أصغر ما يمكن
(ج)- السرعة الزاوية لذراع التوصيل ω



السؤال الرابع (١٨د)

يسقط جسم A كتلته m (شكل ٢) على الحرف المائل لموشور قائم يمثل سطحه المائل على الأفق بزاوية α ، بحيث يتحرك الموشور إلى اليمين بتسارع W . أوجد تسارع الجسم A بالنسبة للموشور و رد الفعل عليه ، إذا كان عامل الاحتكاك بين الجسم و الموشور هو f . ثم احسب زاوية الموشور α التي من أجلها يتسارع الجسم A بالنسبة للموشور.



السؤال الخامس (١٨د)

- جسم فضائي قادم من اللانهاية يقترب من الأرض فلو حظ أن أقل ارتفاع له عن سطحها H و كانت سرعته عندما v_0 . أوجد التباعد المركزي للمسار و كذلك زاوية انحراف الجسم نتيجة اجتيازه لمجال الأرض. (مستعينا بالرسم)
(نفترض: نصف قطر الأرض R ، و تسارع الجاذبية على سطحها g)

انتهت الأسئلة

السؤال الأول (30 د)

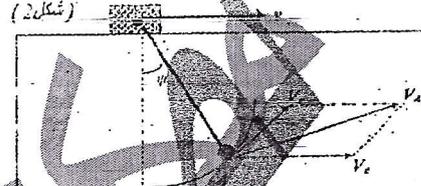
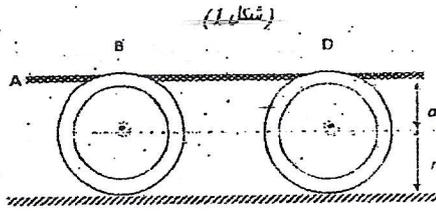
(أ) - عرف الحركة المسؤفة للجسم الصلب، و اكتب الصيغة العامة لسرعة نقطة ما منه.

(ب) - بين أن المحور الأمي للدوران يتعين بنقطة P تتعين بالعلاقة $\vec{OP} = \frac{\vec{\omega} \times \vec{v}_0}{\omega^2}$

(ج) - حدد إحداثيات النقطة P في كل من الجملتين oxyz المتناسكة مع الجسم، و الجملة الثابتة $O\xi\eta\zeta$.

السؤال الثاني (20 د)

عازضة A كتلتها m_1 تزاح أفقيا بواسطة بكرتين B و D (انظر الشكل I أذناه) كتلة كل منهما m_2 و نصف قطرها r، تتدحرجان على الأرض دون احتكاك. سرعة مركز كتلة كل من البكرتين تساوي V. عين متجه كمية حركة المجموعة، إذا علمت أن العازضة تبعد عن الأرض مسافة r_0 .

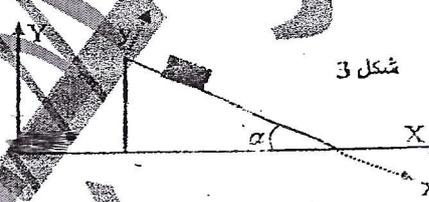


السؤال الثالث (15 د)

يتحرك مكعب بسرعة v على مستوي أفقي، كتلة المكعب M، يربط مع المكعب نواس كتلته m و طول خيطه l. احسب الطاقة الحركية للجملة المذكورة مع الفرض أن قانون حركة النواس $\psi = \psi(t)$ (متجه السرعة يقع في مستوي انزياح النواس). انظر الشكل 2 أعلاه.

السؤال الرابع (15 د)

يسقط جسم A كتلته m (شكل 3) على الجرف المائل لموشور قائم يميل سطحه المائل على الأفق بزاوية α ، بحيث يتحرك الموشور إلى اليمين بتسارع W. أوجد تسارع الجسم A بالنسبة للموشور وورد الفعل عليه، إذا كان عامل الاحتكاك بين الجسم و الموشور هو f. ثم احسب زاوية الموشور α التي من أجلها يضم تسارع الجسم A بالنسبة للموشور.



السؤال الخامس (20 د)

مركبة فضائية كتلتها m تتحرك حول الأرض، في لحظة ما أطفاة محركها و كان بعدها عن مركز الأرض r_0 ، و سرعتها v_0 و الزاوية بين \vec{r}_0 و \vec{v}_0 كانت γ_0 .
نفرض تسارع الجاذبية عند سطح الأرض هو g و نصف قطر الأرض هو R، و بإهمال مقاومة الوسط الخارجي أوجد:
1- عناصر مسار حركة المركبة الفضائية في مستوي حركتها.
2- دور حركة المركبة على مدار اهليلجي.

انتهت الأسئلة

يسلم فضيحي انطوان ميكائيل في 20/11/2016
 سنة ثالثة فيزياء في جامعة بعلبك
 للعام الدراسي 2015-2016

السؤال ان دون 30

1- نشاط الجسم الصلب الدوراني يسلم الصيغة الكروية التي تكون \vec{v} مساوية بالصفحة المرفقة: $\vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{r} + \vec{v}_0$

2- المخطط التالي للدوران يبين نقطة P تكون محور الدوران متعامداً للمسار الكروي لهذه النقطة من المحور. الأذن للدوران سرعة الأينية معدومة: $\vec{v}_0 + \vec{\omega} \times \vec{OP} = 0$

1 $\vec{\omega} \times \vec{v}_0 + \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{OP}) = 0$

بـ $\vec{A} \times (\vec{B} \times \vec{C}) = \vec{B}(\vec{A} \cdot \vec{C}) - (\vec{A} \cdot \vec{B}) \cdot \vec{C}$

1 $\vec{\omega} \times \vec{v}_0 + \vec{\omega} \cdot (\vec{\omega} \cdot \vec{OP}) - \omega^2 \vec{OP} = 0$

معيان $\vec{\omega} \perp \vec{OP}$ $\vec{\omega} \cdot \vec{OP} = 0$ ونضرب

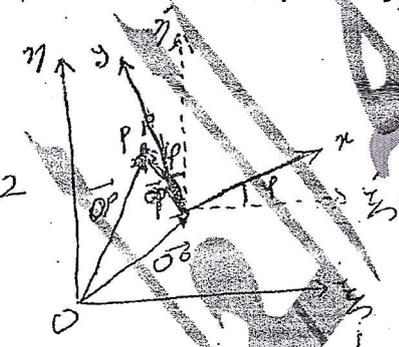
2 $\vec{\omega} \times \vec{v}_0 = \omega^2 \vec{OP} \Rightarrow \vec{OP} = \frac{\vec{\omega} \times \vec{v}_0}{\omega^2}$

14

3- ديكريه لدينا من الجملتين $0 \leq \eta \leq 2\pi$ $0 \leq \theta \leq \pi$

$2x_p = \frac{v_{0y}}{\omega}$
 $2y_p = \frac{v_{0z}}{\omega}$

3 $\vec{OP} = \frac{1}{\omega^2} \begin{vmatrix} \vec{e}_x & \vec{e}_y & \vec{e}_z \\ \omega & 0 & 0 \\ 0 & v_{0y} & v_{0z} \end{vmatrix} \Rightarrow \begin{vmatrix} \vec{e}_x & \vec{e}_y & \vec{e}_z \\ \omega & 0 & 0 \\ 0 & v_{0y} & v_{0z} \end{vmatrix}$



أما من الجملتين الثانية $0 \leq \eta \leq 2\pi$ $0 \leq \theta \leq \pi$ فيكون

1 $\vec{OP} = \vec{OP}_0 + \vec{OP}_1 \Rightarrow \begin{vmatrix} \vec{e}_x & \vec{e}_y & \vec{e}_z \\ \omega & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \eta_0 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} \vec{e}_x & \vec{e}_y & \vec{e}_z \\ \omega & 0 & 0 \\ 0 & \eta_1 & 0 \end{vmatrix}$

$\Rightarrow \eta_{xp} = \eta_0 - \frac{\eta_1}{\omega}$
 $\eta_p = \eta_0 + \frac{\eta_1}{\omega}$

السؤال الثاني: شحنة كتيبة حركة المجرية

~~4~~

$$\vec{P} = \vec{P}_A + \vec{P}_B + \vec{P}_D$$

$$P_A = m_1 \vec{v}_A \quad , \quad P_B = P_D = m_2 \vec{v}$$

دليلاً

الركن الثاني للسرعة كل من التكرارين تقع في نقطة تقاطع كل منهما مع الأرض

$$\vec{v}_A = \frac{r+a}{r} \vec{v}$$

$$\vec{P} = m_1 \vec{v}_A + 2m_2 \vec{v}$$

$$= \left(\frac{r+a}{r} m_1 + 2m_2 \right) \vec{v}$$

السؤال الثالث:

الطاقة الحركية للمجرية $T = T_1 + T_2$ حيث T_1 ، T_2 الطاقة الحركية للكرة و للقطعة

$$T = \frac{1}{2} M v^2$$

$$T_2 = \frac{1}{2} m v_A^2$$

$$v_A = l \cdot \dot{\psi}$$

$$\vec{v}_A = \vec{v}_e + \vec{v}_r$$

$$v_A^2 = v_e^2 + v_r^2 + 2v_e v_r \cos \psi$$

$$v_A^2 = v^2 + l^2 \dot{\psi}^2 + 2l \dot{\psi} v \cos \psi$$

$$T_2 = \frac{1}{2} m v_A^2 = \frac{1}{2} m (v^2 + l^2 \dot{\psi}^2 + 2l \dot{\psi} v \cos \psi)$$

$$T = \frac{1}{2} (M+m) v^2 + \frac{1}{2} m l^2 \dot{\psi}^2 + m l \dot{\psi} v \cos \psi$$



السؤال الرابع: معدلة الحركة النسبية على الواسع:

$$2 \quad m \vec{w}_r = m \vec{g} + \vec{R} + \vec{f}_e + \vec{d}_e + \vec{d}_c$$

لكتابة حركة السطح بتناظر النسبية على المحاور
 1 $\vec{d}_e = -m \vec{w}$

وبالتساوي العلاقة المذكورة على x و y على الترتيب نجد:

$$1 \quad m \ddot{x} = mg \sin \alpha - fR - m w \cos \alpha$$

$$1 \quad m \ddot{y} = 0 \Rightarrow R - mg \cos \alpha - m w \sin \alpha = 0$$

$$\Rightarrow R = mg \cos \alpha + m w \sin \alpha$$

$$2 \quad \ddot{x} = g(\sin \alpha - f \cos \alpha) - w(\cos \alpha + f \sin \alpha)$$

1 $\ddot{x} = 0$ نحل المتابع النسبي، فنجد

$$1 \quad g(\sin \alpha - f \cos \alpha) = w(\cos \alpha + f \sin \alpha)$$

$$\Rightarrow 1 \quad \text{tg } \alpha = \frac{w + g f}{g - f w} = \frac{f + \frac{w}{g}}{1 - f \frac{w}{g}}$$

ونعرف $\text{tg } \varphi = f$

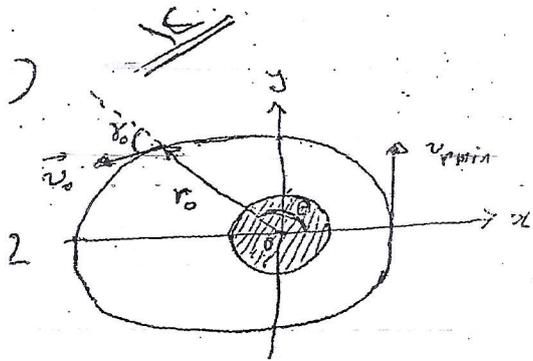
نجد: $\text{tg } \beta = \frac{w}{g}$

$$1 \quad \text{tg } \alpha = \frac{\text{tg } \varphi + \text{tg } \beta}{1 - \text{tg } \varphi \text{tg } \beta} = \text{tg } (\varphi + \beta) \Rightarrow$$

$$\alpha = \varphi + \beta$$

$$1 \quad \alpha = \varphi + \arctg \frac{w}{g}$$

17



نفسه - نحتاج عملية الحاد $\cos \theta$ كما في الشكل
 من مستند حركة والبدأ في مركز الأرض
 كما أن $M \gg m$ فإن الطاقة الكامنة
 للسطح هي:

$$V = -\frac{Mm}{r} = -\frac{mgR^2}{r}$$

$$E_0 = \frac{1}{2} m v_0^2 - \frac{mgR^2}{r_0}$$

$$E_0 = \frac{1}{2} m \left(v_0^2 - \frac{2gR^2}{r_0} \right)$$

$$\vec{L}_0 = \vec{r}_0 \times (m \vec{v}_0)$$

$$\Rightarrow L_0 = r_0 m v_0 \sin \theta$$

$$r = \frac{l}{m v_0 \sin \theta}$$

$$l = \frac{h^2}{m} = \frac{1 + e \cos \theta}{\frac{(L_0/m)^2}{m}} = \frac{r_0^2 v_0^2 \sin^2 \theta}{g R^2}$$

$$e = \sqrt{1 + \frac{2 E_0 l^2}{m \mu^2}} \Rightarrow e = \sqrt{1 + \left(v_0^2 - \frac{2gR^2}{r_0} \right) \frac{L_0^2}{r_0 m g^2 R^4}}$$

نقدي ايضا فاقط الى a

$$l = \frac{b^2}{a} \quad e = \frac{c}{a} \quad b^2 = |c^2 - a^2|$$

$$\Rightarrow a = \frac{l}{|e^2 - 1|} \Rightarrow a = \frac{g R^2}{\left| \frac{2gR^2}{r_0} - v_0^2 \right|}$$

$$b = l \cdot a \Rightarrow b = \sqrt{l \cdot a} \Rightarrow b = \frac{r_0 v_0 \sin \theta}{\sqrt{\frac{2gR^2}{r_0} - v_0^2}}$$

3 - دور فترة السيتة في مدار القطر السابق

$$\frac{L}{h} = \frac{2\pi a b}{h} \Rightarrow T = \frac{2\pi g R^2}{\left(\frac{2gR^2}{r_0} - v_0^2 \right)^{3/2}}$$

السؤال الأول (٤٣٥)

لتكن $Oxyz$ جملة إحداثيات ثابتة، و $oxyz$ جملة إحداثيات متحركة، و $\bar{i}, \bar{j}, \bar{k}$ متجهات الوحدة للجملة المتحركة. و
اتكن نقطة مادية اختيارية متحركة بالنسبة للجملتين الثابتة و المتحركة، حيث متجه موضعها بالنسبة للجملة المتحركة هو:

$$\bar{r} = x\bar{i} + y\bar{j} + z\bar{k} \quad \text{و حيث } \bar{\omega} \text{ هو متجه السرعة الزاوية للجملة المتحركة بالنسبة للجملة الثابتة. و المطلوب:}$$

(أ) بين دالة كل حد من الحدود الثلاثة: $\frac{d\bar{r}}{dt} = \frac{d\bar{r}}{dt} + \bar{\omega} \times \bar{r}$ حيث $\frac{d\bar{r}}{dt} = \frac{dx}{dt}\bar{i} + \frac{dy}{dt}\bar{j} + \frac{dz}{dt}\bar{k}$.

(ب) اذا كان \bar{r}_0, \bar{v}_0 هما، على الترتيب، متجهي موضع نقطة الأصل للجملة المتحركة و للنقطة M و ذلك بالنسبة للجملة الثابتة.

فبرهن أن: $\frac{d\bar{r}}{dt} = \frac{d\bar{r}_0}{dt} + \frac{d\bar{v}_0}{dt} + \bar{\omega} \times \bar{r}$ ، ثم استنتج نص نظرية السرعة المركبة للنقطة المادية.

(ج) اذكر نص نظرية التسارع المركب، ثم برهن انه اذا عرفنا من نظرية السرعة المركبة بالعلاقة $\bar{v}_a = \bar{v}_r + \bar{v}_e$ فإنه يمكن

التعبير عن نظرية التسارع المركب بالعلاقة $\bar{w}_a = \bar{w}_r + \bar{w}_e + \bar{w}_c$ مع تبيان دلالة كل حد.

(د) عرف تسارع كوريوليس و بين حالات استخدامه.

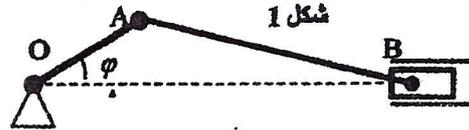
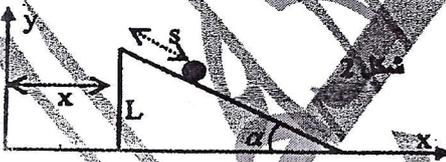
السؤال الثاني (٤٢٠)

لتكن لدينا الآلة الموضحة في (الشكل ١) حيث OA طرف طولها a يصنع زاوية ϕ مع المحور الأفقي و يتصل بذراع
التوصيل AB الذي طولها l . المطلوب: عين بدلالة ϕ

(أ) سرعة المنزلق B

(ب) موضع النقطة M من ذراع التوصيل حيث تكون السرعة أصغر ما يمكن

(ج) السرعة للزاوية لذراع التوصيل ω_1



السؤال الثالث (٤٢٠)

موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوجد في أعلى موضع منه، و على ارتفاع L عن
المستوي الأفقي، كتلة نعتبرها نقطية كتلتها m ، تنحدر دون احتكاك على السطح المائل للموشور بزاوية α (شكل ٢). عين
حركة كل من الموشور و النقطة المادية، و ذلك بفرض أن المجموعة كانت ساكنة لحظة البدء.

السؤال الرابع (٤٢٥)

مذنب يدور حول الشمس في مسار إهليلجي. لوحظ أن أقرب مسافة له عن مركز الشمس هي D ، و أن سرعته عندها هي v_0 . أوجد:

(أ) التباعد المركزي للمدار، و بعد نقطة القبا الأبعد، ثم اوجد الزمن اللازم له ليتم دورة كاملة حول الشمس.

(ب) احسب المقادير السابقة إذا علمت أن: $v_0 = 5 \cdot 10^4 \text{ m/sec}$, $D = 9 \cdot 10^{10} \text{ m}$

(علما أن كتلة الشمس $M = 2 \cdot 10^{30} \text{ kg}$ و أن ثابت الجاذبية العام هو $\gamma = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3/\text{kg}\cdot\text{sec}^2$)

السؤال الأول (25)

- (أ) - اذكر ما تنص عليه نظرية التسارع المركب للنقطة المادية خلال الحركة المركبة.
(ب) - برهن صحة النظرية السابقة انطلاقاً من عبارة السرعة المطلقة.
(ج) - وضح ما هو أحد التعبير عن تسارع كوريوليس، مبينا حالات انعدامه.

السؤال الثاني (25)

لدينا جملي الإحداثيات: الأولى ثابتة $O\xi\eta\zeta$ ، و الثانية مرتبطة بالجسم الصلب $oxyz$. و بفرض (φ, θ, ψ) زوايا "أولر"، و ω هو متجه السرعة الزاوية للجسم الصلب. و المطلوب:

(أ) - بين ماذا تدعى مجموعتا العلاقات التالية، و بين دلالة كل من المجموعتين:

$$\omega_x = \dot{\varphi} \sin \psi \sin \theta + \dot{\theta} \cos \psi,$$

$$\omega_y = \dot{\varphi} \cos \psi \sin \theta - \dot{\theta} \sin \psi,$$

$$\omega_z = \dot{\varphi} \cos \theta + \dot{\psi}$$

$$\omega_x = \dot{\theta} \cos \varphi + \dot{\psi} \sin \theta \sin \varphi,$$

$$\omega_y = \dot{\theta} \sin \varphi - \dot{\psi} \sin \theta \cos \varphi,$$

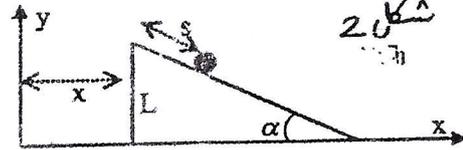
$$\omega_z = \dot{\varphi} + \dot{\psi} \cos \theta$$

(ب) - بفرض أن الجسم الصلب السابق يتحرك حول O طبقاً للمعادلات: $\theta = \frac{\pi}{6}$, $\psi = 30t$, $\varphi = 2t$ بحيث أن الزوايا السابقة مقطرة بالراديان و الزمن بالثانية. أوجد السرعة الزاوية الأنية، و معادلة محور الأني للدوران، و معادلتى مخروط القاعدة و المتدرج، و سرعة النقطة $M(x, y, z)$ المتماسكة مع الجسم و التي تعطى إحداثياتها في الجملة المتحركة بالقيم: $x = 2cm$, $y = 3cm$, $z = 5cm$

السؤال الثالث (18)

لتكن لدينا الآلة الموضحة في (الشكل 1) حيث OA مرفق طوله a يصنع زاوية φ مع المحور الأفقي و يتصل بذراع التوصيل AB الذي طوله l . المطلوب: عيّن بدلالة φ

(أ) - سرعة المنزلق B
(ب) - موضع النقطة M من ذراع التوصيل حيث تكون السرعة أصغر ما يمكن
(ج) - السرعة الزاوية لذراع التوصيل ω



السؤال الرابع (16)

موشور كتلته M يمكنه الانزلاق دون احتكاك على سطح أفقي أملس. يوجد في أعلى موضع منه، و على ارتفاع L عن المستوي الأفقي، كتلة نعتبرها نقطية كتلتها m ، تنحدر دون احتكاك على السطح المائل للموشور بزاوية α (شكل 2) عن حركة كل من الموشور و النقطة المادية، و ذلك بفرض أن المجموعة كانت ساكنة لحظة البدء.

السؤال الخامس (16)

جسم فضائي قادم من اللانهاية اقترب من الأرض فلو حظ أن أقل ارتفاع له عن سطحها H و كانت سرعته عندها v_0 أوجد التباعد المركزي للمسار و كذلك زاوية انحراف الجسم نتيجة اجتيازه لمجال الأرض. (مستغنياً بالرسم) (نفترض: نصف قطر الأرض R ، و تسارع الجاذبية على سطحها g)

التهنئة الأمينة



مكتبة

A to Z

phon

تواصي المحاضرات

Group

