

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z



كلية العلوم

القسم : الفيزياء

السنة : الاولى

اسئلة دورات محلولة

خليل رياضي ١

A 2 Z LIBRARY

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم (فيزياء ، كيمياء ، رياضيات ، علم الحياة)

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app) على الرقم 0931497960 TEL:

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z

السؤال الأول : (20 درجة)

- 1- برهن حسب تعريف الاساسي للنهاية ان نهاية الدالة $y = x - 3$ تساوي $x \rightarrow 1$ اذا انتهت $x \rightarrow 1$
2- برهن حسب تعريف الاساسي للمشتقة ان مشتقة الدالة $y = \cos x$ تساوي $y = -\sin x$

السؤال الثاني : (45 درجة)

- 1- أوجد المشتقة من المرتبة الأولى للدالتين التاليتين :

$$y = \arcsin(\sqrt{\cos x}) \quad , \quad y = 3^{\sin x^2}$$

$$f(x) = \begin{cases} \cos \frac{x}{2} & ; x \leq 1 \\ x-1 & ; 1 \leq x \leq 0 \\ \left| \frac{x-1}{x} \right| & ; x > 0 \end{cases}$$

2- ادرس استمرارية الدالة التالية:

السؤال الثالث : (25 درجة)

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{x}$$

- 1- أدرس تقارب السلسلة الهارمونية التالية :

- 2- أوجد منشور ماك لوران للدالة التالية :

$$y = \ln(x-1)$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
أ.د. نبيل أحمد علي

اس کی راز اور 2012

شماره ۵

ماہنامہ یومیہ صفحہ ۱۱۱۱

$$y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\cos(x + \Delta x) - \cos x}{\Delta x}$$
$$y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{-2 \sin \frac{2x + \Delta x}{2} \times \sin \frac{\Delta x}{2}}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\sin\left(\frac{x + \Delta x}{2}\right) - \sin\left(\frac{x}{2}\right)}{\frac{\Delta x}{2}} \quad \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\sin \frac{\Delta x}{2}}{\frac{\Delta x}{2}}$$

$$= -\sin n \times 1 = -\sin n$$

$$(\cos x)' = -\sin x$$

$$\begin{aligned} (\arcsin(\cos x))' &= \frac{u'}{\sqrt{1-u^2}} = \frac{-\sin x}{\sqrt{1-\cos x}} \\ &= \frac{-\sin x}{2\cos x \times \sqrt{1-\cos x}} \end{aligned}$$

$$y' = u' \times y \times \log 3$$

$$u = \sin x^2$$

$$u' = 2x \cos x^2$$

$$y' = 2x \cos x^2 \times 3^{x^2} \times \log 3$$

$x=1$ سے پہلے کی طرف سے $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1)$ [2]

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x-1) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\pi}{2} x = 0$$

$$f(1) = \left. \frac{\pi}{2} x \right|_{x=1} = 0$$

اگر $x=1$ سے پہلے کی طرف سے

$x=0$ سے پہلے کی طرف سے

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left| \frac{x-1}{x} \right| = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} (x-1) = -1$$

$$f(x) = -1$$

اگر $x=0$ سے پہلے کی طرف سے
 سے پہلے کی طرف سے $x=0$ سے پہلے کی طرف سے

(2)

م. ص. م.

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي 1
الدورة الاولى (2024 - 2025)
السنة الاولى - المدة : ساعتين

جامعة طرطوس
كلية العلوم
قسم الفيزياء

السؤال الأول : (20 درجة)

- 1- برهن حسب تعريف الاساسي للنهائية ان نهاية الدالة $y = -x - 6$ تساوي (-7) اذا انتهت $x \rightarrow 1$
- 2- برهن حسب تعريف الاساسي للمشتقة ان مشتقة الدالة $y = \sin x$ تساوي $y = \cos x$

السؤال الثاني : (45 درجة)

- 1- احسب قيمة النهايتين التاليتين :

a) $y = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x}}{x^2}$, b) $y = \lim_{x \rightarrow 0} (\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}}$

2- ادرس استمرارية الدالة التالية:

$$f(x) = \begin{cases} \cos \frac{3\pi}{2} x & ; x \leq 1 \\ \frac{|x-1|}{2x} & ; x > 1 \end{cases}$$

3- اوجد مشتقة الدالة التالية

$$y = \left(\frac{1}{x-1} \right)^x$$

السؤال الثالث : (25 درجة)

- أدرس تقارب السلسلتين التاليتين :

$$S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2^n}$$

$$S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
أ. د. نبيل أحمد علي

امام تصحيح مقره تحليل رياضي
 لطبيب السنة الاولى - قنبا
 الدورة الاولى 2024-2025

السؤال الاول: حسب تعريف الاية:

(1) $|f(x) - 2| < \epsilon \Rightarrow |x - 1| < \delta$ (201)
 لعدد قنبا كل قنبا $\epsilon > 0$ $\exists \delta > 0$ $\forall x \in \mathbb{R}$

$|x - 1| < \delta \Rightarrow |-x - 6 + 7| < \epsilon$ (3)

$\Rightarrow |-x + 1| < \epsilon \Rightarrow -|x - 1| < \epsilon$ (3)

$\Rightarrow |x - 1| < \epsilon$ (3)

بمعنى قنبا δ قنبا $(-\epsilon)$ (1)

(2) حسب تعريف الاية لـ $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1$

$y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\sin(x + \Delta x) - \sin x}{\Delta x}$

$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{2 \cos\left(\frac{x + \Delta x + x}{2}\right) \cdot \sin\left(\frac{\Delta x}{2}\right)}{\Delta x}$

$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{2 \cos\left(\frac{2x + \Delta x}{2}\right) \sin\left(\frac{\Delta x}{2}\right)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \cos\left(\frac{2x + \Delta x}{2}\right) \frac{\sin\left(\frac{\Delta x}{2}\right)}{\frac{\Delta x}{2}}$

$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \cos\left(\frac{2x + \Delta x}{2}\right) \cdot \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\sin\left(\frac{\Delta x}{2}\right)}{\frac{\Delta x}{2}} \rightarrow 1$

$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \cos\left(x + \frac{\Delta x}{2}\right) = \cos x$

a) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x}}{x^2} = \frac{0}{0}$

السؤال الثاني (1) (45)
 صيغة ليمت قنبا

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{2\sqrt{x}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{4x\sqrt{x}} = \frac{1}{0} = \infty$ (5)

$$b) y = \lim_{x \rightarrow 0} (\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}} = 1^\infty$$

بواسطة قاعدة لوبيتال (5)

$$\ln y = \frac{3}{x^2} \ln(\cos 2x) = \frac{3 \ln \cos 2x}{x^2} = \frac{0}{0}$$

بواسطة قاعدة لوبيتال (5)

$$\ln y = \frac{-3 \sin 2x \cdot 2x}{\cos 2x} = \frac{-6 \sin 2x}{2x \cos 2x} = \frac{-6 \sin 2x}{2x} \cdot \frac{1}{\cos 2x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{2x} \times \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-6}{\cos 2x} = 1 \cdot \frac{-6}{1} = -6$$

$$\ln y = -6 \Rightarrow y = e^{-6} = \frac{1}{e^6}$$

$$\lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = f(x_0) \quad \text{بواسطة قاعدة لوبيتال (2)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \left| \frac{x-1}{x} \right| = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x-1}{x} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{39}{2}x = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \left| \frac{x-1}{x} \right| = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{39}{2}x = 0$$

بواسطة قاعدة لوبيتال

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \left| \frac{x-1}{x} \right| = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{39}{2}x = 0$$

$$\ln y = \ln \left(\frac{1}{x-1} \right)^x = x \ln \left(\frac{1}{x-1} \right) =$$

$$\ln y = x [\ln 1 - \ln(x-1)] = -x \ln(x-1)$$

باعتبار الحرفين مجزئ

$$\frac{y'}{y} = -\ln(x-1) - \frac{x}{x-1}$$

$$y' = \left(\frac{1}{x-1}\right)^x \left[-\ln(x-1) - \frac{x}{x-1}\right]$$

السؤال الثاني: S_1 25

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{n+2}{2^{n+1}}}{\frac{n+1}{2^n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+2}{2^{n+1} \times 2} \cdot \frac{2^n}{n+1}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+2}{2(n+1)} = \frac{\infty}{\infty}$$

حسب لوبيتال

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+2}{2(n+1)} = \frac{1}{2} < 1$$

فالمسلسلة متقاربة

S_2 يمكن الحكم على كبريتها أو صغرها

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{\sqrt{n+1}}}{\frac{1}{\sqrt{n}}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{n+1}}$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n}{n+1}} = \frac{\infty}{\infty} \Rightarrow S_2 = 1 \left(\frac{\text{متقاربة}}{\text{متقاربة}} \right)$$

حسب لوبيتال

السؤال الثالث:
أ. د. يسأل على
الحدود

$$\left(\frac{1}{n} \right) \left(\frac{1}{n} \right) \left(\frac{1}{n} \right)$$

يمكن برهانها بطريقة القسمة

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي ١
الدورة الثانية (٢٠٢٣ - ٢٠٢٤)
السنة الأولى - المدة : ساعتين

جامعة طرطوس
كلية العلوم
قسم الفيزياء

السؤال الأول : (٢٠ درجة)

١- برهن حسب تعريف الاساسي للنهاية ان نهاية الدالة $y = 4x - 5$ تساوي

(9-) اذا انتهت $x \rightarrow -1$

٢- برهن حسب تعريف الاساسي للمشتقة ان مشتقة الدالة $y = \sin x$ تساوي

$$y' = \cos x$$

السؤال الثاني : (٤٥ درجة)

١- أوجد المشتقة من المرتبة الأولى للدالتين التاليتين :

$$y = \arctan(\sqrt{\cos x}), \quad y = 3^{\ln x}$$

$$f(x) = \begin{cases} \cos \frac{\pi}{2} x & ; x \leq 1 \\ \frac{x-1}{x} & ; x > 1 \end{cases}$$

٢- ادرس استمرارية الدالة التالية:

السؤال الثالث : (٢٥ درجة)

١- ادرس تقارب السلسلة التالية :

$$s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$$

٢- أوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك لوران للدالة التالية :

$$y = e^{\sin x}$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
أ.د. نبيل احمد علي

المكعب
شكيلة
لغرض التفاضل

السؤال الأول: [1] حيث $\epsilon > 0$ 20

$$|f(x) - f(a)| < \epsilon \Rightarrow |x - a| < \delta, \quad \delta > 0 \text{ حيث } \delta < \epsilon$$

$$|4x - 5 + 9| < \epsilon \Rightarrow |4x + 4| < \epsilon \Rightarrow |x + 1| < \frac{\epsilon}{4}$$

$$|4x + 4| < \epsilon \Rightarrow |x + 1| < \frac{\epsilon}{4}$$

$$|x + 1| < \frac{\epsilon}{4}$$

بالتالي $\delta = \frac{\epsilon}{4}$ هو المطلوب

[2] حيث $\epsilon > 0$ 3

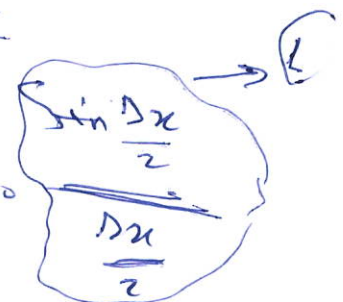
$$y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\sin(x + \Delta x) - \sin x}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{2 \cos\left(\frac{x + \Delta x + x}{2}\right) \sin\left(\frac{x + \Delta x - x}{2}\right)}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \cos\left(\frac{2x + \Delta x}{2}\right) \frac{\sin\left(\frac{\Delta x}{2}\right)}{\frac{\Delta x}{2}}$$

$$= \cos x \times 1 = \cos x$$



السؤال الثاني (15) حل يدوي

[1]

$$y' = \frac{(\sqrt{\cos x})'}{1 + (\sqrt{\cos x})^2} = \frac{\frac{-\sin x}{2\sqrt{\cos x}}}{1 + \cos x} = \frac{-\sin x}{2\sqrt{\cos x}(1 + \cos x)}$$

$$y = 3^{\ln x} \Rightarrow y' = \frac{1}{x} \otimes 3^{\ln x} \otimes \ln 3$$

: حل يدوي [2]

$$\lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = f(x_0)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \frac{x-1}{x} = 0$$

$$f(x) = \cos \frac{\pi}{2} x \Big|_{x=1} = \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

لا بد من التحقق من أن الدالة متصلة في النقطة المحددة

السؤال الثالث:

(1) يمكن حساب الحقيقة كوسيلة، طريقة الجبر، الطريقة الثانية

حساب الجبر

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+1}}{\sqrt{n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}}$$

فكينة 2

$$\sqrt{\frac{n+1}{n}} = \sqrt{\frac{\infty}{\infty}} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = 1$$

الذي يشار = متقاربة

وهذا هو

$$S = \sum \frac{1}{n}$$

(2) حساب متسلسلة

$$f(x) = e^{\sin x} = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \dots + \frac{x^n}{n!} f^{(n)}(0)$$

$$f(0) = e^{\sin 0} = e^0 = 1 \quad (2)$$

$$f'(0) = \cos 0 e^{\sin 0} = 1 \quad (2)$$

$$f''(0) = -\sin 0 e^{\sin 0} + \cos^2 0 e^{\sin 0} = 1 \quad (2)$$

$$f^{(4)}(0) = -\cos x e^{\sin x} - \sum_n \cos x e^{\sin x} - 2 \sum_n \cos x e^{\sin x} + \cos^3 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = -1 + 1 = 0$$

$$f^{(4)}(0) = -\cos^3 x e^{\sin x} + \sum_n \cos x e^{\sin x} - \cos^3 x e^{\sin x} + \sum_n^2 \cos x e^{\sin x} - \sum_n \cos^3 x e^{\sin x} - 2 \cos^3 x e^{\sin x} + 2 \sum_n \cos x e^{\sin x} - 2 \sum_n \cos^3 x e^{\sin x} - 3 \cos^3 x e^{\sin x} + \cos^4 x e^{\sin x} = -1 + 0 - 1 + 0 - 0 - 2 + 0 - 0 - 0 + 1 = -3$$

لقد بالذات في

$$e^{\sin x} = 1 + x + \frac{x^2}{2!} - \frac{3x^4}{4!} \quad (3)$$

$$\sin x = 1 + x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{8} \quad \text{المعروف}$$

انتهى

البحث

عن

3/7/2024

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي ١
الدورة الاولى (٢٠٢٣ - ٢٠٢٤)
السنة الأولى - المدة : ساعتين

جامعة طرابلس
كلية العلوم
قسم الفيزياء

السؤال الأول : (٢٠ درجة)

١- برهن حسب تعريف الاساسي للنهاية ان نهاية الدالة $y = 2x - 3$ تساوي 1 اذا انتهت $x \rightarrow 1$

٢- برهن حسب تعريف الاساسي للمشتقة ان مشتقة الدالة $y = x^n$ تساوي $y' = nx^{n-1}$

السؤال الثاني : (٤٥ درجة)

١- أوجد امشتقة من المرتبة الأولى للذالتين التاليتين :

$$y = \arcsin(\sqrt{\cos x}) \quad , \quad y = 3^{\ln x^2}$$

٢- برهن ان المشتقة من المرتبة الثانية تساوي y/a^2 للدالة التالية :
حيث a عدد ثابت

$$y = \frac{a}{2} \left(e^{\frac{x}{a}} + e^{-\frac{x}{a}} \right)$$

$$f(x) = \begin{cases} \cos \frac{\pi}{2} x & ; x \leq 1 \\ \left| \frac{x-1}{x} \right| & ; x > 1 \end{cases}$$

٣- ادرس استمرارية الدالة التالية:

السؤال الثالث : (٢٥ درجة)

١- ادرس تقارب السلسلة التالية :
$$s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2^n}$$

٢- أوجد منشور مك لوران للدالة التالية :

$$y = \sin x$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
أ.د. نبيل أحمد علي

الفصل السادس: التفاضل
المادة الأولى: التفاضل

السؤال الأول: [1] تعريف التفاضل

$$\forall \epsilon > 0 \exists \delta > 0, |x - x_0| < \delta \Rightarrow |f(x) - f(x_0)| < \epsilon$$

$$\forall \epsilon > 0 \exists \delta > 0, |x - 1| < \delta \Rightarrow |2x - 3 + 1| < \epsilon$$

$$|2x - 2| < \epsilon \Rightarrow 2|x - 1| < \epsilon$$

$$|x - 1| < \frac{\epsilon}{2}$$

يوجد δ لكل ϵ قريب من 0

[2] تعريف التفاضل

$$y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{(x + \Delta x)^n - x^n}{\Delta x}$$

نستخدم قاعدة لوبيتال

$$y' = \frac{x^n + \frac{n}{1!} x^{n-1} \Delta x + \frac{n(n-1)}{2!} x^{n-2} \Delta x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!} x^{n-3} \Delta x^3 + \dots + \Delta x^n - x^n}{\Delta x}$$

$$y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \left(\frac{n}{1!} x^{n-1} + \frac{n(n-1)}{2!} x^{n-2} \Delta x + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!} x^{n-3} \Delta x^2 + \dots + \frac{n-1}{\Delta x} x^{n-1} \right)$$

$$y' = n x^{n-1} + 0 + 0 + 0 + \dots + 0$$

$$(x^n)' = n x^{n-1}$$

السؤال الثاني: [1]

$$y' = \frac{3(\sqrt{\cos x})}{\sqrt{1 - \cos x}} = \frac{-\sin x}{2\sqrt{\cos x}} = \frac{-\sin x}{2\sqrt{\cos x} \sqrt{1 - \cos x}}$$

$$y' = 7x \cos x^2 \otimes 3 \otimes \sin x^2 \otimes \ln x (2)$$

$$y' = \frac{a}{2} \left(\frac{1}{a} e^{\frac{x}{a}} - \frac{1}{a} e^{-\frac{x}{a}} \right)$$

نتوارة

$$y = \frac{1}{2} \left(e^{\frac{x}{a}} - e^{-\frac{x}{a}} \right)$$

$$y'' = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{a} e^{\frac{x}{a}} + \frac{1}{a} e^{-\frac{x}{a}} \right)$$

نتوارة

$$y'' = \frac{1}{2a} \left(e^{\frac{x}{a}} + e^{-\frac{x}{a}} \right)$$

نفس a^2 الخ

$$a^2 y' = \frac{a}{2} \left(e^{\frac{x}{a}} - e^{-\frac{x}{a}} \right)$$

$$a^2 y'' = y \Rightarrow y'' = \frac{y}{a^2}$$

دالة الخطوب

بشكل عام: $y'' = \frac{y}{a^2}$ هي الدالة الخطية

3-

$$\lim_{n \rightarrow 1^+} f(n) = \lim_{n \rightarrow 1^+} \frac{1}{n} = 1$$

طريقة

$$\lim_{n \rightarrow 1^+} f(n) = \lim_{n \rightarrow 1^+} \left| \frac{n-1}{n} \right| = 0 \quad \begin{cases} \frac{n-1}{n} = 0 \\ \frac{1-n}{n} = 0 \end{cases}$$

$$\lim_{n \rightarrow 1^-} f(n) = \lim_{n \rightarrow 1^-} \cos \frac{\pi}{2} n = 0$$

$$f(n) = \cos \frac{\pi}{2} n = 0$$

نفس الخفف والدالة متساوية

السؤال الثالث: (1) حسب اختيار والمميز

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{n+2}{2^{n+1}}}{\frac{n+1}{2^n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+2}{2^{n+1}} \cdot \frac{2^n}{n+1} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+2}{2(n+1)} = \frac{1}{2}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \cdot x^2}{2(n+1)} = \frac{1}{2} < 1$$

فالسلسلة متقاربة

(2) متسلسلة تايلور في نقطة

$$f(x) = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \frac{x^3}{3!} f'''(0) + \dots$$

$$+ \frac{x^n}{n!} f^{(n)}(0) + R_n$$

باختيار نقطة مركزية $\lim_{n \rightarrow \infty} R_n = 0$

$$f(x) = \sin x \Big|_{x=0} = 0$$

$$f(x) = \sin x \Big|_{x=0} = 0$$

$$f(x) = \cos x \Big|_{x=0} = 1$$

$$f(x) = \cos x \Big|_{x=0} = 1$$

$$f'(x) = -\sin x \Big|_{x=0} = 0$$

$$f'(x) = -\sin x \Big|_{x=0} = 0$$

$$f''(x) = -\cos x \Big|_{x=0} = -1$$

$$f''(x) = -\cos x \Big|_{x=0} = -1$$

نغير بالمتغير

$$\sin x = \frac{x}{1!} - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots + (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!}$$

انتهت هنا

المتسلسلة

مراجعة

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي ١
الفصل الدراسي الثاني (٢٠٢٢ - ٢٠٢٣)
سنة أولى - المدة : ساعتين

جامعة طرطوس
كلية العلوم
قسم الفيزياء

السؤال الأول (٣٠ درجة)

١- لتكن لدينا الدالتين التاليتين :

$$a) y = \frac{\sqrt{x}}{x^2}, \quad b) y = (\cos 2x) x^{\frac{3}{2}}$$

أوجد نهاية الدالة a عندما x تسعى إلى الصفر ونهاية الدالة b عندما x تسعى إلى الصفر.

٢- ادرس استمرارية الدالة التالية :

$$f(x) = \begin{cases} \sin \pi x & ; x \leq 1 \\ \frac{|x-1|}{x-2} & ; x > 1 \end{cases}$$

السؤال الثاني : (٣٠ درجة)

١- برهن إن المشتقة من المرتبة الثانية تساوي y/a^2 للدالة التالية :
حيث a عدد ثابت

$$y = \frac{a}{2} \left(e^{x/a} + e^{-x/a} \right)$$

٢- اوجد المشتقة الاولى للدالة التالية

$$y = \arg sh(\sqrt{x})$$

السؤال الثالث : (٣٠ درجة)

$$s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$$

١- ادرس تقارب السلسلة التالية :

٢- أوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك أوران للدالة التالية :

$$y = e^{\sin x}$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح

د. نبيل أحمد علي

لم تلحق مقررات رياضي 1
 لطلاب السنة الأولى قسم الفيزياء
 الدورات الخمسة المتاحة هي: ع.ع.ع - ع.ع.ع - ع.ع.ع

301 [تدريسية ورياضية]
 السؤال الأول: [a] :
 اطلب الاذن

$$y = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x}}{x^2} : \frac{0}{0}$$

من لم تقبل له لو بيان جيد

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}}{2x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{4x\sqrt{x}} = \frac{1}{0} = \infty$$

في النهاية $y = \infty$

[b]

$$y = \lim_{x \rightarrow \infty} (\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}} : \frac{\infty}{1}$$

من لم تقبل له بيان جيد في الإجابة فانه لو بيان جيد

$$\ln y = \frac{3}{x^2} \ln \cos 2x = \frac{3 \ln \cos 2x}{x^2} : \frac{0}{0}$$

من لم تقبل له بيان جيد

$$\ln y = -6 \frac{\sin 2x}{2x \cos 2x} \Rightarrow \ln y = -6 \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{2x} \times \frac{1}{\cos 2x}$$

$$\ln y = -6 \times 1 \times 1 = -6 \Rightarrow y = e^{-6}$$

الطالع الثاني: من لم تقبل له بيان جيد

$$\lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = f(x_0)$$

القيمة المحددة:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{|x-1|}{x-2}$$

→ نعوّض القيمة المحددة

$$1) \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-1)}{x-2} = \frac{0}{1-2} = \frac{0}{-1} = 0$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{-(x-1)}{x-2} = \frac{0}{1-2} = \frac{0}{-1} = 0$$

القيمة المحددة:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \sin \pi x = \sin \pi = 0$$

حيث أن $x=1$

$$\left. \sin \pi x \right|_{x=1} = \sin \pi = 0$$

إذا كانت القيمة المحددة $x=1$ موجودة، فإن القيمة المحددة $x=1$ موجودة.

السؤال الثاني المطلوب الأول: نوجد المشتقة الأولى:

$$y' = \frac{a}{2} \left(\frac{1}{a} e^{x/a} - \frac{1}{a} e^{-x/a} \right) = \frac{1}{2} (e^{x/a} - e^{-x/a})$$

$$y'' = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{a} e^{x/a} + \frac{1}{a} e^{-x/a} \right) = \frac{1}{2a} (e^{x/a} + e^{-x/a})$$

نفس الطريقة

$$y'' = \frac{g}{a_2}$$

المُصَلَّبُ

$$y = \arcsinh \sqrt{x} \Rightarrow y' = \frac{(\sqrt{x})'}{\sqrt{(\sqrt{x})^2 + 1}}$$

$$y' = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}}{\sqrt{x+1}} = \frac{1}{2\sqrt{x} \cdot \sqrt{x+1}} = \frac{1}{2\sqrt{x(x+1)}}$$

السؤال الثالث

المجلد الاول : حيا فتيما، كوستي

$$\rho = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\frac{1}{\sqrt{n}}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt[n]{n}}$$
$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{\sqrt{n}} \right)^{\frac{1}{2}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(n^{-\frac{1}{2n}} \right)$$

سید عبدالرشید شاہد لونڈی

$$I = (\bar{n})^{\frac{1}{2n}} \Rightarrow \ln I = -\frac{1}{2n} \ln n = \frac{-\ln n}{2n} = \frac{-\frac{1}{n}}{2} = -\frac{1}{2n}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x^2} = 0$$

$$I = e^0 = 1 \Rightarrow \boxed{P = 1}$$

پاکستان - صوبہ سندھ

در اینجا: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$$

در اینجا: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$

در اینجا: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$

$$f(x) = e^{\sin x} = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \dots + \frac{x^n}{n!} f^{(n)}(0) + R_n$$

$$f(0) = e^{\sin 0} = 1$$

$$f'(0) = \cos 0 e^{\sin 0} = 1$$

$$f''(0) = -\sin 0 e^{\sin 0} + \cos^2 0 e^{\sin 0} = 1$$

$$f'''(0) = -\cos 0 e^{\sin 0} - \sin 0 \cos 0 e^{\sin 0} - 2 \sin 0 \cos 0 e^{\sin 0} + \cos^2 0 e^{\sin 0} = 0$$

$$f^{(4)}(0) = -\cos^2 0 e^{\sin 0} + \sin^2 0 e^{\sin 0} - \cos^2 0 e^{\sin 0} + \sin^2 0 e^{\sin 0} - \sin 0 \cos^2 0 e^{\sin 0} - 2 \cos^2 0 e^{\sin 0} + 2 \sin^3 0 e^{\sin 0} - 2 \sin 0 \cos^2 0 e^{\sin 0} - 3 \cos^2 0 e^{\sin 0} \sin 0 + \cos^4 0 e^{\sin 0} = -1 + 0 - 1 + 0 - 0 + 0 - 0 + 0 - 0 + 1 = -3$$

$$e^{\sin x} = 1 + x - \frac{x^2}{2!} - \frac{3x^4}{4!}$$

$$e^{\sin x} = 1 + x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{8}$$

در اینجا: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$

$$2$$

در اینجا: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$

در اینجا: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$

28/7/2013

السؤال الأول (٣٠ درجة)

١- لتكن لدينا الدالتين التاليتين :

a) $y = \frac{\sqrt{x}}{x^2}$, b) $y = (\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}}$

أوجد نهاية الدالة a عندما x تسعى إلى الصفر ونهاية الدالة b عندما x تسعى إلى الصفر.

٢- ادرس استمرارية الدالة التالية :

$$f(x) = \begin{cases} \sin \pi x & ; x \leq 1 \\ \frac{|x-1|}{x-2} & ; x > 1 \end{cases}$$

السؤال الثاني : (٣٠ درجة)

١- برهن إن المشتقة من المرتبة الثانية تساوي y/a^2 للدالة التالية :
حيث a عدد ثابت

$$y = \frac{a}{2} \left(e^{x/a} + e^{-x/a} \right)$$

٢- اوجد المشتقة الاولى للدالة التالية

$$y = \arg sh(\sqrt{x})$$

السؤال الثالث : (٣٠ درجة)

١- ادرس تقارب السلسلة التالية :
$$s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$$

٢- اوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك لوران للدالة التالية :

$$y = e^{\sin x}$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح

د. نبيل أحمد علي

سليم العلي محمد قريش رباح 1
 لطلاب السنة الأولى مسج النزيار
 الدرس الثالث الحاسب C.C.C

301 [301] السؤال الأول
 المطلوب الاجابة

$$y = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x}}{x^2} : \frac{0}{0}$$

قانون لوبيتال

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}}{2x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{4x\sqrt{x}} = \frac{1}{0} = \infty$$

(5) $y = \infty$ كذا

$$y = \lim_{x \rightarrow 0} (\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}} : 1^\infty$$

قانون لوبيتال

$$\ln y = \frac{3}{x^2} \ln \cos 2x = \frac{3 \ln \cos 2x}{x^2} : \frac{0}{0}$$

قانون لوبيتال

$$\ln y = -6 \frac{\sin 2x}{2x \cos 2x} \Rightarrow \ln y = -6 \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{2x} \times \frac{1}{\cos 2x}$$

$$\ln y = -6 \times 1 \times 1 = -6 \Rightarrow y = e^{-6}$$

الطريقة الثانية: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln \cos 2x}{x^2} = \frac{0}{0}$

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = f(x_0)$$

(3)

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{|x-1|}{x-2}$$

القيمة العددية:

بفرض القيمة العددية

$$1) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)}{x-2} = \frac{0}{1-2} = \frac{0}{-1} = 0$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{-(x-1)}{x-2} = \frac{0}{1-2} = \frac{0}{-1} = 0$$

القيمة العددية:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \sin \pi x = \sin \pi = 0$$

حيث ان $x=1$

$$\left. \sin \pi x \right|_{x=1} = \sin \pi = 0$$

أو القيمة العددية في $x=1$ هي القيمة العددية
عند النقطة $x=1$

السؤال الثاني : ثوبه المشتقة الأولى : 30 درجة

$$y' = \frac{a}{2} \left(\frac{1}{a} e^{x/a} - \frac{1}{a} e^{-x/a} \right) = \frac{1}{2} (e^{x/a} - e^{-x/a})$$

$$y'' = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{a} e^{x/a} + \frac{1}{a} e^{-x/a} \right) = \frac{1}{2a} (e^{x/a} + e^{-x/a})$$

ثوبه المشتقة الثانية

$$a^2 y'' = \frac{a}{2} (e^{x/a} + e^{-x/a}) = y$$

$$y'' = \frac{y}{a^2}$$

معمولاً

المطلوب الثاني

$$y = \operatorname{arcsinh} \sqrt{x} \Rightarrow y' = \frac{(\sqrt{x})'}{\sqrt{(\sqrt{x})^2 + 1}}$$

$$y' = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}}{\sqrt{x+1}} = \frac{1}{2\sqrt{x} \cdot \sqrt{x+1}} = \frac{1}{2\sqrt{x(x+1)}}$$

السؤال الثالث

المطلوب الأول: حساب النهاية

$$\rho = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\frac{1}{n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt[n]{n}} \\ = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n} \right)^{\frac{1}{n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(n^{-\frac{1}{n}} \right)$$

لنستخدم قاعدة لوبيتال

$$I = \left(n^{-\frac{1}{n}} \right) \Rightarrow \ln I = -\frac{1}{n} \ln n = \frac{\ln n}{-n} = \frac{-\frac{1}{n}}{\frac{1}{n}} = -\frac{1}{n}$$

بما أن $n \rightarrow \infty$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} I = \frac{-1}{\infty} = 0$$

$$I = e^0 = 1 \Rightarrow \rho = 1$$

بما أن $n \rightarrow \infty$ ، نستنتج أن $\rho = 1$

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r_{n+1}}{r_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$
 صلا تدر ایت

الطریقہ: صرقاتہ متور مالا لورن:

$f(x) = e^{\sin x} = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \dots + \frac{x^n}{n!} f^{(n)}(0) + R_n$
 $f(0) = e^{\sin 0} = 1$ (2)

$f'(0) = \cos 0 e^{\sin 0} = 1$ (2)

$f''(0) = -\sin 0 e^{\sin 0} + \cos^2 0 e^{\sin 0} = 1$ (2)

$f'''(0) = -\cos 0 e^{\sin 0} - \sin 0 \cos 0 e^{\sin 0} - 2 \sin 0 \cos 0 e^{\sin 0} + \cos^3 0 e^{\sin 0} = 0$

$f^{(4)}(0) = -\cos^2 0 e^{\sin 0} + \sin 0 e^{\sin 0} - \cos^2 0 e^{\sin 0} + \sin^2 0 e^{\sin 0} - \sin 0 \cos^2 0 e^{\sin 0} - 2 \cos^2 0 e^{\sin 0} + 2 \sin^3 0 e^{\sin 0} - 2 \sin 0 \cos^2 0 e^{\sin 0} - 3 \cos^3 0 e^{\sin 0} + \cos^4 0 e^{\sin 0} = -1 + 0 - 1 + 0 - 0 - 2 + 0 - 0 - 3 + 1 = -3$
 $f^{(4)}(0) = -3$

تقریب بالمتور

$e^{\sin x} = 1 + x - \frac{x^2}{2!} - \frac{3x^4}{4!}$

$e^{\sin x} = 1 + x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{8}$ (2)

در ایتلو

اشتیاق
 28/7/2023

السؤال الأول (٣٠ درجة)
١- لتكن لدينا الدالتين التاليتين :

$$a) y = \frac{x - x \cos x}{\sin x}$$

$$b) y = \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^x$$

أوجد نهاية الدالة a عندما x تسعى إلى الصفر ونهاية الدالة b عندما x تسعى إلى ∞ .
٢- أدرس استمرارية الدالة التالية :

$$f(x) = \begin{cases} -3x & ; \quad x \leq 1 \\ 3x-6 & ; \quad 1 < x < 3 \\ x^2-6 & ; \quad x \geq 3 \end{cases}$$

السؤال الثاني : (٣٠ درجة)
١- برهن إن المشتقة من المرتبة الأولى تساوي $\frac{1}{2}$ للدالة التالية :

$$y = \arctan \sqrt{\frac{1-\cos x}{1+\cos x}}$$

٢- أوجد المشتقة الأولى للدالة التالية

$$y = \operatorname{argth}(\cos x)$$

السؤال الثالث : (٣٠ درجة)

$$s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2^n}$$

١- أدرس تقارب السلسلة التالية :

$$y = \ln(x+1)$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح

د. نبيل أحمد علي

سام تميم مقر تحليل رياضي 1
لغروب السنة الاولى قسم الفيزياء للبرقة
لغوية الاول 1.1.1 - 1.1.2

السؤال الاول [3d] درجة

[1]

a) $y = \frac{x - x \cos x}{\sin x} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} y = \frac{0}{0}$ حالة عدم كفاية
جواب لبيتال بـ

(5)
 $\lim_{x \rightarrow 0} y = \frac{1 - (\cos x + x \sin x)}{\cos x} = \frac{0}{1} = 0$

b) $\lim_{x \rightarrow \infty} y = \left(\frac{x(1 + \frac{1}{x})}{x(1 - \frac{1}{x})} \right)^x = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(1 + \frac{1}{x})^x}{(1 - \frac{1}{x})^x} = \frac{e}{I_1}$

(5)

لغوية I₁

$\lim_{x \rightarrow \infty} (1 - \frac{1}{x})^x = 1^\infty$ حالة عدم كفاية

نقطة ان $x = -\frac{1}{\alpha}$ (5) $\leftarrow \alpha = \frac{1}{x}$ $\infty \leftarrow x$

$I_2 = \lim_{\alpha \rightarrow 0} (1 + \alpha)^{\frac{1}{\alpha}} = \lim_{\alpha \rightarrow 0} \left[(1 + \alpha)^{\frac{1}{\alpha}} \right]^{-1} = e^{-1}$

لغوية I₂ بـ

$\lim_{x \rightarrow \infty} y = \frac{e}{e^{-1}} = e^2$

[2] لحدس المتكافئة عند نقطة $x=1$ من اليمين بـ

(1) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1)$ (2)

$\lim_{x \rightarrow 1^+} (-3x) = -3$, $\lim_{x \rightarrow 1^-} (3x-6) = 3-6 = -3$

(6)
 $f(x) = -3x \Big|_{x=1} = -3$

الالة مبرهنة عند ادماء لحدس المتكافئة

إذا استرعيه عند $x=3$ في $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = f(3)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} (x^2 - 6) = 3, \quad \lim_{x \rightarrow 3^-} (3x - 6) = 3$$

$$f(x) = (x^2 - 6) = 3 \quad x=3$$

المادة صفرية عند $x=3$

القول الثاني: الحل الأول

لدينا يقين لأن 3 هو

طريقة أخرى: $y = \arctan \sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}}$

من دالة المثلثات

$$y = \arctan \sqrt{\frac{2 \sin^2 \frac{x}{2}}{2 \cos^2 \frac{x}{2}}} = \arctan \frac{\sin \frac{x}{2}}{\cos \frac{x}{2}} = \arctan \tan \frac{x}{2}$$

$$y = \arctan(\tan \frac{x}{2}) \Rightarrow y = \frac{x}{2}$$

بالتعويض

$$y' = \frac{1}{2}$$

طريقة ثانية: $y' = \left(\sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}} \right)' = \frac{\left(\sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}} \right)'}{1 + \frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}} = \frac{\left(\sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}} \right)'}{\frac{2}{1 + \cos x}}$

$$= \frac{1 + \cos x}{2} \left(\frac{2 \sin x}{(1 + \cos x)^2} \right) = \frac{\sin x}{2(1 + \cos x) \sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}}} = \frac{\sin x}{2 \sqrt{(1 + \cos x)(1 - \cos x)}}$$

$$= \frac{\sin x}{2 \sqrt{1 - \cos^2 x}} = \frac{\sin x}{2 \sin x} = \frac{1}{2}$$

$$y' = \frac{(\cos x)'}{1 - \cos^2 x} = \frac{-\sin x}{1 - \cos^2 x}$$

الحل الثاني:

السؤال الثالث: اكتب الاول

35 درهم يمكن درسته التقارب بخصيتين (كروني و دالمير)

باعتبار كوشي:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\frac{n+1}{2^n}}$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^{\frac{1}{n}}}{2} = \frac{1}{2} \lim_{n \rightarrow \infty} (n+1)^{\frac{1}{n}} \quad (*)$$

حالة لم يقين، لفر ∞^0 لنا قد لغايم الحوني

$$I = (n+1)^{\frac{1}{n}} \Rightarrow \ln I = \frac{1}{n} \ln(n+1) = \frac{\ln(n+1)}{n}$$

باعتبار الاية و انفر $\frac{\infty}{\infty}$ باعتبار الجذ (5)

$$\ln I = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{n+1}}{\frac{1}{n}} = \frac{1}{\infty} = 0 \Rightarrow I = e^0 = 1$$

نخرج في (*)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \frac{1}{2} \cdot 1 = \frac{1}{2} < 1$$

فالسلسلة متقاربة

الطلب الثاني: مع قانون تايلور

$$f(x) = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \frac{x^3}{3!} f'''(0) + \frac{x^4}{4!} f^{(4)}(0) + R_n$$

$$f(x) = \ln(x+1) \Big|_{x=0} = \ln 1 = 0$$

$$f'(x) = \frac{1}{x+1} \Big|_{x=0} = 1$$

$$f''(x) = \frac{-1}{(x+1)^2} \Big|_{x=0} = -1$$

$$f(x) = \frac{2(x+1)}{(x+1)^4} \Big|_{x=0} = 2$$

$$f(x) = \frac{-6}{(x+1)^4} \Big|_{x=0} = -6$$

فمعيار التفرع مفيد

$$y = \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^4}{4!} + \dots$$

$$y = \frac{x}{1} + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots + (-1)^{n+1} \frac{x^n}{n}$$

النتيجة

6/3/2023

الحمد لله

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي ١
الفصل الدراسي الثاني (٢٠٢١ - ٢٠٢٢)
السنة الأولى - المدة : ساعتين

جامعة طرطوس
كلية العلوم
قسم الفيزياء

السؤال الأول : (٣٠ درجة)

١ - أوجد المشتقة من المرتبة الأولى للدالتين التاليتين :

(١) $y = \arg th(\cos x)$, (٢) $y = e^{x-x}$

٢ - برهن إن المشتقة من المرتبة الثانية تساوي y/a^2 للدالة التالية :
حيث a عدد ثابت

(١٥) $y = \frac{a}{2} \left(e^{x/a} + e^{-x/a} \right)$

السؤال الثاني : (٢٠ درجات)

أدرس استمرارية الدالة التالية :

$$f(x) = \begin{cases} \cos \frac{\pi}{2} x & ; x \leq 1 \\ \frac{|x-1|}{x} & ; x > 1 \end{cases}$$

السؤال الثالث : (٤٠ درجة)

١ - أدرس تقارب السلسلة التالية :

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$$

١ - أوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك لوران للدالة التالية :

$$y = e^{\sin x}$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
د. نبيل أحمد علي

✓

$$y = \arg + h(\phi, x).$$

لَقَوْلِي

۱۵۰۰

اما اتفاق الاله

مأخذ لونا ربيع الحرفين

١٠٠٠

تغویان

لو تاحط الحافيت

مفتی محمد تقی عثمانی

1

1

۱۰۰

2/

(15) الفهم الشامل
(2) اطلب الشاي، شيف ادارة

$$y' = \frac{a}{2} \left(\frac{1}{a} e^{x/a} - \frac{1}{a} e^{-x/a} \right) = \frac{1}{2} (e^{x/a} - e^{-x/a})$$

شيف مرة ثانية

$$y'' = \frac{1}{2} \left[\frac{1}{a} e^{x/a} + \frac{1}{a} e^{-x/a} \right] = \frac{1}{2a} (e^{x/a} + e^{-x/a})$$

$$y'' = \frac{1}{2a} (e^{x/a} + e^{-x/a}) \quad (2)$$

$$a^2 y'' = \frac{a}{2} (e^{x/a} + e^{-x/a}) \quad (3)$$

نفعنا المميز a^2

$$a^2 y'' = y \Rightarrow y'' = \frac{y}{a^2} \quad (2)$$

وهو المطلوب. تبويبنا لنتيجه: $y = a \cosh \frac{x}{a}$ $y' = \sinh \frac{x}{a} \Rightarrow y'' = \frac{1}{a^2} \cosh \frac{x}{a} = \frac{y}{a^2}$

ال سوال الشاي: هل تكون الدالة متناحرة عند الوحد بحيث ان كانت

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1) \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{+(x-1)}{x} = \frac{-(1-1)}{1} = 0$$

القيم (1) - الزيادة
القيم (1) - النقصان
من 1

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \cos \frac{\pi}{2} x = \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

$$f(x) \Big|_{x=1} = \cos \frac{\pi}{2} x \Big|_{x=1} = \cos \frac{\pi}{2} = 0 \quad (6)$$

بالاذا لا يوجد اي شيء ك ذلك لا يوجد اي شيء ك ذلك في النهاية وفي مستقر

السؤال الثالث (15) درجة

المطلوب الأول : دراسة تقارب السلسلة ناتجة اختيار كوشي :

(2) طلب اول

$$\rho = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \sqrt[n]{a_n}}{n \sqrt[n]{a_{n+1}}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt[n]{n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt[n]{n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n} \right)^{\frac{1}{n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{n^{\frac{1}{n}}} \right] = \infty$$

حالة كوشي لاختبار التقارب

$$I = n^{\frac{1}{2n}}$$

نأخذ لوغاريتم الطرفين

$$\ln I = -\frac{1}{2n} \ln n \xrightarrow{\frac{0}{0}} \frac{-\frac{1}{n}}{\frac{1}{2n}} = -\frac{1}{2} \xrightarrow{n \rightarrow \infty} \lim_{n \rightarrow \infty} \ln I = 0$$

$$I = e^0 = 1 \quad (3)$$

لقد ثبت أن

$$\rho = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \sqrt[n]{a_n}}{n \sqrt[n]{a_{n+1}}} = 1 \Rightarrow \rho = 1 \quad (2)$$

وهي حالة شك

يوجد طريقين لدراسة تقارب السلسلة الجبرية والمقارنة مع السلسلة $\sqrt[n]{n}$ ، موضح عندئذ تكون السلسلة متباعدة أو متقاربة حالة شك أيضاً .

(2) المطلوب الثاني : ندرس سلاسل لوران في

$$f(x) = e^{\sin x} = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \dots + \frac{x^n}{n!} f^{(n)}(0) + R_n$$

حيث $R_n \xrightarrow{n \rightarrow \infty} 0$ (4)

2/

$$f(x) = \frac{\sin x}{e^x} \Big|_{x=0} = \frac{0}{1} = 0 \quad (2) \quad f'(x) = -\sin x e^{-x} + \cos x e^{-x}$$

$$f'(x) = \cos x e^{-x} \Big|_{x=0} = 1 \quad (2), \quad f''(x) = -\sin x e^{-x} - \cos x e^{-x} \Big|_{x=0} = 0$$

$$f'''(x) = -\cos x e^{-x} - \sin x e^{-x} + \cos^2 x e^{-x} - 2\sin x \cos x e^{-x} \Big|_{x=0} = -1 - 0 - 0 + 1 = 0$$

$$f^{(4)}(x) = \sin x e^{-x} + \cos x e^{-x} - \cos^2 x e^{-x} - 2\sin x \cos x e^{-x} + \sin^2 x e^{-x} - 2\sin x \cos^2 x e^{-x} - 3\cos^3 x e^{-x} - \cos^4 x e^{-x} \Big|_{x=0} = 1 + 0 - 1 + 0 - 0 - 2 + 0 - 0 - 0 + 1 = -3$$

تسوية المعادلة

$$\frac{\sin x}{e^x} = 1 + x + \frac{x^2}{2!} - \frac{3x^4}{4!} \quad (4)$$

تسوية المعادلة

النتيجة

النتيجة

السؤال الأول : (25 درجة)

1- أوجد المشتقة من المرتبة الأولى للدالتين التاليتين :

$$y = \arctan(\cos x) \quad , \quad y = x^8$$

2- أوجد المشتقة من المرتبة n للدالة التالية :

$$y = xe^x$$

السؤال الثاني : (15 درجة)

أدرس استمرارية الدالة التالية :

$$f(x) = \begin{cases} \cos \frac{\pi}{2} x & ; x \leq 1 \\ |x-1| & ; x > 1 \end{cases}$$

السؤال الثالث : (25 درجة)

لتكن لدينا الدالتين التاليتين :

$$a) y = \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^x, \quad b) y = (\cos 2x) x^{\frac{3}{2}}$$

أوجد نهاية الدالة (a) عندما x تسعى إلى اللانهاية، ونهاية الدالة (b) عندما x تسعى إلى الصفر.

السؤال الرابع : (25 درجة)

$$1. \text{ أدرس تقارب السلسلة التالية : } s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2^n}$$

2. أوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك لوران للدالة التالية :

$$y = e^{\sin x}$$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
د. نبيل أحمد علي

اس کا صحیح فقرہ تحلیل یہ ہے :
 لفظ استہ از ال فہیاء
 دوہ اولی ۱۔ ۲۔ ۳۔ ۴۔ ۵۔ ۶۔ ۷۔ ۸۔ ۹۔ ۱۰۔ ۱۱۔ ۱۲۔ ۱۳۔ ۱۴۔ ۱۵۔ ۱۶۔ ۱۷۔ ۱۸۔ ۱۹۔ ۲۰۔ ۲۱۔ ۲۲۔ ۲۳۔ ۲۴۔ ۲۵۔ ۲۶۔ ۲۷۔ ۲۸۔ ۲۹۔ ۳۰۔ ۳۱۔ ۳۲۔ ۳۳۔ ۳۴۔ ۳۵۔ ۳۶۔ ۳۷۔ ۳۸۔ ۳۹۔ ۴۰۔ ۴۱۔ ۴۲۔ ۴۳۔ ۴۴۔ ۴۵۔ ۴۶۔ ۴۷۔ ۴۸۔ ۴۹۔ ۵۰۔ ۵۱۔ ۵۲۔ ۵۳۔ ۵۴۔ ۵۵۔ ۵۶۔ ۵۷۔ ۵۸۔ ۵۹۔ ۶۰۔ ۶۱۔ ۶۲۔ ۶۳۔ ۶۴۔ ۶۵۔ ۶۶۔ ۶۷۔ ۶۸۔ ۶۹۔ ۷۰۔ ۷۱۔ ۷۲۔ ۷۳۔ ۷۴۔ ۷۵۔ ۷۶۔ ۷۷۔ ۷۸۔ ۷۹۔ ۸۰۔ ۸۱۔ ۸۲۔ ۸۳۔ ۸۴۔ ۸۵۔ ۸۶۔ ۸۷۔ ۸۸۔ ۸۹۔ ۹۰۔ ۹۱۔ ۹۲۔ ۹۳۔ ۹۴۔ ۹۵۔ ۹۶۔ ۹۷۔ ۹۸۔ ۹۹۔ ۱۰۰۔ ۱۰۱۔ ۱۰۲۔ ۱۰۳۔ ۱۰۴۔ ۱۰۵۔ ۱۰۶۔ ۱۰۷۔ ۱۰۸۔ ۱۰۹۔ ۱۱۰۔ ۱۱۱۔ ۱۱۲۔ ۱۱۳۔ ۱۱۴۔ ۱۱۵۔ ۱۱۶۔ ۱۱۷۔ ۱۱۸۔ ۱۱۹۔ ۱۲۰۔ ۱۲۱۔ ۱۲۲۔ ۱۲۳۔ ۱۲۴۔ ۱۲۵۔ ۱۲۶۔ ۱۲۷۔ ۱۲۸۔ ۱۲۹۔ ۱۳۰۔ ۱۳۱۔ ۱۳۲۔ ۱۳۳۔ ۱۳۴۔ ۱۳۵۔ ۱۳۶۔ ۱۳۷۔ ۱۳۸۔ ۱۳۹۔ ۱۴۰۔ ۱۴۱۔ ۱۴۲۔ ۱۴۳۔ ۱۴۴۔ ۱۴۵۔ ۱۴۶۔ ۱۴۷۔ ۱۴۸۔ ۱۴۹۔ ۱۵۰۔ ۱۵۱۔ ۱۵۲۔ ۱۵۳۔ ۱۵۴۔ ۱۵۵۔ ۱۵۶۔ ۱۵۷۔ ۱۵۸۔ ۱۵۹۔ ۱۶۰۔ ۱۶۱۔ ۱۶۲۔ ۱۶۳۔ ۱۶۴۔ ۱۶۵۔ ۱۶۶۔ ۱۶۷۔ ۱۶۸۔ ۱۶۹۔ ۱۷۰۔ ۱۷۱۔ ۱۷۲۔ ۱۷۳۔ ۱۷۴۔ ۱۷۵۔ ۱۷۶۔ ۱۷۷۔ ۱۷۸۔ ۱۷۹۔ ۱۸۰۔ ۱۸۱۔ ۱۸۲۔ ۱۸۳۔ ۱۸۴۔ ۱۸۵۔ ۱۸۶۔ ۱۸۷۔ ۱۸۸۔ ۱۸۹۔ ۱۹۰۔ ۱۹۱۔ ۱۹۲۔ ۱۹۳۔ ۱۹۴۔ ۱۹۵۔ ۱۹۶۔ ۱۹۷۔ ۱۹۸۔ ۱۹۹۔ ۲۰۰۔ ۲۰۱۔ ۲۰۲۔ ۲۰۳۔ ۲۰۴۔ ۲۰۵۔ ۲۰۶۔ ۲۰۷۔ ۲۰۸۔ ۲۰۹۔ ۲۱۰۔ ۲۱۱۔ ۲۱۲۔ ۲۱۳۔ ۲۱۴۔ ۲۱۵۔ ۲۱۶۔ ۲۱۷۔ ۲۱۸۔ ۲۱۹۔ ۲۲۰۔ ۲۲۱۔ ۲۲۲۔ ۲۲۳۔ ۲۲۴۔ ۲۲۵۔ ۲۲۶۔ ۲۲۷۔ ۲۲۸۔ ۲۲۹۔ ۲۳۰۔ ۲۳۱۔ ۲۳۲۔ ۲۳۳۔ ۲۳۴۔ ۲۳۵۔ ۲۳۶۔ ۲۳۷۔ ۲۳۸۔ ۲۳۹۔ ۲۴۰۔ ۲۴۱۔ ۲۴۲۔ ۲۴۳۔ ۲۴۴۔ ۲۴۵۔ ۲۴۶۔ ۲۴۷۔ ۲۴۸۔ ۲۴۹۔ ۲۵۰۔ ۲۵۱۔ ۲۵۲۔ ۲۵۳۔ ۲۵۴۔ ۲۵۵۔ ۲۵۶۔ ۲۵۷۔ ۲۵۸۔ ۲۵۹۔ ۲۶۰۔ ۲۶۱۔ ۲۶۲۔ ۲۶۳۔ ۲۶۴۔ ۲۶۵۔ ۲۶۶۔ ۲۶۷۔ ۲۶۸۔ ۲۶۹۔ ۲۷۰۔ ۲۷۱۔ ۲۷۲۔ ۲۷۳۔ ۲۷۴۔ ۲۷۵۔ ۲۷۶۔ ۲۷۷۔ ۲۷۸۔ ۲۷۹۔ ۲۸۰۔ ۲۸۱۔ ۲۸۲۔ ۲۸۳۔ ۲۸۴۔ ۲۸۵۔ ۲۸۶۔ ۲۸۷۔ ۲۸۸۔ ۲۸۹۔ ۲۹۰۔ ۲۹۱۔ ۲۹۲۔ ۲۹۳۔ ۲۹۴۔ ۲۹۵۔ ۲۹۶۔ ۲۹۷۔ ۲۹۸۔ ۲۹۹۔ ۳۰۰۔ ۳۰۱۔ ۳۰۲۔ ۳۰۳۔ ۳۰۴۔ ۳۰۵۔ ۳۰۶۔ ۳۰۷۔ ۳۰۸۔ ۳۰۹۔ ۳۱۰۔ ۳۱۱۔ ۳۱۲۔ ۳۱۳۔ ۳۱۴۔ ۳۱۵۔ ۳۱۶۔ ۳۱۷۔ ۳۱۸۔ ۳۱۹۔ ۳۲۰۔ ۳۲۱۔ ۳۲۲۔ ۳۲۳۔ ۳۲۴۔ ۳۲۵۔ ۳۲۶۔ ۳۲۷۔ ۳۲۸۔ ۳۲۹۔ ۳۳۰۔ ۳۳۱۔ ۳۳۲۔ ۳۳۳۔ ۳۳۴۔ ۳۳۵۔ ۳۳۶۔ ۳۳۷۔ ۳۳۸۔ ۳۳۹۔ ۳۴۰۔ ۳۴۱۔ ۳۴۲۔ ۳۴۳۔ ۳۴۴۔ ۳۴۵۔ ۳۴۶۔ ۳۴۷۔ ۳۴۸۔ ۳۴۹۔ ۳۵۰۔ ۳۵۱۔ ۳۵۲۔ ۳۵۳۔ ۳۵۴۔ ۳۵۵۔ ۳۵۶۔ ۳۵۷۔ ۳۵۸۔ ۳۵۹۔ ۳۶۰۔ ۳۶۱۔ ۳۶۲۔ ۳۶۳۔ ۳۶۴۔ ۳۶۵۔ ۳۶۶۔ ۳۶۷۔ ۳۶۸۔ ۳۶۹۔ ۳۷۰۔ ۳۷۱۔ ۳۷۲۔ ۳۷۳۔ ۳۷۴۔ ۳۷۵۔ ۳۷۶۔ ۳۷۷۔ ۳۷۸۔ ۳۷۹۔ ۳۸۰۔ ۳۸۱۔ ۳۸۲۔ ۳۸۳۔ ۳۸۴۔ ۳۸۵۔ ۳۸۶۔ ۳۸۷۔ ۳۸۸۔ ۳۸۹۔ ۳۹۰۔ ۳۹۱۔ ۳۹۲۔ ۳۹۳۔ ۳۹۴۔ ۳۹۵۔ ۳۹۶۔ ۳۹۷۔ ۳۹۸۔ ۳۹۹۔ ۴۰۰۔ ۴۰۱۔ ۴۰۲۔ ۴۰۳۔ ۴۰۴۔ ۴۰۵۔ ۴۰۶۔ ۴۰۷۔ ۴۰۸۔ ۴۰۹۔ ۴۱۰۔ ۴۱۱۔ ۴۱۲۔ ۴۱۳۔ ۴۱۴۔ ۴۱۵۔ ۴۱۶۔ ۴۱۷۔ ۴۱۸۔ ۴۱۹۔ ۴۲۰۔ ۴۲۱۔ ۴۲۲۔ ۴۲۳۔ ۴۲۴۔ ۴۲۵۔ ۴۲۶۔ ۴۲۷۔ ۴۲۸۔ ۴۲۹۔ ۴۳۰۔ ۴۳۱۔ ۴۳۲۔ ۴۳۳۔ ۴۳۴۔ ۴۳۵۔ ۴۳۶۔ ۴۳۷۔ ۴۳۸۔ ۴۳۹۔ ۴۴۰۔ ۴۴۱۔ ۴۴۲۔ ۴۴۳۔ ۴۴۴۔ ۴۴۵۔ ۴۴۶۔ ۴۴۷۔ ۴۴۸۔ ۴۴۹۔ ۴۵۰۔ ۴۵۱۔ ۴۵۲۔ ۴۵۳۔ ۴۵۴۔ ۴۵۵۔ ۴۵۶۔ ۴۵۷۔ ۴۵۸۔ ۴۵۹۔ ۴۶۰۔ ۴۶۱۔ ۴۶۲۔ ۴۶۳۔ ۴۶۴۔ ۴۶۵۔ ۴۶۶۔ ۴۶۷۔ ۴۶۸۔ ۴۶۹۔ ۴۷۰۔ ۴۷۱۔ ۴۷۲۔ ۴۷۳۔ ۴۷۴۔ ۴۷۵۔ ۴۷۶۔ ۴۷۷۔ ۴۷۸۔ ۴۷۹۔ ۴۸۰۔ ۴۸۱۔ ۴۸۲۔ ۴۸۳۔ ۴۸۴۔ ۴۸۵۔ ۴۸۶۔ ۴۸۷۔ ۴۸۸۔ ۴۸۹۔ ۴۹۰۔ ۴۹۱۔ ۴۹۲۔ ۴۹۳۔ ۴۹۴۔ ۴۹۵۔ ۴۹۶۔ ۴۹۷۔ ۴۹۸۔ ۴۹۹۔ ۵۰۰۔ ۵۰۱۔ ۵۰۲۔ ۵۰۳۔ ۵۰۴۔ ۵۰۵۔ ۵۰۶۔ ۵۰۷۔ ۵۰۸۔ ۵۰۹۔ ۵۱۰۔ ۵۱۱۔ ۵۱۲۔ ۵۱۳۔ ۵۱۴۔ ۵۱۵۔ ۵۱۶۔ ۵۱۷۔ ۵۱۸۔ ۵۱۹۔ ۵۲۰۔ ۵۲۱۔ ۵۲۲۔ ۵۲۳۔ ۵۲۴۔ ۵۲۵۔ ۵۲۶۔ ۵۲۷۔ ۵۲۸۔ ۵۲۹۔ ۵۳۰۔ ۵۳۱۔ ۵۳۲۔ ۵۳۳۔ ۵۳۴۔ ۵۳

۱. سوال و جواب : اصل و اول

$$y = a_v \cdot \tan(\phi_g x)$$

22

$$y' = (\arctan y)'$$

$$u = \cos x \Rightarrow u' = -\sin x$$

$$u^2 = e^2 m$$

$$y' = \frac{u'}{1+u^2} = \frac{-\sin u}{1+\cos^2 u}$$

$$y = x^x$$

لا يحد استغناءه لو كان الممنوع

$$\ln y = \ln x^x = x \ln x$$

$$\frac{y'}{y} = \ln x + x \cdot \frac{1}{x}$$

$$y' = y(\ln x + 1) = x^x (\ln x + 1)$$

$$y = xe^x$$

۱۵۱ راجہ راجہ

منفق مدهوات، ونسج الاشغال المربطة n.

$$y' = e^x + xe^x \quad (2)$$

$$y' = e^x + e^x + xe^x = 2e^x + xe^x \quad (3)$$

$$y''' = 2e^x + e^x + xe^x = 3e^x + xe^x \quad \text{إلى هنا}$$

$$y^n = ne^x + xe^x \quad (2)$$

السؤال الثاني :
 (15) درجة
 في 10 دقائق

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = f(1) \quad (2)$$

لذلك

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} |x-1| = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x-1) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} -(x-1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} -x+1 = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} |x-1| = 0 \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \cos \frac{\pi x}{2} = 0$$

$$f(x) \Big|_{x=1} = \cos \frac{\pi}{2} = 0 \quad (3)$$

فالدالة مستمرة لأنك لم تجد أي شيء غير متساو، ولذا فهي مستمرة عند هذه النقطة.

السؤال الثالث :
 (25) درجة
 في 15 دقيقة : a
 ب (10) درجة في 10 دقائق

$$a) y = \left(\frac{1-x}{1+x} \right)^x = \left(\frac{x(\frac{1}{x}-1)}{x(1+\frac{1}{x})} \right)^x$$

$$= \frac{(\frac{1}{x}-1)^x}{(1+\frac{1}{x})^x} \quad (3)$$

$$(*) \lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\frac{1}{x}-1)^x}{e} = \frac{1}{e}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e$$

يمكننا الحد من طريقة دالمبير.

لغیر کرانے I

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{x} - 1 \right)^x \quad (2)$$

حالت عدم تعین ہو کر 1^∞ بن گیا ہے اس لیے لیمٹ

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{x} - 1 \right)^x = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{1}{x} - 1 \right)}{\frac{1}{x}}$$

نصف حسب لیبیل مشق اس کے حل مشق انجام

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-\frac{1}{x^2}}{\left(\frac{1}{x} - 1 \right) \cdot \left(-\frac{1}{x^2} \right)} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{\left(\frac{1}{x} - 1 \right)}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{-1} = -1 \Rightarrow I = e^{-1}$$

بہت آسانی سے $x \rightarrow \infty$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^{-1}}{e} = e^{-2} \quad (2)$$

نہیں *

طریقہ لیمٹ: تعجب

$$\left(\frac{x-1}{x+1} \right)^x = \left(1 - \frac{2}{x+1} \right)^x = \left(1 - \frac{1}{\frac{x+1}{2}} \right)^x \quad (*)$$

b) $y = (\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}}$

نویں ان $x = \frac{x+1}{2}$
 بات کی $x = -2t - 1$

$$\left(1 + \frac{1}{x} \right)^{-2t-1} = \left(1 + \frac{1}{x} \right)^{-2t} \cdot \left(1 + \frac{1}{x} \right)^{-1} = \frac{1}{\left(1 + \frac{1}{x} \right)^{2t} \cdot \left(1 + \frac{1}{x} \right)}$$

$$= \frac{1}{\left(1 + \frac{1}{x} \right)^2 \cdot \left(1 + \frac{1}{x} \right)} = \frac{1}{e^2 \cdot 1} = \frac{1}{e^2}$$

بہت آسانی سے

یہاں تک کہ

بالعودة الى السؤال السابق [b]

$$y = \ln(\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}} \quad 1^\infty$$

نأخذ لواريح الخفض (1)

$$\ln y = \frac{3}{x^2} \ln(\cos 2x) \rightarrow \frac{3 \ln \cos 2x}{x^2} = \frac{0}{0}$$

نشق حسب لوبيتال

$$= \frac{3 \frac{-2 \sin 2x}{\cos 2x}}{2x} = \frac{-6 \sin 2x}{2x \cos 2x} = \frac{-6 \sin 2x}{2x \cos 2x} \quad \text{بأنه لا يزال } x \rightarrow 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \ln y = \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{-6 \sin 2x}{2x} \cdot \frac{1}{\cos 2x} \right) = -6 \cdot 1 \cdot 1 = -6$$

$$\ln y = -6 \Rightarrow y = e^{-6} \quad (1)$$

السؤال 1: أوجد النهاية باستخدام قاعدة لوبيتال

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\ln(n+1)^{\frac{1}{n}}}{\ln(2^n)^{\frac{1}{n}}} = \frac{1}{2} \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\ln(n+1)^{\frac{1}{n}}} \quad (*)$$

وهي صيغة لوبيتال (0/0) فنقسم (2)

$$I = \ln(n+1)^{\frac{1}{n}}$$

نأخذ لواريح الخفض

$$\ln I = \ln(n+1)^{\frac{1}{n}} \quad (4)$$

$$\ln I = \frac{1}{n} \ln(n+1) = \frac{\ln(n+1)}{n} \rightarrow \frac{\infty}{\infty}$$

حسب لوبيتال

$$\ln I = \frac{1}{n+1} \Rightarrow \ln I = \frac{1}{\infty} = 0$$

$$I = e^0 = 1 \quad (4)$$

لنفرض (*)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \frac{1}{2} \cdot 1 = \frac{1}{2} < 1 \quad (2)$$

بأنه متناهية .

سوال نمبر (15) (2)

مقامی کار کے لئے

$$f(x) = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \dots + \frac{x^n}{n!} f^{(n)}(0) + R_n$$

$$f(0) = e^{\sin 0} = e^0 = 1 \quad (2)$$

$$f'(0) = \cos x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = 1 \quad (2)$$

$$f''(0) = -\sin x e^{\sin x} + \cos^2 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = 1 \quad (2)$$

$$f'''(0) = -\cos x e^{\sin x} - \sin x \cos x e^{\sin x} - 2 \sin x \cos x e^{\sin x} + \cos^3 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = -1 - 0 - 0 + 1 = 0 \quad (2)$$

$$f^{(4)}(0) = -\cos^2 x e^{\sin x} + \sin x e^{\sin x} - \cos^2 x e^{\sin x} + \sin^2 x e^{\sin x} - \sin x \cos x e^{\sin x} - 2 \cos^2 x e^{\sin x} + 2 \sin^2 x e^{\sin x} - 2 \sin x \cos^2 x e^{\sin x} - 3 \cos^2 x \sin x e^{\sin x} + \cos^4 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = -3 \quad (2)$$

$$f^{(4)}(0) = -1 + 0 - 1 + 0 - 2 + 0 - 0 + 1 = -3$$

$$e^{\sin x} = 1 + \frac{x}{1!} (1) + \frac{x^2}{2!} (1) + \frac{x^3}{3!} (0) + \frac{x^4}{4!} (-3)$$

$$e^{\sin x} = 1 + x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{8} \quad (2)$$

اور $x = \frac{\pi}{15}$

میں

سليم تميم

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي 1
الدورة التكميلية (2014-2015)
السنة الأولى- المدة : ساعتين

جامعة تشرين
كلية العلوم الثانية- طرطوس
قسم الفيزياء

السؤال الأول : (30 درجة)

1. أوجد المشتقة من المرتبة الأولى للدالتين التاليتين :

$$y = \arg sh(\ln x) , \quad y = e^{x^x}$$

2. أوجد نهاية الدالة التالية عندما x تسعى إلى الصفر:

$$y = x^x$$

السؤال الثاني : (15 درجات)

أدرس استمرارية الدالة التالية :

$$f(x) = \begin{cases} \cos \frac{\pi}{2} x & ; x \leq 1 \\ |x-1| & ; x > 1 \end{cases}$$

السؤال الثالث : (30 درجة)

$$s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$$

1- أدرس تقارب السلسلة التالية :

2- أوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك لوران للدالة التالية :

$$y = e^{\sin x}$$

مع تمنياتي للجميع بالتوفيق والنجاح

د. نبيل أحمد علي

المادة: مقرر تحليل رياضي 1 لطالب: قبح الفيزياء السنة الأولى الدورة الثالثة ٢٠١٤ - ٢٠١٥

السؤال الأول: اطلب الأول الاستيعاد الأول (١٥) درجات 30

$$y = \arcsin(\sin x) \Rightarrow y' = \frac{(\sin x)'}{\sqrt{1 - \sin^2 x}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \sin^2 x}} \quad (2)$$

$$y = e^{x^x} \quad \text{نأخذ لوغاريتم الطرفين ونبدأ الاشتقاق}$$

$$\ln y = x^x \ln e = x^x \quad (3)$$

$$\frac{y'}{y} = (x^x)' \Rightarrow y' = e^{x^x} (x^x)' \quad (*) \quad (3)$$

نضع $u = x^x$ (1) نأخذ لوغاريتم الطرفين

$$\ln u = x \ln x \Rightarrow \frac{u'}{u} = \ln x + 1 \quad (2)$$

$$u' = x^x (\ln x + 1) \quad (2)$$

$$(x^x)' = x^x (\ln x + 1) \quad (2)$$

$$y' = e^{x^x} [x^x (\ln x + 1)] \quad (2) \quad \text{نضع (*)}$$

الطلب الثاني: (١٥) درجات $\lim_{x \rightarrow 0} \ln y = \lim_{x \rightarrow 0} x^x = 0$
 فالحكم ليس حسب لوبيتال (2)

نأخذ لوغاريتم الطرفين $\ln y = x \ln x$

نأخذ مقياس (هـ) (أ) تصبح (٥.٥)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{2^n} \ln n = \frac{-\frac{1}{n}}{2} \xrightarrow{n \rightarrow \infty} \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{2^n} = 0 \quad (1)$$

لغز بقية I بالشيء (2)

$$\rho = \lim_{n \rightarrow \infty} \left[n^{\frac{1}{2n}} \right] = 1 \Rightarrow \rho = 1$$

طريقة ثانية: حسب الجبر (توزيع الحد)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+1}}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{n+1}{n}} = 1$$

حالة ثالثة

طريقة ثالثة: بالمقارنة مع السلسلة الجبرية $\sum \frac{1}{n}$ تكونت السلسلة الجبرية (توزيع الحد)

طريقة ثالثة: قاسم متساويين

$$f(x) = e^{\sin x} = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \dots + 0_n$$

$$f(0) = e^{\sin 0} \Big|_{x=0} = e^0 = 1 \quad (2)$$

$$f'(0) = \cos x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = 1 \quad (2)$$

$$f''(0) = -\sin x e^{\sin x} + \cos^2 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = 1 \quad (2)$$

$$f'''(0) = -\cos x e^{\sin x} - \sin x \cos x e^{\sin x} - 2 \sin x \cos x e^{\sin x} + \cos^2 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = -1 + 1 = 0 \quad (3)$$

$$\begin{aligned} f^{(4)}(0) &= -\cos^2 x e^{\sin x} + \sin x e^{\sin x} - \cos^2 x e^{\sin x} + \sin^3 x e^{\sin x} \\ &\quad - \sin x \cos^2 x e^{\sin x} - 2 \cos^2 x e^{\sin x} + 2 \sin^3 x e^{\sin x} - 2 \sin x \cos^2 x e^{\sin x} \\ &\quad - 3 \cos^2 x \sin x e^{\sin x} + \cos^4 x e^{\sin x} \\ &= -1 + 0 - 1 + 0 - 0 - 2 + 0 - 0 - 0 + 1 \\ &= -3 \end{aligned} \quad (4)$$

بائیک بلور لہذا (4) د درجہ سہویہ (بالترتیب بالترتیب)

$$e^{\sin x} = 1 + x + \frac{x^2}{2!} - \frac{3x^4}{4!} \quad (1)$$

$$e^{\sin x} = 1 + x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{4 \times 2}$$

$$e^{\sin x} = 1 + x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{8} \quad (1)$$

استاذ

مستشار

16/8/2015



د. نيل أحمد علي

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي 1
الفصل الدراسي الثاني (2014 - 2015)
المستوى الأول - المدة : ساعتين

جامعة تشرين
كلية العلوم الثانية - طرطوس
قسم الفيزياء - نظام قديم (مقرر)

السؤال الأول : (35 درجة)
لتكن لدينا الدالتين التاليتين :

$$a) y = \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^x, \quad b) y = (\cos 2x)^{\frac{3}{x^2}}$$

أوجد نهاية الدالة (a) عندما x تسعى إلى اللانهاية، ونهاية الدالة (b) عندما x تسعى إلى الصفر.

السؤال الثاني : (30 درجة)

1- أوجد المشتقة من المرتبة الأولى للدالتين التاليتين :

$$y = \arctan(\cos x), \quad y = x^x$$

2- برهن إن المشتقة من المرتبة الثانية تساوي y/a^2 للدالة التالية :
حيث a عدد ثابت

$$y = \frac{a}{2} \left(e^{x/a} + e^{-x/a} \right)$$

السؤال الثالث : (35 درجة)

$$1. \text{ أدرس تقارب السلسلة التالية : } s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2^n}$$

2. أوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك لوران للدالة التالية : $y = e^{\sin x}$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
د. نيل أحمد علي



۱)

الم تصحیح تحلیل ریاضی ۱
نظریات و مسائل ریاضی اول
نظام قدیم (سازمان قدیم)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+1}{n-1} \right)^n = \left(1 + \frac{2}{n-1} \right)^n$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+1}{n-1} \right)^n = \left(1 + \frac{1}{\frac{n-1}{2}} \right)^n$$

این را در اول:
(35)
در صحت

تغییر متغیر: $n+1=2t \Rightarrow t = \frac{n+1}{2}$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+1}{n-1} \right)^n = \left(1 + \frac{1}{t} \right)^{2t-1} = \frac{1}{\left(1 + \frac{1}{t} \right)^{2t+1} \left(1 + \frac{1}{t} \right)^2 \left(1 + \frac{1}{t} \right)}$$

$$= \frac{1}{e^2 \cdot 1} = \frac{1}{e^2} = e^{-2}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+1}{n-1} \right)^n = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{1}{n-1} - 1 \right)^n}{\left(\frac{1}{n-1} \right)^n} = \frac{\bar{I}_1}{\bar{I}_2} (*)$$

فرض $\bar{I}_1$ و $\bar{I}_2$ را به روش ل'Hopital

b) $y = \ln(\cos nx)^{\frac{3}{n^2}}$

در انتهای سوال به کار ببرید

$$\ln y = \frac{3}{n^2} \ln(\cos nx)$$

$$= \frac{3 \ln(\cos nx)}{n^2}$$

در انتهای سوال به کار ببرید

2)

$$\ln y = \frac{-3 \ln 2n \cdot 2}{\ln 2n} \quad (5) \quad = \frac{-6 \ln 2n}{2n \ln 2n} = \frac{-6 \ln 2n}{(5) 2n \ln 2n}$$

$$\ln y = -6 \cdot 2 \cdot \frac{\ln 2n}{2n \ln 2n} = -6 \cdot 1 \cdot 1 = -6$$

$$\ln y = -6 \Rightarrow y = e^{-6}$$

القيمة المتوسطة (المتوسط) (1)
 $y = \arctan(\cos x) = -\frac{\pi}{4}$ (3)
 (2) $\cdot$ (3) $\cdot$ $\frac{1}{1 + \cos 2x}$

$$y = x^n$$

والمتوسط (المتوسط) (1)
 (2) $\cdot$ (3) $\cdot$ $\frac{1}{1 + \cos 2x}$

$$\ln y = n \ln x$$

$$\frac{y'}{y} = \ln x + x \cdot \frac{1}{x} \Rightarrow y' = y(\ln x + 1)$$

$$y' = x^n(\ln x + 1) \quad (1)$$

$$y' = \frac{a}{2} \left(\frac{1}{a} e^{n/a} + \frac{1}{a} e^{-n/a} \right) = \frac{1}{2} (e^{n/a} - e^{-n/a})$$

$$y'' = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{a} e^{n/a} + \frac{1}{a} e^{-n/a} \right) = \frac{1}{2a} (e^{n/a} + e^{-n/a})$$

$$a^2 y'' = \frac{a}{2} \left(\frac{1}{a} e^{n/a} + \frac{1}{a} e^{-n/a} \right) = y \quad (5)$$

(y = \frac{y}{2})

2)

الفوائد بعد هذا القول (١٦)

35
پہلوں، اُلو، اُلو، اُلو، اُلو

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n(5)} = \frac{\frac{n+2}{2^{n+1}}}{\frac{n+1}{2^n}} = \frac{n+2}{2^{n+1}} \cdot \frac{2^n}{n+1} = \frac{n+2}{2(n+1)}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+2}{2n+2} = \frac{1}{2} < 1 \quad \text{converges}$$

صبر المسافر

الملك شى، قانونه ما يجرى على العرفية

$$f(x) = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) = \frac{24}{n!} f^{(n)}(0)$$

$f(0) = e^{-0} = 1$

$$f'(0) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(0+h) - f(0)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^h - 1}{h} = 1$$

(3) $p = -G_{20} - 2G_{24}e^{\frac{1}{2}\sqrt{3}\theta} - 2G_{40}e^{\sqrt{3}\theta} + G_{44}e^{\frac{3}{2}\sqrt{3}\theta}$

(4) $p = -G_{20}e^{\frac{1}{2}\sqrt{3}\theta} - 2G_{24}e^{\frac{3}{2}\sqrt{3}\theta} - 2G_{40}e^{\frac{5}{2}\sqrt{3}\theta} + G_{44}e^{\frac{7}{2}\sqrt{3}\theta}$

(4)
P = -G_ne + G_{n-1}e
- S_nG_no - rG_ne + rG_{n-1}e
+ rC_nC_ne - C_nA_ne + C_nH_ne / n

= -1 - ...

$1 + 2 = -1 - 1 - 2 + 1 = -3$

$$C = 1 + 2 + \frac{2^2}{2} - \frac{2^4}{8}$$

سأصحح

الامتحان النهائي لمقرر تحليل رياضي ١
الفصل الدراسي الأول (٢٠١٤ - ٢٠١٥)
السنة الأولى - المدة : ساعتين

جامعة تشرين
كلية العلوم الشابة - طرطوس
قسم الفيزياء - نظام حديث

السؤال الأول : (٢٥ درجة)

١- أوجد المشتقة من المرتبة الأولى للدالتين التاليتين :

$$y = \arctan(\cos x) , \quad y = x^x$$

٢- برهن أن المشتقة من المرتبة الثانية تساوي y/a^2 للدالة التالية :
حيث a عدد ثابت

$$y = \frac{a}{2} \left(e^{x/a} + e^{-x/a} \right)$$

السؤال الثاني : (٢٥ درجة)

لتكن لدينا الدالة التالية

$$f(x) = \begin{cases} -3x & ; \quad x \leq 1 \\ ax - b & ; \quad 1 < x < 3 \\ x^2 - 6 & ; \quad x \geq 3 \end{cases}$$

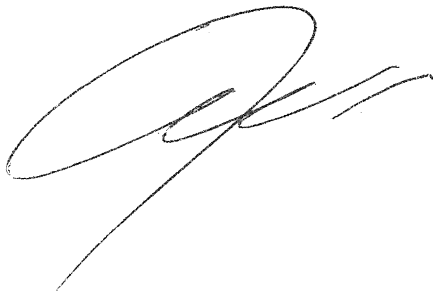
- ١- أوجد قيمة الثابتين a, b حتى تكون الدالة مستمرة عند النقطة 1 ومستمرة عند النقطة 3
٢- بفرض أن $a=3$ و $b=6$ بين أن الدالة مستمرة عند النقطة 1 وبين إذا كانت مستمرة عند النقطة 3.

السؤال الثالث : (٢٥ درجة)

$$s = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2^n} : \text{أدرس تقارب السلسلة التالية :}$$

٢. أوجد أربعة حدود غير معدومة من منشور ماك لوران للدالة التالية : $y = e^{\sin x}$

مع التمنيات للجميع بالتوفيق والنجاح
د. نبيل أحمد علي



(1)

سلام تجميع تجميع باض 1
لطلاب السنة الاولى قسم الفيزياء
في 14 - 15

المحاور الاول : الطلب الاول (10) درجة
(25) درجة

$$y = \arctan(\cos x) \quad (3)$$

$$y' = \frac{-\sin x}{1 + \cos^2 x} \quad (2)$$

$$y = x^x$$

لأجل التفاضل اللوغاريتمي

$$\ln y = x \ln x \quad (1)$$

بالتفاضل

$$\frac{y'}{y} = \ln x + x \cdot \frac{1}{x} \quad (1)$$

$$y' = y (\ln x + 1) = x^x (\ln x + 1) \quad (1)$$

الطلب الثاني : (15) درجة

بواسطة طريقة

$$y' = \frac{a}{2} \left[\frac{1}{a} e^{\frac{x}{a}} - \frac{1}{a} e^{-\frac{x}{a}} \right] = \frac{1}{2} \left[e^{\frac{x}{a}} - e^{-\frac{x}{a}} \right]$$

$$y'' = \frac{1}{2} \left[\frac{1}{a} e^{\frac{x}{a}} + \frac{1}{a} e^{-\frac{x}{a}} \right] = \frac{1}{2a} \left[e^{\frac{x}{a}} + e^{-\frac{x}{a}} \right]$$

$$a^2 y'' = \frac{a}{2} \left[e^{\frac{x}{a}} + e^{-\frac{x}{a}} \right] = y \Rightarrow y'' = \frac{y}{a^2}$$

2)

طریقیاً تفہاز

$$y = a \ln \frac{x}{a}$$

بالاشتقاق

$$y' = \ln \frac{x}{a}$$

بالاشتقاق ثانیاً

$$y'' = \frac{1}{a} \ln \frac{x}{a} = \frac{1}{a} \cdot \frac{y}{\frac{x}{a}} = \frac{y}{a^2}$$

الطلب الاول [15] درجہ

السؤال الثاني [25] درجہ

مطلوبہ: اگر $\lim_{x \rightarrow 1^+} (ax - b) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (-3x)$ ہے تو a کی قیمت معلوم کریں۔

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (ax - b) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (-3x) \Rightarrow$$

$$a - b = -3 \quad (1) \quad (2)$$

دوسرا کورس: اگر $\lim_{x \rightarrow 3^+} (ax - b) = \lim_{x \rightarrow 3^+} (x^2 - 6)$ ہے تو a کی قیمت معلوم کریں۔

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} (ax - b) = \lim_{x \rightarrow 3^+} (x^2 - 6) \Rightarrow$$

$$3a - b = 3 \quad (2) \quad (2)$$

$$(1) \quad a = -3 + b \quad (3) \quad (2) \quad (3)$$

نوعاً اول (2) کی

$$-9 + 3b - b = 3$$

$$2b = 12 \Rightarrow b = 6 \quad (2) \quad (2)$$

نوعاً اول (3) کی

$$a = -3 + 6 = 3$$

$$\{a = 3\} \quad (2)$$

3)

الطلب الثاني : (10) في جزأين
لنحسب النهاية عند النقطة $x=1$

$$\lim_{n \rightarrow 1^+} (3n-6) = \lim_{n \rightarrow 1^+} (-3n) = \lim_{n \rightarrow 1^+} (-3) = -3$$

الآن نرى عند النقطة $x=1$ فإن النهاية

لنحسب النهاية عند النقطة $x=3$

$$\lim_{n \rightarrow 3^-} (3x-6) = \lim_{n \rightarrow 3^+} (x^2-6) = \lim_{n \rightarrow 3} (x^2-6) = 3$$

فإن النهاية عند النقطة $x=3$

الحال الثالث : الطلب الأول (10) درجتان
(25) درجة

سبب افتبار كوشي

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^{\frac{1}{n}}}{(2^n)^{\frac{1}{n}}} = \frac{1}{2} \lim_{n \rightarrow \infty} (n+1)^{\frac{1}{n}}$$

$$I = \lim_{n \rightarrow \infty} (n+1)^{\frac{1}{n}} \quad (1)$$

ولذلك لم نتمكن من التوصل إلى نتيجة (0) لأننا لم نتمكن من التوصل

$$\lim_{n \rightarrow \infty} I = \frac{1}{n} \lim_{n \rightarrow \infty} (n+1) = \frac{\lim_{n \rightarrow \infty} (n+1)}{n} \quad (1)$$

ولذلك لم نتمكن من التوصل إلى نتيجة (0) لأننا لم نتمكن من التوصل

$$\ln I = \frac{1}{n+1} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \ln I = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n+1} = 0 \quad (1)$$

$$\ln I = 0 \Rightarrow I = e^0 = 1 \quad (1)$$

نوعاً (*) في

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = \frac{1}{2} \cdot 1 = \frac{1}{2} < 1 \quad (1)$$

فائدة مقاربة (1)

طريقة أخرى: يمكن إثباته باستخدام الجبر

القلب الثاني (1) (2) (3)

قانون تايور

$$f(x) = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \dots + \frac{x^n}{n!} f^{(n)}(0) + R_n$$

$$f(x) = e^{\sin x}$$

$$f(0) = e^{\sin 0} = e^0 = 1 \quad (1)$$

$$f'(0) = \cos x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = 1 \quad (1)$$

$$f''(0) = -\sin x e^{\sin x} + \cos^2 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = 1 \quad (2)$$

$$f'''(0) = -\cos x e^{\sin x} - \sin x \cos x e^{\sin x} - 2 \sin x \cos x e^{\sin x} + \cos^3 x e^{\sin x} \Big|_{x=0} = -1 - 0 - 0 + 1 = 0$$

$$f^{(4)}(0) = -\cos^2 x e^{\sin x} + \sin x \cos^2 x e^{\sin x} - \cos^2 x e^{\sin x} +$$

$$(3) \sin^2 x e^{\sin x} - \sin x \cos^2 x e^{\sin x} - 2 \cos^2 x e^{\sin x} + 2 \sin^2 x e^{\sin x} - 2 \sin x \cos^2 x e^{\sin x} - 2 \cos^2 x e^{\sin x} + 4 \sin x \cos^2 x e^{\sin x}$$

5)

$$f^{(4)}(0) = -1 - 0 - 1 + 0 - 0 - 2 + 0 - 0 - 0 + 1 = -3$$

سورة يونس - حاشية لدرس فنية

$$S_{1, x} = 1 + \frac{x}{1!}(1) + \frac{x^2}{2!}(1) + \frac{x^3}{3!}(0) + \frac{x^4}{4!}(-3)$$

$$\frac{\sinh x}{x} = 1 + x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^4}{8} \quad (1)$$

عليه السلام

2

2/2/14

1
2
3/14

Atol



فرع 1
تجمع الكليات (كلية العلوم)
فرع 2

الكورنيش الشرقي جانب MTN

مكتبة



طباعة محاضرات - قرطاسية

Mob: 0931 497 960

