



كلية العلوم

القسم : الرياضيات

السنة : الثانية

المادة : تحليل رياضي ٣

المحاضرة : الخامسة / عملي

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

2

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

الدكتور:

المحاضرة:

5 عملية



القسم: الرياضيات

السنة: الثانية

المادة: تحليل رياضي 3

التاريخ: / /

A to Z Library for university services

تمرين: ادرس تقارب المتسلسلة

$$① \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n-1}{2^n}$$

$$\left| \frac{u_{n+1}}{u_n} \right| = \left| \frac{n}{2^{n+1}} \cdot \frac{2^n}{n-1} \right| = \left| \frac{n \cdot 2^n}{2^{n+1} \cdot (n-1)} \right| = \frac{n}{2(n-1)} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} = \frac{1}{2} < 1$$

المتسلسلة متقاربة حسب اختبار النسبة

$$② \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{10^n} \Rightarrow \left| \frac{u_{n+1}}{u_n} \right| = \left| \frac{(n+1)!}{10^{n+1}} \cdot \frac{10^n}{n!} \right| = \left| \frac{(n+1)n! \cdot 10^n}{10^{n+1} \cdot n!} \right|$$

$$= \frac{(n+1) \cdot 10^n}{10^{n+1}} = \frac{n+1}{10} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} = \infty > 1$$

المتسلسلة متباعدة حسب اختبار النسبة

$$③ \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+5}{3n-2} \right)^n \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\left(\frac{n+5}{3n-2} \right)^n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+5}{3n-2}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} = \frac{1}{3} < 1$$

المتسلسلة متقاربة حسب اختبار كوشي

$$④ 1 + \sum \frac{(2n-1)!!}{2n!!} \cdot \frac{1}{2n+1}$$



$$\lim_{n \rightarrow \infty} n \left(\frac{u_n}{u_{n+1}} - 1 \right) = n \left(\frac{(2n-1)!!}{2n!!} \right) \cdot \frac{1}{2n+1} \cdot \frac{(2n+2)!!}{(2n+1)!!} \cdot \frac{2n+3}{1} - 1$$

$$(2n+1)!! = (2n+1)(2n-1)!!$$

$$(2n+2)!! = 2n+2(2n+1)!!$$

$$= 1 + n \left(\frac{(2n-1)!!}{2n!!} \cdot \frac{1}{2n+1} \cdot \frac{(2n+2)2n+1}{(2n+1)!!} \cdot \frac{2n+3}{1} - 1 \right)$$

$$1 + n \left(\frac{(2n+2)(2n+3)}{(2n+1)(2n+1)} - 1 \right) = 1 + n \left(\frac{4n^2 + 10n + 6 - 4n^2 - 4n - 1}{(2n+1)^2} \right)$$

$$1 + n \left(\frac{6n+5}{(2n+1)^2} \right) = 1 + \frac{6n^2 + 5n}{4n^2 + 4n + 1} = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{6n^2 + 5n}{4n^2 + 4n + 1} \right)$$

$$= \frac{5}{2} > 1$$

المسلسلة متناهية ~~المسلسلة متناهية~~

⑤. $\sum \frac{n}{(2n-3)^2}$

نأخذ المسلسلة $\sum \frac{1}{n}$

بالنسبة $\frac{n}{(2n-3)^2}$

$$\frac{n}{(2n-3)^2} = \frac{n^2}{(2n-3)^2} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2}{(2n-3)^2} = \frac{1}{4} \neq 0$$

المسلسلة متناهية ~~المسلسلة متناهية~~
 $\sum \frac{1}{n}$ متناهية ~~متناهية~~ فالسلسلة $\sum \frac{n}{(2n-3)^2}$ متناهية



مكتبة
A to Z