



حل مسائل مادة الفيزياء الاشعاعية

بإشراف الدكتورة: فاتن الأحمد

إعداد الطلاب:

رنيم يونس حسني

مدى قصي مرعي

لجين فاضل فاضل

محمد محمود منصور

حيدرة حسني محمد

المسألة الأولى:

ليكن لدينا شحنة هدف تحتوي ذرات من الفضة بكثافة 10^{20} cm^{-3} يتم قذفه بجهد من الإلكترونات:

① أصف المقطع العرضي الهندسي لنواة الفضة: العدد الكلي للفضة هو 108

2: أصف المسار الحر الوسطي لهذه الشحنة الفضة.

3: أصف العمر الوسطي للإلكترونات في الشحنة الهدف إذا علمت أن الطاقة الحركية للإلكترون هي $0,5 \text{ MeV}$

4: أصف معدل التفاعل

المعطيات:

كثافة ذرات الفضة: $n = 10^{20} \text{ cm}^{-3} \Rightarrow n = 10^{26} \text{ m}^{-3}$

العدد الكلي للفضة: $A = 108$

نسبة نصف القطر النووي: $r_0 = 1,2 \text{ fm} = 1,2 \cdot 10^{-15} \text{ m}$

طاقة الإلكترونات الحركية: $E_K = 0,5 \text{ MeV}$

التواب: $1 \text{ eV} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

كتلة الإلكترون الساكنة $m_e = 9,11 \cdot 10^{-31} \text{ kg} = 0,511 \text{ MeV}/c^2$

سرعة الضوء في الفراغ $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$

الحل:

① المقطع العرضي الهندسي لنواة الفضة:

نسبة نصف قطر النواة من العلية $R = r_0 A^{1/3} = 1,2 \cdot 10^{-15} \text{ m} \cdot 108^{1/3} = 5,74 \cdot 10^{-15} \text{ m} = 5,7 \text{ fm}$

المقطع العرضي الهندسي $S = \pi r^2 = \pi (5,74 \cdot 10^{-15})^2 = 1,04 \cdot 10^{-28} \text{ m}^2$

② المسار الحر المتوسط $\lambda = \frac{1}{n\sigma}$

$\lambda = \frac{1}{10^{26} \cdot 1,04 \cdot 10^{-28}} = 97,4 \text{ m}$

③ العمر الوسطي للإلكترون داخل الشحنة [الزمن المتوسط بين تفاعلين]

نحتاج حساب سرعة الإلكترون v لأن طاقة الإلكترون الحركية قريبة من طاقته الساكنة

عامل لورنتز $\gamma = 1 + \frac{E_K}{m_e c^2}$

$\gamma = 1 + \frac{0,5}{0,511} = 1,975$

- السرعة النسبية : $\beta = v/c = \sqrt{1 - 1/\gamma^2}$

$$\beta = \sqrt{1 - 1/(1.97)^2} = 0.862$$

$$v = \beta \cdot c = 2.587 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

العمر الوسيط : $\gamma = \frac{\lambda}{v} = \frac{97.4 \text{ m}}{2.587 \cdot 10^8 \text{ m/s}} = 3.7 \cdot 10^{-7} \text{ s}$

معدل التفاعل ~~المتوسط~~ $R = n \cdot \sigma \cdot v = 2.65 \cdot 10^6 \text{ s}^{-1}$

تقوية الطالب :

رنيم يونس حسن

الموضوع: مدت فحص مارس ١٩٧٢ التاريخ: / /

[٢] طاقة α الناتجة من التحلل

$$E_{\alpha}(A) = Q_{\alpha} \left(\frac{A_p - 4}{A_p} \right)$$

$$= \frac{Q_{\alpha}}{1 + \frac{m_{\alpha}}{M(D)}}$$

$$= Q_{\alpha} \cdot \frac{M_D}{M_D + M_{\alpha}}$$

$$= 5.556 \times \frac{214,008973}{214,008973 + 4.002603}$$

$$= 5,456 \text{ MeV}$$

[٣] $E_{\alpha}(D) = Q_{\alpha} - (E_{\alpha})_{\alpha}$

$$= \frac{4Q_{\alpha}}{A_p} = Q_{\alpha} \frac{M_{\alpha}}{M_D + M_{\alpha}}$$

$$= 5.556 \times \frac{4,002603}{212,011576}$$

$$= 0,1007 \text{ MeV}$$

[١] الطاقة الكلية للنواة

$$Q_{\alpha} = M_{p1} - [M(D) + M(^4\text{He}^4)] c^2$$

$$= (M_p - M_D - m_{\alpha}) c^2$$

$$(222,01754 - 218,008973 - 4,002603) \times 931,49410242$$

$$= 5,55636 \text{ MeV}$$

طريقة الطاقة الكتلية للنواة

$$Q_{\alpha} = M_{p1} - [M(D) + M(\alpha)] c^2$$

$$206764,1025 - 203031,1321$$

$$- 3727,3791$$

$$= 5,59100 \text{ MeV}$$

$$Q_{\alpha} = E_B(D) + E_B(\alpha) - E_B(p) c$$

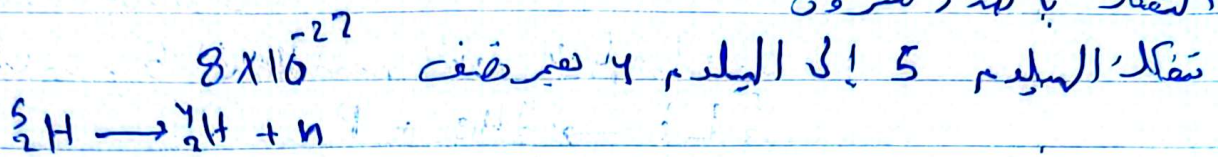
$$1685,47305 + 28,29569$$

$$- 1708,1777$$

$$= 5,59104 \text{ MeV}$$

الموضوع: مسألة ثالثة

التفكك بأحد النوى



- تحقق من إمكانية حدوث هذا التفكك

- اكتب طاقة التفكك

- اكتب طاقة المركب للنيوترون وللنواة البنت

لتحقق من إمكانية التفكك حسب طاقة الارتباط Q_n

$$Q_n = E_D(\text{النواة الأم}) - E_D(\text{الناتج})$$

$$= 28.295673 - 27.405673 = 0.89 \text{ MeV}$$

بما أن Q_n موجبة فإن التفكك ممكن وهذه الطاقة هي 0.89 MeV

- الطاقة المركبة للنيوترون تفصل بالمعادلة

$$E_{kn} (E_k)_n = Q_n \frac{1}{1 + \frac{m_n}{m_D}}$$

$$= 0.89 \frac{1}{1 + \frac{1.008665}{4.002603}} = 0.7108613369 \text{ MeV}$$

بالتالي الطاقة المركبة للنواة البنت

$$Q_n = (E_k)_n + (E_k)_D \Rightarrow (E_k)_D = Q_n - (E_k)_n$$

$$\Rightarrow (E_k)_D = 0.89 - 0.7108613369$$

$$= 0.1791 \text{ MeV}$$

~~كذلك~~

تقدمية

أحسن ما ضل

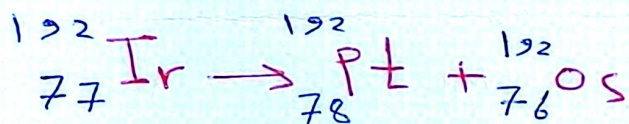
سؤال: الايريديوم ^{192}Ir هو نظير مشع يستخدم بشكل كبير في المعالجة

الشعاعية الداخلية ويملك عمر نصف 7.4 days يتفكك وفق عملية β^- إلى البلاتينيوم ^{192}Pt ويتفكك إلى الأوسميوم ^{192}Os عن طريق

الأشعة الإلكترونية. المطلوب: احسب طاقة التفكك Q_{β^-} و طاقة التفكك Q_{α} .

الحل:

يتفكك الايريديوم إلى البلاتينيوم وإلى الأوسميوم وفق المعادلة الآتية:



- نكتب طاقة تفكك Q_{β^-} من القانون التالي:

$$Q_{\beta^-} = \{ M(Z, A) - M(Z+1, A) \} c^2$$

حيث $c^2 = 931.5 \text{ MeV/u}$

نكتب طاقة تفكك الايريديوم إلى البلاتينيوم

$$Q_{\beta^-} = \{ M(^{192}_{77}\text{Ir}) - M(^{192}_{78}\text{Pt}) \} c^2$$

$$Q_{\beta^-} = \{ 191.96260 - 191.96104 \} c^2$$

$$Q_{\beta^-} = \{ 0.00156 \text{ u} \} 931.5 \text{ MeV/u}$$

$$Q_{\beta^-} = 1.45 \text{ MeV}$$

لحساب طاقة تفكك
النوية = يعبر إلى الأوسيوم

$$\begin{aligned}
 Q_{\beta^-} &= \{ M(^{192}_{77}\text{Ir}) - M(^{192}_{76}\text{Os}) \} c^2 \\
 &= \{ 191.96260 - 191.96148 \} c^2 \\
 &= \{ 0.00112 \text{ u} \} c^2 \\
 &= \{ 0.00112 \text{ u} \} 931.5 \text{ MeV/u} \\
 \Rightarrow Q_{\beta^-} &= 1.11 \text{ MeV}
 \end{aligned}$$

- لحساب طاقة تفكك Q_{α} من العلاقة التالية:

$$\begin{aligned}
 Q_{\alpha} &= [M(^{192}_{76}\text{Os}) - M(^{192}_{78})] c^2 \\
 Q_{\alpha} &= [191.96148 - 191.96104] c^2 \\
 Q_{\alpha} &= [0.00044 \text{ u}] 931.5 \text{ MeV/u} \\
 Q_{\alpha} &= 0.40 \text{ MeV}
 \end{aligned}$$

نقطة: الطالب محمد محمود منقول.

التفكك بإصدار بروتون؛
تفكك الليثيوم 5 إلى الهيليوم 4 بإصدار بروتون
 ${}^5_3\text{Li} \rightarrow {}^4_2\text{He} + \text{p}$

- إمكانية حدوث هذا التفكك
- أصب طاقة التفكك
- أصب الطاقة المركبة للبروتون و للنواة البنت

الحل:
لتحقق من إمكانية التفكك حسب طاقة الارتباط Q_n

$$Q_n = E_D(\text{البنت}) - E_D(\text{الأم}) = 28.295673 - 26.330674$$

$$= 1.964999 \text{ MeV}$$

بما أن Q_n و بينه فإن التفكك ممكن و به طاقة قدره 1.964999 MeV
الطاقة المركبة للبروتون تعطى بالعلاقة

$$(E_k)_p = Q_n \frac{1}{1 + \frac{m_p}{m_D}}$$

$$\Rightarrow (E_k)_p = 1.964999 \times \frac{1}{1 + \frac{1.007825}{4.002603}}$$

$$\Rightarrow (E_k)_p = 1.569748311 \text{ MeV}$$

- الطاقة المركبة للنواة البنت

$$(E_k)_p = Q_n - (E_k)_p = 1.964999 - 1.569748311$$

$$= 0.395250689 \text{ MeV}$$

~~هذه الطاقة~~

تقدم: هيرة محمد