



كلية العلوم

القسم : الفيزياء

السنة : الثانية

المادة : كهرباء ومغناطيسية ١

المحاضرة : السادسة /نظري/

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

2026

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960



الدارات الكهربائية :

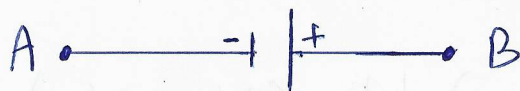
Electric circuits

القوة المحركة الكهربائية : Electromotive Force

• من الواضح أن الحصول على تيار مستمر في أي عنصر مستهلك للطاقة الكهربائية كالمقاومة الأومية مثلاً يتطلب أن نصل مرابطي هذا العنصر بجزء من طيفته الاحتفاظ بكمية ثابتة لفترته المكون بين مرابطي هذا العنصر المستهلك للطاقة يطلق على هذا الجهد اسم مولد الكهربائي .

• ويبدو عندئذ أن كل الشحنات المتحركة التي يحفظ التيار في العنصر المستهلك الطاقة تدخل إلى المولد من قطبه السالب ثم تخرج من قطبه الموجب دون أن تتغير قيمتها إذ لولا ذلك لحدث تراكم شحنات في مكان ما من العنصر المستهلك ، أو المولد ، أو أسلاك التوصيل .

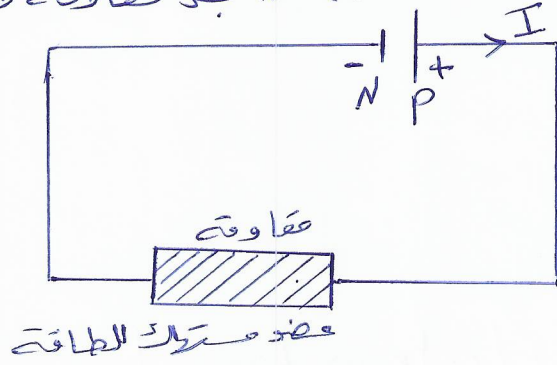
• نلاحظ من ذلك أنه سرعة التيار الذي يخرج من المولدات وسرعة التيار الذي يدخل إليه .
• نلاحظ على مخرج التيار من المولد القطب الموجب Positive $P(+)$ وعلى مدخله اسم القطب السالب Negative $N(-)$ ومن الواضح أنه القطب الموجب هو القطب ذر المكون الأعلى كما في الشكل (٨-١) .



الشكل (٨-١)

• نلاحظ على كل مني صفة ترسمه الشحنة الكهربائية لدع مرورها بحجوة من العنصر المربوطة ببعضها بعضاً بنواقل لنقل الطاقة والمولدات الكهربائية بالدارات الكهربائية .

• نوضح ذلك بالشكل (2-8) من أجل مقاومة مثلاً .



الشكل (2-8)

• لقد دلت التجارب على أنه إذا مر تيار كهربائي مقداره I في موصل كهربائي فإن طاقة حرارية تظهر فيه أثناء مرور التيار. هذا ما يثبت صحة قانون جول. لنفرض dW للطاقة الحرارية التي تظهر في الموصل خلال الفترة الزمنية dt فبحسب قانون جول - لنرى نقطاً قيمة هذه الطاقة بالعلاقة:

$$dW = r \cdot I^2 \cdot dt \quad (2-8)$$

نسمي المعيار r بالمقاومة الداخلية للموصل وواحدتها (Ω) ذات أبعادها القياسية هي نفسه أبعاد المقاومة الأومية.

• لنفرض الآن $dq = I \cdot dt$ للشحنة التي يخرج التيار في المقطع الموصل للموصل حيث V_p الجهد الكهربائي وبعد أن يمر التيار في السلك لتوصيل والفصل المستهلك للطاقة يعود إلى الموصل من قبله السالب V_N وخلال هذا المار تكون كمية الكهرباء قد خرجت من طاقة التيار الكهربائي المعقدار:

$$dW' = (V_p - V_N) dq = (V_p - V_N) I \cdot dt \quad (2-8)$$

وهذا يعني أن الطاقة التي تصرفها هذه الشحنة خلال دورة كاملة تارة:

$$dW = dW' + dW = (V_p - V_N) \cdot I \cdot dt + r \cdot I^2 \cdot dt \quad (3-8)$$

نسبة العلاقة (8-11) قانون أوم. واضح من هذه العلاقة أنه في سلك لسيار
الكهربائي تناسب طرأ مع القوة المحركة الكهربائية وعلى مع مجموع المقاومة الخارجية
والداخلية.

• إذا كانت R كبيرة جداً بالمقارنة مع r فإن فرق الجهد في الدارة الخاصة أي
بين قطبي المولد يكون ما وياً تقريباً القوة المحركة الكهربائية R أي أن:

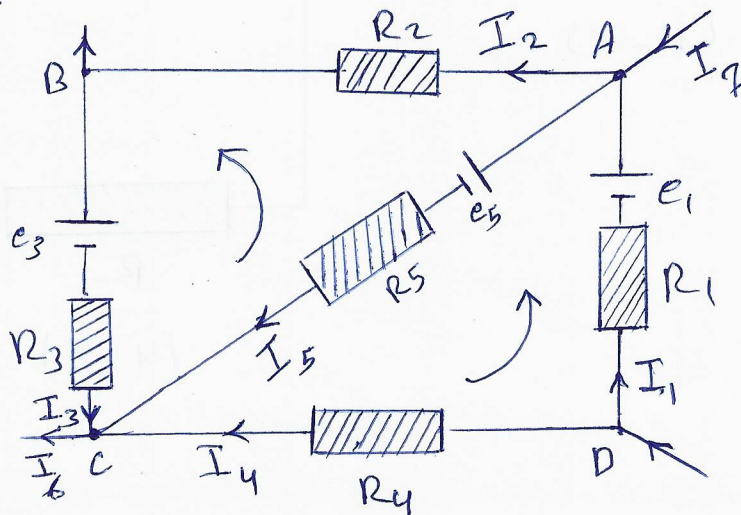
$$V \approx \mathcal{E}$$

• الدارة المقترنة:

نسمي توصيل قطبي مولد بناقلة ذي مقاومة صغيرة جداً بالدارة المقترنة، ويكون سلك لسيار
له هذه الحالة كبيرة نسبياً ووجوده بالمقاومة الداخلية المولد فقط ويكون لمقاومة خاصة
 R الناقلة الذي يفلو دارة المولد ما وية الصغر وتصبح علاقة أوم $I = \frac{\mathcal{E}}{r}$
التي تسمى سلك لسيار الدارة المقترنة.

• الشبكات المتعددة وقانونا كيرشوف: Kirchhoff's Law

نطلق اسم شبكة على مجموعة من المقاومات وطولوات والآخذات موصولة ببعضها
بعضاً ونطلق اسم عقدة على كل نقطة يلتقي فيها أكثر من سلكين، وبخاصة فرعاً كل
عنصر من الشبكة واقع بين عقدتين متتاليتين. ونسمي كل مجموعة من الفروع التي تشكل دارة
مغلقة بالحلقة ونبين فيما يلي كلاماً من العقد والفروع والحلقات على الدارة المثبتة
بالشكل (8-5).



الشكل (8-5)

من هذه العلاقة نلاحظ إمكانية اعتبار الآخذة في الدارة كمولد مربوط على العاكس مع المولد ، وعندئذ نسمي بشكل مولد يدخل التيار من قطب الموجب ويخرج من قطب السالب .
 • قانون أوم في الدارات الكهربائية :

ohm's law in the Electric circuits

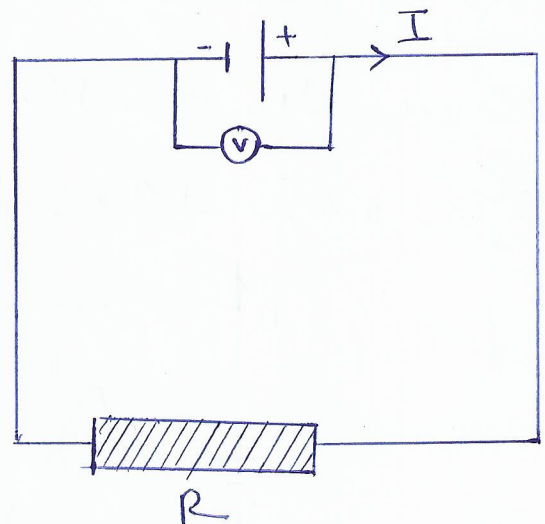
ليكن لدينا مولد كهربائي قوته المحركة الكهربائية $\mathcal{E}$ ومقاومته الداخلية r ، نربط بقطبين المولد قاطب فولط على التفرع مما في الشكل (4-8) .

• استنتاجاً إلى حد أن انخفاض الطاقة وتدفق القوة المحركة الكهربائية تنتج أن القوة المحركة الكهربائية $\mathcal{E}$ تساوي عددية الطاقة التي تحصل على واحدة الشحنة الكهربائية في الدارة الداخلية للمولد ، ومنه يمكن أن V هو عبارة عن الطاقة التي تفقد ها هذه الشحنة في الدارة الخارجية ، إضافة إلى ذلك تفقد هذه الشحنة في الدارة الداخلية طاقة قدرها rI تصير على حرارة في المولد .

• وبما أن الطاقة لا تفقد ولا تخلق من لئيم ؛ فإن الشحنة بحال على فقد المقدار في الطاقة لم تفقد ها أنتادسورها في الدارة الكهربائية كذات .

$$\mathcal{E} = V + rI = RI + rI$$

$$\Rightarrow I = \frac{\mathcal{E}}{R + r} \quad (11-8)$$



الشكل (4-8)

اسم القوة المحركة الكهربائية العكسية للآلة، إذن من العلاقة (8-8) ويتبع الطريقة التي عرفنا بها نجد:

$$e' = \frac{dw'}{I \cdot dt} = \frac{P' \cdot dt}{I \cdot dt} = \frac{P'}{I} \Rightarrow P' = e' \cdot I \quad (9-8)$$

حيث P' هي الطاقة الكهربائية التي تتحول الآلة هذه إلى شكل غير حراري

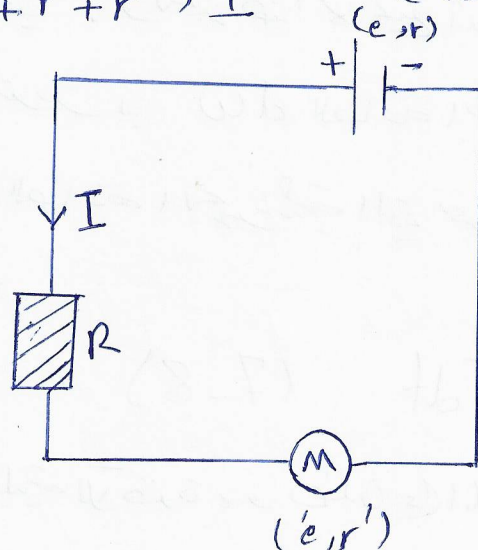
تطبيق:

لنكن لدينا دائرة كهربائية تحتوي مولداً قوته المحركة الكهربائية e ومقاومته الداخلية r ولترابط بين قطبيه على شكل مقاومة أومية R وأخذة قوتها المحركة الكهربائية العكسية e' ومقاومتها الداخلية r' بحالٍ ليكمل (8-3) كيف يمكن اعتبار ربط الآلة في هذه الدارة.

الحل: الطاقة الكهربائية للمولدات ومجموع الطاقة الكهربائية المستطاعة في الدارة " حسب مبدأ الحفظ الطاقة " أي أن:

$$eI = e'I + (R + r + r')I^2$$

$$\Rightarrow e - e' = (R + r + r')I \quad (10-8)$$



الشكل (8-3)

• نسمي المقدار $(V_p - V_r) + rI$ بالقوة المحركة الكهربائية للمولد ونفرضه باللفز e . بإذن تصبح العلاقة (3-8) كما يلي:

$$dw = e \cdot I \cdot dt \quad (4-8)$$

$$e = \frac{dw}{I \cdot dt} = \frac{dw}{dq} = \frac{p}{I} \quad (5-8)$$

$$\Rightarrow p = eI \quad (6-8)$$

• بإذن يمكن تعريف القوة المحركة الكهربائية للمولد e من علاقتين (5-8) و (6-8) بأنها نسبة العمل أو الطاقة التي يفقد المولد على الحثية الكهربائية إلى تياره. أو بتعبير آخر نسبة الطاقة الكهربائية التي يفقد المولد على شدة التيار المار فيه.

• القوة المحركة الكهربائية العكسية:

فلمنح اسم الآخذة على كل جهاز يمتلك الطاقة الكهربائية، ونحوها إلى شكل آخر غير حراري " ميكانيكي أو كيميائي ". ويمكن هذا لا يمنع أنه كمية من الطاقة تفقد في الآخذة أو تادمور السيارفيل. لنفرض dw للطاقة الكهربائية التي تتحول في الآخذة إلى حرارة و dw' الطاقة الكهربائية التي تتحول إلى شكل غير حراري بإذن خلال الفترة الزمنية dt .

$$dw = r \cdot I^2 \cdot dt \quad (7-8)$$

نسمي المقدار r بالمقاومة الداخلية للآخذة، ونطلق على المقدار e' الذي يحقق العلاقة:

$$dw' = e' \cdot I \cdot dt \quad (8-8)$$

• العقد مثل A, B, C

• الفرع مثل

$AD, BC, \dots$

• الحلقة مثل

$ACDA$ و $ABCD A$

• الدارة الكهربائية هي الدارة الممتلئة بالمثل (8-5).

إن حسابات الشبكات تعود إلى حساب التيارات الكهربائية في مختلف نوى الشبكة بعد معرفة المقارنات والقوى المحركة الكهربائية في. وهذه الحسابات تتم بواسطة القانونين التاليين المسميين بالقانونين كيرشوف أو بتعبير آخر قانون كيرشوف للجهد وتوزيع التيارات الكهربائية في الشبكات.

القانون الأول : قانون العقد :

يذهب هذا القانون على أن مجموع التيارات المتداخلة في عقدة من الشبكة يساوي الصفر. وهذا القانون يعيد على قانون انحفاظ الشحنة حيث أنه يندرج على اعتبارات التيار في الدارة كالمعادلة صوحبة والتيارات الخارجة من سالبة.

مثال عن ذلك العقدة C :

$$I_5 + I_3 + I_4 - I_6 = 0$$

$$\Rightarrow I_3 + I_4 + I_5 = I_6$$

وبذلك عند العقدة A ، ويمكن تعميم ذلك رياضياً بالعلاقة :

$$\sum I = 0 \quad (8-12)$$

إذاً لا يمكن تخزين التيار الكهربائي في العقدة ، فالتيار الذي يدخل إلى العقدة يجب أن يساوي التيار الذي يخرج منها.

القانون الثاني: قانون الحثثات أو التيارات:

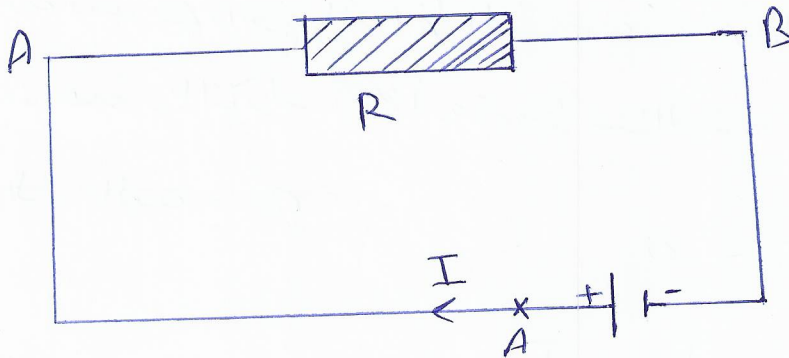
فندرسه على أنه في أية دائرة كهربائية ياتوي مجموع حامل ضرب المقاومات في سرعة التيار الكهربائي الذي يجتازها. ويمكن التعبير عن ذلك رياضياً بالعلاقة:

$$\sum_{i=1}^n \mathcal{E}_i = \sum_{i=1}^n R_i I_i \quad (8-13)$$

حيث R تمثل هنا جميع المقاومات الداخلية والخارجية في الدائرة الكهربائية.

• يمكن التعبير رياضياً عن القانون الثاني كالتالي: كل قانون لحظي من نوع الكهول أي أنه مجموع تغيرات من نوع الكهول في دائرة مغلقة يساوي الصفر أي أنه المجموع الجبري لزيادة وتقصان من نوع الكهول في الدارة يكون معدوماً أي اعتبار نقصان الكهول سالباً وزيادة موجبة.

• مثلاً إذا انتقلنا من نقطة A إلى النقطة B عبر المقاومة R بحال كما في الشكل (8-6)



الشكل (8-6)

وذلك في اتجاه التيار يكون نقطة A ذات كحول أعلى. ولذلك يكون التغير في الكهول من A إلى B يساوي $(+RI)$.

• هذا عند تطبيق قانوني كيرستوف نتبع الخطوات التالية:

1- نختار على كل فرع من فروع الحلقة جهة موجبة للتيار في كل كمين ونعتبر سرعة التيار مقدراً حقيقياً موجباً في الجهة المختارة، وسالباً في الجهة المعاكسة. وبشكل عام نعتبر التيار الداخل إلى العقدة موجباً، والتيار الخارج من العقدة سالباً. كما نختار جهة موجبة للدوران على كل حلقة.

2 - تعتبر القوة المحركة الكهربائية موجبة إذا خرجت من العقدة لموجبة للولد باتجاه

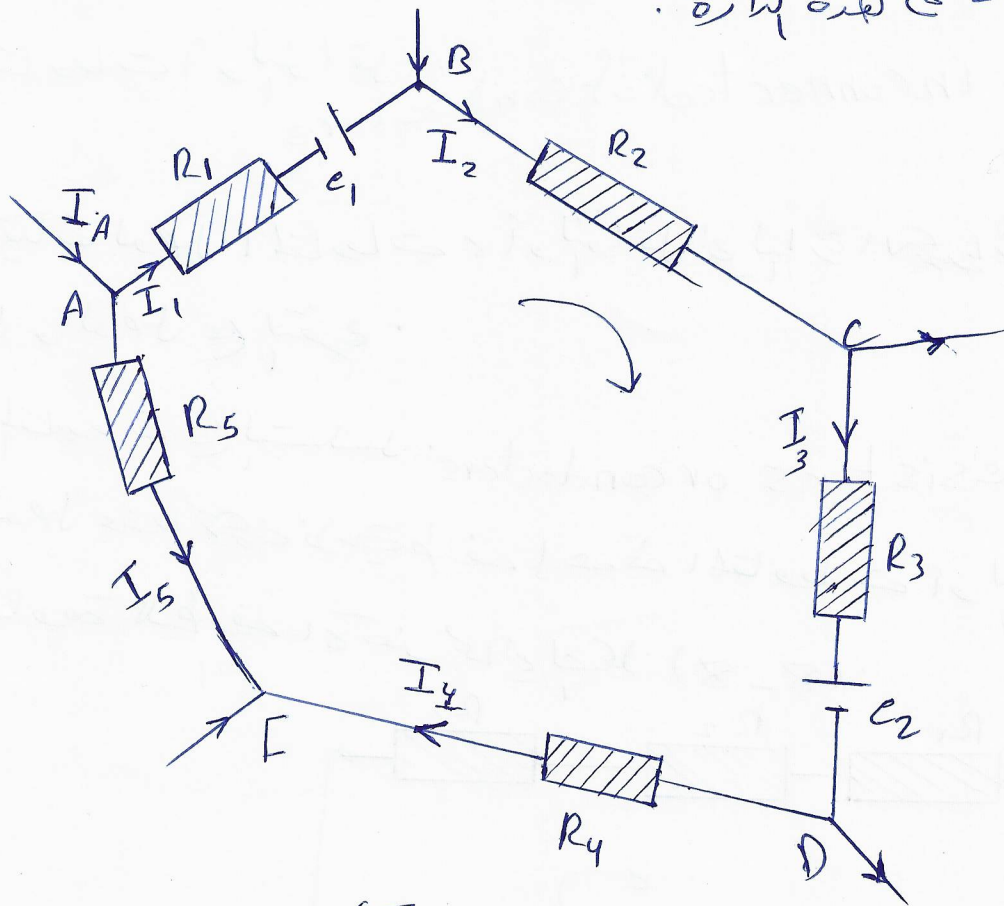
الجبهة الموجبة للدوران على الساعة وسالبة في الاتجاه المعاكس.

3 - تعتبر القوة المحركة بين طرفي المقاومة RI موجبة إذا كانت جهة التيار حسب

الاتجاه الموجب للدوران وسالبة في الاتجاه المعاكس.

تطبيقات على قانون كيرسوف

تطبيق (1): لتكن لدينا الدارة الكهربائية المبينة في الشكل (7-8) والمطلوب طبق قانون كيرسوف على هذه الدارة.



الشكل (7-8)

1 - قانون العقدة:

$$\sum I = 0$$

في العقدة A

$$\Rightarrow I_A - I_1 - I_5 = 0$$

وهكذا نكتب المعادلات B و C و D و F هي اعتبارنا المسار المتألف من كل المقعدة
موجبة والخارجة من سالبة. نحتاج إلى معرفة للدراسة باتجاهات معادلات
الساعة.

ونطبق القانون التالي :

$$\sum e_i = \sum I_i R_i$$

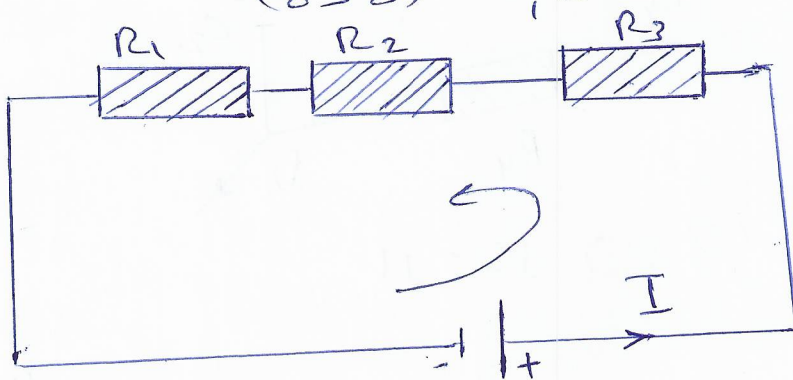
$$e_1 - e_2 = I_1 R_1 + I_2 R_2 + I_3 R_3 - I_4 R_4 - I_5 R_5$$

وصل المقاومات أو الموصلات : Resistors in connected of conductors

توجد طريقتان لوصف المقاومات ، أو الموصلات في الدارة الكهربائية هما الوصل
على التوالي والوصل على التفرع .

P - وصل المقاومات على التوالي : Resistors or conductors

يسمى هذا الوصل عندما تكون ثلاثية طرفية في أحد طرفي المقاومات أو الموصلات متصل
بثلاثية الطرفية الآخر محال لمثل (8-8) .



الشكل (8-8)

• إذا كانت تكون بين طرفي كل مقاومة مختلف عند طرفيها تكون بين طرفي المقاومة .

$$V_1 = R_1 I \quad \text{و} \quad V_2 = R_2 I \quad \text{و} \quad V_3 = R_3 I$$

أما سدة التيار فتكون ثابتة في هذه الحالة إذا طبقنا قانون كيرشوف الثاني على هذه الدارة بعد اختيار اتجاه موجب للتيار في اتجاه عقارب الساعة أي أن:

$$e = R_1 I + R_2 I + R_3 I + r I$$

عندما تكون r صغيرة جداً بالنسبة لـ R يمكن لدينا $V = R I \approx e$ أي أن:

$$R I = R_1 I + R_2 I + R_3 I$$

$$\Rightarrow R = R_1 + R_2 + R_3$$

وفي حالة n مقاومة موصولة على التوالي تكون المقاومة الكلية هي مجموع هذه

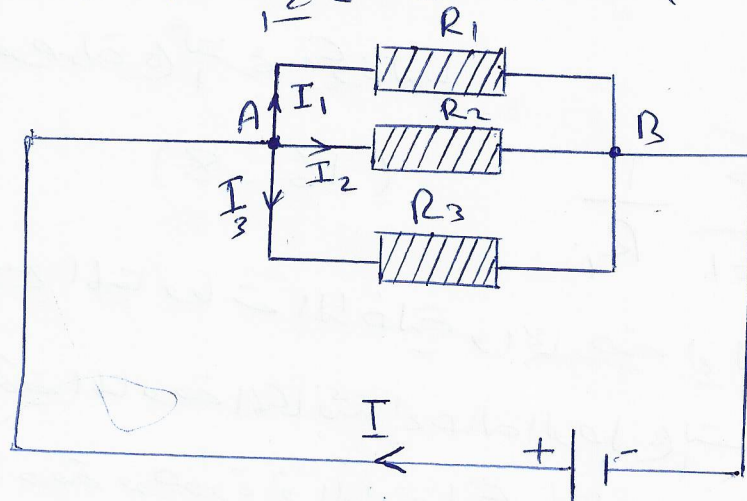
$$R = \sum_{i=1}^n R_i \quad (8-14) \quad \text{المقاومات أي أي أن:}$$

حيث $\sum R_i$ يمثل جميع المقاومات الداخلية والخاصة في الدارة أي التوازي.

وصل المقاومات أو الموصلات على التفرع.

Resistors of Conductors in Parallel:

عند الوصل على التفرع يوصل الطرف الأول لجميع المقاومات إلى العقدة واحدة، ويوصل الطرف الآخر إلى كل العقدة الأخرى في التفرع كما هو مبين في الشكل (8-9).



نطبق قانون كيرشوف الأول على العقدة A نجد أن :

$$\sum I_k = 0 \Rightarrow I - I_1 - I_2 - I_3 = 0$$

$$\Rightarrow I = I_1 + I_2 + I_3 \quad (15-8)$$

وبما أن جميع المقاومات بين نقطتين A و B موصولة ذاتي فجميع واحد. إذن حسب قانون أوم :

$$I_1 = \frac{V_A - V_B}{R_1} \text{ و } I_2 = \frac{V_A - V_B}{R_2} \text{ و } I_3 = \frac{V_A - V_B}{R_3}$$

إذن بالتعويض في العلاقة (15-8) نجد :

$$I = \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) (V_A - V_B)$$

$$\Rightarrow \frac{I}{V_A - V_B} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

$$R = \frac{V_A - V_B}{I} \text{ القيمة المكافئة إذن :} \quad \text{نسمي القيمة}$$

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \quad \text{أو :} \quad \frac{1}{V_A - V_B} = \frac{1}{R}$$

في حالة n مقاومة موصولة بالتفرع يكون لدينا :

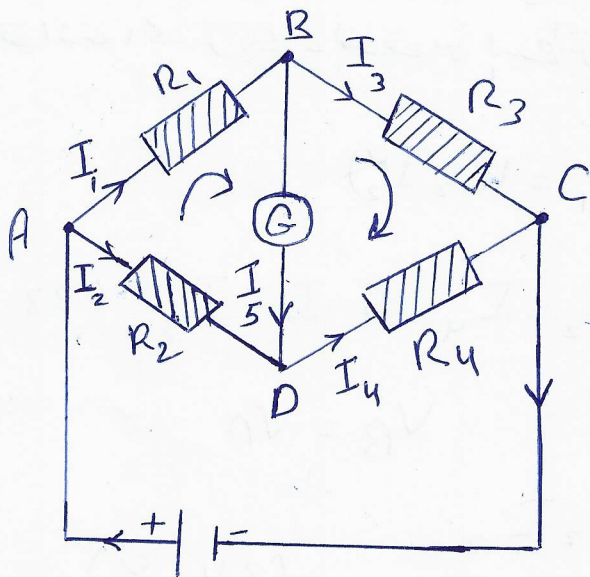
$$\frac{1}{R} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i} \quad (16-8)$$

حيث R_i هي جميع المقاومات الداخلة في التفرع. يجب ملاحظة أن قيمة المقاومة المكافئة في حالة الوصل على التوالي أكبر من أي من المقاومات الداخلة في التفرع. يجب ملاحظة أن قيمة المقاومة المكافئة في حالة الوصل على التفرع أصغر من أي من المقاومات الداخلة في التفرع.

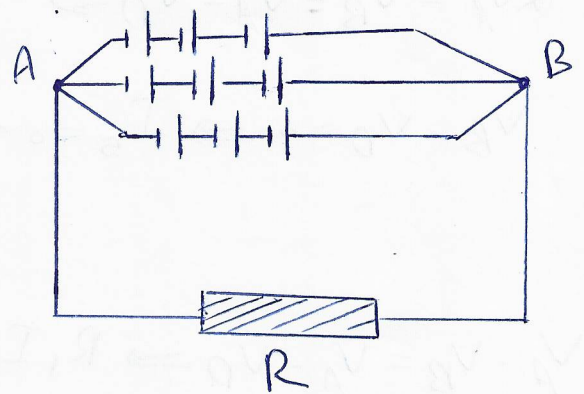
• أمان في حالة الوصل على المقرة ، فيجب أن تكون المقاومة أصغر من أصغر مقاومة لأية مقاومة موجودة في الدارة الكهربائية .

تطبيق : جسر واطن : wheatstone Bridge

هو عبارة عن دائرة كهربائية مصممة لقياس المقاومات (بحالة التيار المستمر) ولقياس ما يدور على بالملحقات في حالة التيار المتناوب . يعتبر جسر واطن أكثر الأجهزة استخداماً لقياس المقاومات ويتألف من دائرة كهربائية مغلقة ABCD تحوي أربع مقاومات كما في الشكل (8-13) R_1 و R_2 و R_3 و R_4 .



الشكل (8-13)



الشكل (8-12)

• سوف ندرس أنه R_1 مجهولة ونفرض قيمته بدلالة قيم المقاومات الأخرى R_2 و R_3 و R_4 .
نطبق قانون كيرشوف الأول على العقد A و B و C و D فنجد :

$$\text{العقدة A} \quad I = I_1 + I_2$$

$$\text{العقدة B} \quad I_1 = I_3 + I_5$$

(8-21)

$$\text{العقدة C} \quad I = I_3 + I_4$$

$$\text{العقدة D} \quad I_4 = I_5 + I_2$$

• نقطة قانون كيرشوف الثاني على الشبكتين ADB و BDC بدائياً باتجاه طرف
الدوران باتجاه عقارب الساعة.

$$ADB \text{ الكلفة } R_1 I_1 + R_5 I_5 - R_2 I_2 = 0 \quad (22-8)$$

$$BDC \text{ الكلفة } R_3 I_3 - R_4 I_4 - R_5 I_5 = 0$$

حيث R_5 المقاومة الداخلية لمصدر الفولطية .
• يكون الجهد في حالة توازن عندما يكون التيار المار في الفولطية في اتجاه واحد فقط
ذلك باختيار قيم معينة للمقاومات في الدارة .
في حالة توازن الجهد يكون الفرق بين نقطتي B و D معدوماً أي أن :

$$(V_A - V_B = V_A - V_D) \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2$$

$$V_B - V_D = 0 \Rightarrow I_5 = 0 \Rightarrow I_2 = I_4 \text{ و } I_1 = I_3 \quad (23-8)$$

$$V_B = V_D \quad \text{بما أن :}$$

$$V_A - V_B = V_A - V_D \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2 \quad (24-8)$$

$$V_B - V_C = V_D - V_C \Rightarrow R_3 I_3 = R_4 I_4 \quad \text{نجد من المعادلتين}$$

$$\frac{R_1 I_1}{R_3 I_3} = \frac{R_2 I_2}{R_4 I_4} \Rightarrow \frac{R_1}{R_3} = \frac{R_2}{R_4} \Rightarrow R_1 = \frac{R_2 R_3}{R_4} \quad (25-8)$$

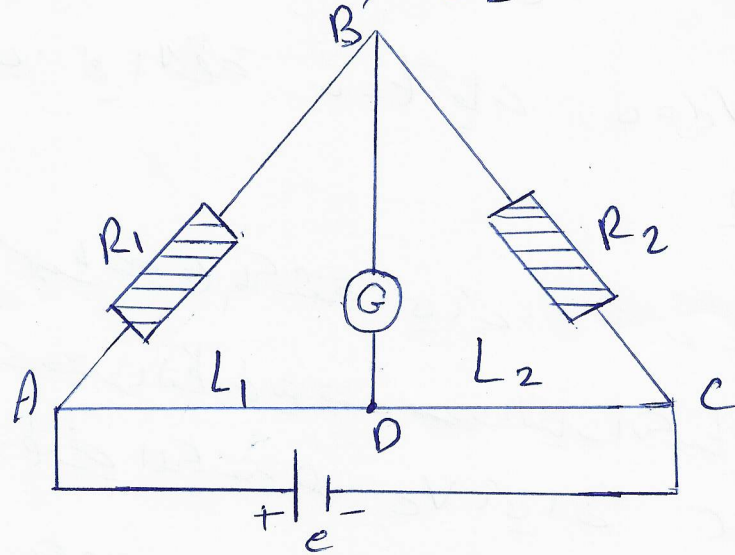
• يوجد نوع شائع من جسر واطن ، وهو جسر واطن هتري الذي يتكون من ثلاث مقاومات
 AC في شكل المثلث ، مشدود في قاعدة هتريه كما في الشكل (24-8) .
ويوصط طرفي المثلث بمولد قوته الحركية الكهربائية E . توصط المقاومات بالتيار R_1 إلى النقطة
 A بينما توصط المقاومتين R_2 و R_3 إلى النقطة C .

يوصل لثقلنا نوصّر بزلفة تتحرك في السلك AC .

لاحظنا التوازن عند النقطة D مثلاً التي تقسم طول السلك بنسبة $\frac{L_1}{L_2}$ وهي نسبة تقسم بين مقاومة الطول L_1 إلى مقاومة الطول L_2 في السلك الجبر .

• بتطبيق قانون أوم $R = \rho \frac{L}{S}$ وسنرى توازن شروط طرنه يكون لدينا .

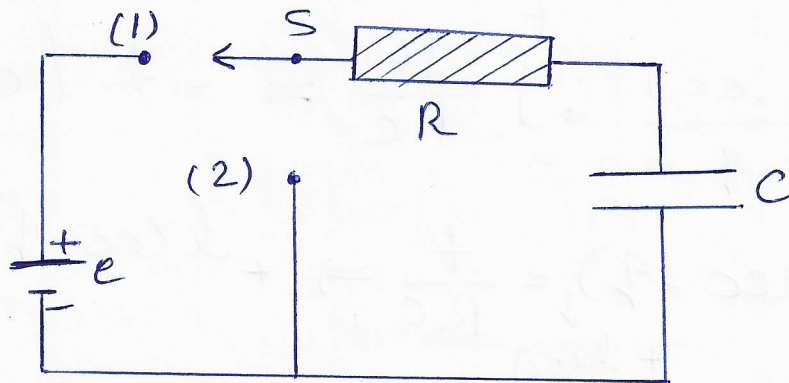
$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{L_1}{L_2} \Rightarrow R_1 = R_2 \frac{L_1}{L_2} \quad (26-8)$$



الشكل (8-14)

• دائرة سيجن وتنشيع مكثفة غير مقاومة : RC Circuit

• لنفكر لدينا دائرة كهربائية مؤلفة من حوله قوته المحركة الكهربائية e ومقاومته بالإضافة مهولة ومقاومة أومية R ومكثفة مقدار C كما في الشكل (8-15) .



الشكل (8-15)

1- شحن المكثفة :

• عند اغلاقه لبطارية $\mathcal{E}$ على الوضع (1) نسير تيارا كهربائيا سريعا ، يؤدي ذلك إلى ظهور فرق جهد بين طرفي المكثفة والمقاومة كما يلي :

$$V_R = Ri \quad \text{و} \quad V_C = \frac{q}{C}$$

لدينا حسب قانون كيرشوف الثاني :

$$\mathcal{E} = V_R + V_C = Ri + \frac{q}{C}$$

نتم على الشكل كما يلي : في اللحظة $t = 0$ فإن $V_C = 0$ أي :

$$\mathcal{E} = V_R = i_0 R$$

أي لا يوجد أي شحنة كهربائية على المكثفة أي أن : $q = 0$ ،
وعندما يتبلو المكثفة شحنتها العظمى يتوقف مرور التيار الكهربائي أي أن $V_R = 0$ ،
ويصبح فرق الجهد بين طرفي المكثفة هو V_C أي أن $q = eC$.

كإيجاد الحث q على المكثفة والسيار المار في الدارة عند الشروط السابقة عند أي لحظة t نجد :

$$\mathcal{E} = R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} \Rightarrow \mathcal{E} - \frac{q}{C} = R \frac{dq}{dt}$$

$$\frac{dq}{eC - q} = \frac{dq}{RC} \Rightarrow \frac{d(eC - q)}{eC - q} = \frac{dt}{RC}$$

$$\int_0^q \frac{d(eC - q)}{eC - q} = \int_0^t \frac{dt}{RC} \Rightarrow -\ln(eC - q)_0^q = \left[\frac{t}{RC} \right]_0^t$$

$$\Rightarrow -\ln(eC - q)_\downarrow = \frac{t}{RC} \Rightarrow +\ln(eC - q) - \ln(eC) = -\frac{t}{RC}$$

$$\Rightarrow \ln \left(\frac{eC - q}{eC} \right) = -\frac{t}{RC} \Rightarrow (eC - q) = eC \cdot \left(-\frac{t}{RC} \right)$$

$$\Rightarrow ec - q = ec \cdot e^{-t/RC} \Rightarrow q = ec - ec \cdot e^{-t/RC}$$

$$\Rightarrow q = ec (1 - e^{-t/RC}) \quad (27-8)$$

والتالي في سرعة التيار باستقاء العلاقة (27-8) بالنسبة للزمن أي بأخذ:

$$i = \frac{dq}{dt} = \frac{e}{R} \cdot e^{-t/RC} \quad (28-8)$$

2- تفريغ المكثفة:

من أجل تفريغ المكثفة نغزل المواد عن الدارة الكهربائية وذلك بنقل القاطعة إلى الوضع

(2) كما في الشكل (8-15) فنقوم بالمكثفة بوضع مولد فتتفرغ سعة الدارة ويتولد عن ذلك تيار وتصبح طاقتها مخزنة في الدارة أي لمقاومة محامي الشكل (8-15)

عندما $t \rightarrow \infty$ فإن $q = ec$ فنجد العلاقة القاطعة S على الوضع (2)

$$iR + \frac{q}{C} = 0 \Rightarrow R \cdot \frac{dq}{dt} = -\frac{q}{C} \quad (29-8)$$

$$\Rightarrow \int_0^q \frac{dq}{q} = \int_0^t -\frac{dt}{RC} \Rightarrow (\ln q)_0^q = -\frac{t}{RC} \Rightarrow \ln q - \ln q_0 = -\frac{t}{RC}$$

$$\Rightarrow q = q_0 \cdot e^{-t/RC} \quad (30-8) \Rightarrow \frac{\ln(q/q_0)}{q_0} = -\frac{t}{RC}$$

$$\Rightarrow i = \frac{dq}{dt} = -\frac{q_0}{RC} \cdot e^{-t/RC} \quad (31-8)$$

الملاحظة أن المكثفة تفريغ سعة عند $t \rightarrow \infty$ فإن هذه السعة ستبقى على 0

وتعتمد على ثابت الزمن لعمود، وعند $t = RC$ فإن $q = \frac{q_0}{e}$

والمعدل الزمني $\frac{q_0}{RC}$ سرعة التيار العكس عند $t = 0$ أي i_0

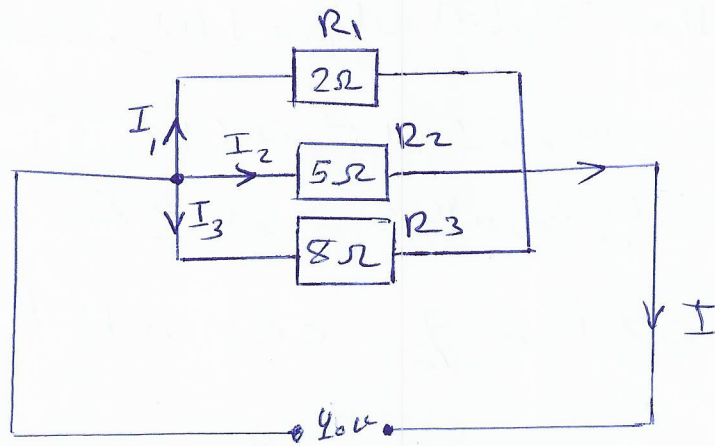
إذن يمكن كتابة العلاقة (8-31) كما يلي:

$$i = -i_0 e^{-t/RC} \quad (8-32)$$

وقد تم الإشارة إلى السالبة في العلاقةين
التفريغ يعاكس تيار الشحن. ونلاحظ أن تيار الشحن يتغير عندما تتغير t .

سأكتب (1):

ثلاث مقاومات قيمتها 2Ω ، 5Ω ، 8Ω وصلة على التوازي بجهد المصدر الكهربائي 40 Volt .
احسب شدة التيار في كل مقاومة وشدة التيار في الفارة واحسب المقاومة الكلية.



الحل: بما أن المقاومات الثلاث على التفرع فارتباطها يكون متساوي

$$V = V_1 = V_2 = V_3 = 40\text{ Volt}$$

$$I_1 = \frac{V_1}{R_1} = \frac{40}{2} = 20\text{ A}$$

$$I_2 = \frac{V_2}{R_2} = \frac{40}{5} = 8\text{ A}$$

$$I_3 = \frac{V_3}{R_3} = \frac{40}{8} = 5\text{ A}$$

$$I = I_1 + I_2 + I_3 = 20 + 8 + 5 = 33\text{ A}$$

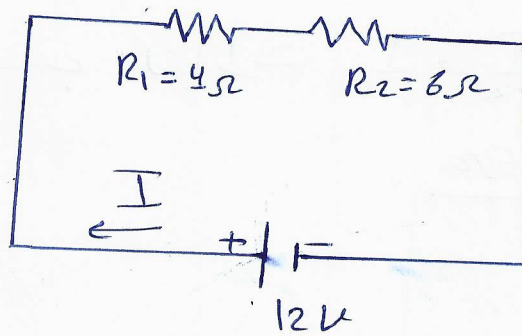
المقاومة المكافئة $\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{8}$

$= 0,825 \Rightarrow R_{eq} = 1,21 \Omega$

$$I = \frac{V}{R} = \frac{40}{1,21} = 33 A$$

مسألة (2) :

- لتكن الدارة موصولة كما في الشكل التالي .
- 1- أوجد المقاومة المكافئة .
 - 2- احس سرعة التيار الكهربائي .
 - 3- احس فرق الجهد بين طرفي كل مقاومة .
 - 4- احس الطاقة المستهلكة في كل مقاومة .
 - 5- احس الطاقة الكلية .



1 - $R_{eq} = R_1 + R_2 = 4 + 6 = 10 \Omega$

الحل:

2 - $I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{12}{10} = 1,2 A$

3 - $V_1 = R_1 \cdot I = 4 \times 1,2 = 4,8 \text{ volt}$

$V_2 = R_2 \cdot I = 6 \times 1,2 = 7,2 \text{ volt}$

$$4 - P = I^2 \cdot R \Rightarrow P_1 = (1,2)^2 \times 4 = 5,76 \text{ watt}$$

$$\text{أو } P = V \cdot I \Rightarrow P_1 = 4,8 \times 1,2 = 5,76 \text{ watt}$$

$$P_2 = (1,2)^2 \times 6 = 8,64 \text{ watt}$$

$$\text{أو } P_2 = 7,2 \times 1,2 = 8,64 \text{ watt}$$

$$5 - P = P_1 + P_2 = 5,76 + 8,64 = 14,4 \text{ watt}$$

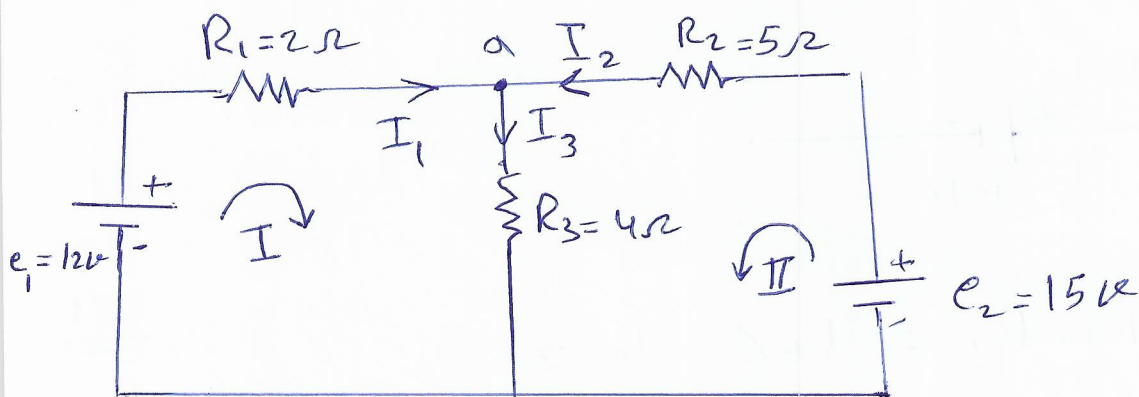
$$\text{أو } P = I \cdot V = 1,2 \times 12 = 14,4 \text{ watt}$$

$$\text{أو } P = I^2 \cdot R_{eq} = (1,2)^2 \times 10 = 14,4 \text{ watt}$$

مسألة (3):

لنكن لدينا الدارة الموضحة بالأسفل التالي:

المطلوب: احسب التيار I_1 و I_2 و I_3



الكل: نطبق قانون كيرشوف الأول: $\sum I = 0$

$$I_3 = I_1 + I_2 \quad \text{II}$$

بتطبيق قانون كيرشوف الثاني على الحلقة I :

$$\sum e_i = \sum R_i \cdot I_i \Rightarrow e_1 = R_1 \cdot I_1 + R_3 \cdot I_3$$

$$12 = 2I_1 + 4I_3$$

$$\Rightarrow I_1 = 6 - 2I_3 \quad [2]$$

بتطبيق قانون كيرشوف الثاني على كلقة الثانية II :

$$e_2 = R_2 \cdot I_2 + R_3 \cdot I_3 \Rightarrow 15 = 5I_2 + 4I_3$$

$$\Rightarrow I_2 = \frac{15 - 4I_3}{5} = 3 - \frac{4}{5}I_3 \quad [3]$$

بمعوضه [2] و [3] في [1] :

$$I_3 = I_1 + I_2$$

$$\Rightarrow I_3 = 6 - 2I_3 + 3 - \frac{4}{5}I_3$$

$$\Rightarrow I_3 + 2I_3 + \frac{4}{5}I_3 = 9 \Rightarrow I_3 \left(1 + 2 + \frac{4}{5}\right) = 9$$

$$\Rightarrow 3.8 I_3 = 9 \Rightarrow I_3 = \frac{9}{3.8} = 2.368 \text{ A}$$

$$I_1 = 6 - 2 \times 2.37 = 1.26 \text{ A} \quad \text{نعوضه في [2] نجد:}$$

$$I_2 = 3 - \frac{4}{5} \times 2.37 = 1.104 \text{ A} \quad \text{نعوضه في [3] نجد:}$$

المألة (4) أوجد التيارات I_1 و I_2 و I_3 في الدارة التالية :

الكل: نطبق قانون كيرشوف الأول:

$$I_1 + I_2 - I_3 = 0 \quad [1]$$

نطبق قانون كيرشوف الثاني على الحلقة الأولى I :

$$\sum e_i = \sum R_i \cdot I_i$$

$$e_1 = 3I_1 + 2I_3$$

$$14 = 3I_1 + 2I_3$$

$$\Rightarrow I_3 = \frac{14 - 3I_1}{2} \Rightarrow I_3 = 7 - \frac{3}{2}I_1 \quad [2]$$

نطبق قانون كيرشوف الثاني على الحلقة الثانية II :

$$e_2 - e_1 = I_2 - 3I_1 \Rightarrow I_2 - 3I_1 = 12 - 14$$

$$\Rightarrow I_2 - 3I_1 = -2 \Rightarrow I_2 = 3I_1 - 2 \quad [3]$$

بتعويض [2] و [3] في [1]:

$$I_1 + 3I_1 - 2 = 7 - \frac{3}{2}I_1$$

$$\Rightarrow I_1 + 3I_1 + \frac{3}{2} = 7 + 2 \Rightarrow 5,5I_1 = 9 \Rightarrow I_1 = 1,636 A$$

$$I_3 = 7 - \frac{3}{2} \times 1,636 = 4,546 A$$

$$I_2 = I_3 - I_1 = 4,546 - 1,636 = 2,91 A$$



مكتبة
A to Z