

كلية العلوم

القسم : الكيمياء

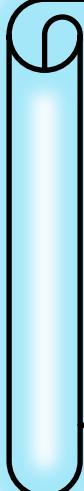
السنة : الرابعة



٩

المادة : حركية التفاعلات الكيميائية

المحاضرة : الرابعة/نظري/د . مروة



{{{ A to Z }} مكتبة}

Maktabat A to Z

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية



يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

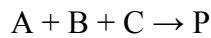


مقرر حركية التفاعلات الكيميائية
السنة الرابعة- المحاضرة الرابعة
د: مروة رباح

جامعة طرطوس
كلية العلوم
قسم الكيمياء

4- طريقة العزل : The isolation method

تُعد هذه الطريقة، المعروفة بطريقة اوستوالد، من الطائق الشائعة جداً لتحديد المراتب الجزئية والمرتبة الكلية للتفاعل وبالتالي قانون السرعة. تُستخدم بشكلٍ مرضٍ ودقيق عندما تكون المراتب الجزئية أعداداً صحيحة. تعتمد هذه الطريقة على جعل تركيز المواد المتفاعلة عدا واحدة كبيرة جداً، وبهذا يتم عزل تأثير المادة ذات التركيز الصغير في سرعة التفاعل. لنوضح ذلك على التفاعل التالي:



وكانَت علاقَة السرعة الموافقة تأخذ الشكل التالي:

$$v = -\frac{d[A]}{dt} = \frac{d[P]}{dt} = k[A]^x[B]^y[C]^z \quad (111-2)$$

حيث تمثل x و y و z المراتب الجزئية للتفاعل بالنسبة للمواد A و B و C على التوالي.
جعل أول تركيز المادة A صغير جداً بالنسبة للمادتين B و C وبالتالي سيكون تغيير تركيز B و C مهملاً، أي يُعد ثابتاً، وتؤول العلاقة (111-2) إلى ما يلي:

$$v = -\frac{d[A]}{dt} = \frac{d[P]}{dt} = k[A]^x[B]_o^z[C]_o^z = k_{app}[A]^x \quad (112-2)$$

حيث تمثل $k_{app} = k[B]_o^z[C]_o^z$ ثابت السرعة الظاهري، أي أن سرعة التفاعل أصبحت تعتمد على تركيز المادة A ويمكن تحديد المرتبة الجزئية x بإحدى الطائق السابقة،
وهنا نلاحظ أن التفاعل أصبح من المرتبة x الظاهرية بالنسبة للمادة A .

تحدد المرتبة الجزئية y بالنسبة للمادة B بالطريقة ذاتها، وذلك بجعل تركيز A و C كبيراً وبالتالي يكون تغيير تركيز B و C مهملاً، أي يُعد ثابتاً، وتؤول العلاقة (111-2) إلى المرتبة y الظاهرية التالية:

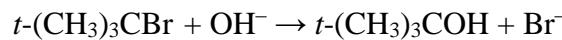
$$v = k[A]_o^x[B]^y[C]_o^z = k_{app}[B]^y \quad (113-2)$$

حيث تمثل $k_{app} = k[A]_o^x[C]_o^z$ ثابت السرعة الظاهري، أي أن سرعة التفاعل أصبحت تعتمد على تركيز المادة B ويمكن تحديد المرتبة الجزئية y بإحدى الطائق السابقة، وهنا نلاحظ أن التفاعل أصبح من المرتبة y الظاهرية بالنسبة للمادة B . وأخيراً نجعل تركيز المادة C صغيراً بالنسبة لتركيز المادتين A و B وتؤول العلاقة (111-2) إلى ما يلي:

$$v = k[A]_o^x[B]_o^y[C]^z = k_{app}^{\infty}[C]^z \quad (114-2)$$

حيث تمثل $k_{app} = k[A]_o^x[B]_o^y$ ثابت السرعة الظاهري، ويصبح التفاعل من المرتبة x ظاهرياً، ويمكن تحديد z بسهولة. حالما تحدّد المراتب الجزئية x و y و z تُعرف المرتبة الكلية ومن ثم قانون السرعة للتفاعل المدرس.

عندما تتم التفاعلات في المحاليل أو أن التفاعلات التي يكون فيها H^+ أو OH^- بكميات كبيرة وتحقق الشروط السابقة تكون من المراتب الظاهرية، فمثلاً في تفاعل $t\text{-}(CH_3)_3COH + Br^-$ مع OH^- في محلول قلوي:



يكون تركيز OH^- عالياً جداً وبحيث يظهر التفاعل أنه من المرتبة الأولى بالنسبة لبروم ترت- بوتيل، ولكنه حقيقة من المرتبة الأولى الكاذبة أو الظاهرية. كذلك في كثير من تفاعلات الحلمهة تكون سرعة التفاعل مستقلة عن $[H_2O]$ لأنّه يوجد بكميات كبيرة ومن ثم تكون تفاعلات الحلمهة من مرتبة المادة المتحالمة ظاهرياً. ويجب التذكير بأنه ليس جميع التفاعلات يمكن دراستها بطريقة العزل لأن كمية كبيرة من مادة مقاولة يمكن أن تسبب حدوث التفاعل في طريقة أخرى.

5 - طريقة نسب التفاعل:

تستخدم هذه الطريقة بشكل واسع عندما تكون الأمثل الستيكيومترية متساوية والتراكيز البدائية متساوية. تعتمد هذه الطريقة على تحديد أزمنة محددة لاستهلاك كمية من المادة المتقاولة مثل زمن ربع التفاعل $t_{1/4}$ عندما يستهلك ربع كمية المادة المتقاولة ويبقى منها $\frac{3}{4}[A]_o$ ، وزمن ثلث التفاعل $t_{1/3}$ عندما $[A] = \frac{1}{2}[A]_o$ ، وزمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ عندما $[A] = \frac{1}{4}[A]_o$ ، وزمن ثلاثة أرباع التفاعل $t_{3/4}$ عندما $[A] = \frac{1}{4}[A]_o$...الخ، ثم تُحسب هذه الأزمنة إلى زمن محدد مثل زمن نصف التفاعل، أي تُحسب النسب $t_{1/2}/t_{1/4}$ و $t_{1/2}/t_{1/3}$ ، ثم تقارن هذه النسب مع النسب النظرية المحسوبة من قوانين السرعة للتفاعلات البسيطة، العلاقات (2-6) و (2-17) و (2-55) و (2-74) ومن العلاقة العامة (2-79). يبيّن الجدول (2-2) قيم أزمنة التفاعل ونسبها للتفاعلات البسيطة.

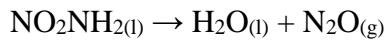
الجدول (2-2) يبيّن أزمنة التفاعل ونسبها للتفاعلات البسيطة.

n	$t_{1/4}$	$t_{1/3}$	$t_{1/2}$	$t_{3/4}$	$\frac{t_{1/2}}{t_{1/4}}$	$\frac{t_{1/2}}{t_{1/3}}$	$\frac{t_{1/2}}{t_{3/4}}$
0	$\frac{a}{4k_o}$	$\frac{a}{3k_o}$	$\frac{a}{2k_o}$	$\frac{3a}{4k_o}$	2.000	1.500	0.666
1/2	$\frac{0.268[A]_o^{1/2}}{k_{1/2}}$	$\frac{0.367[A]_o^{1/2}}{k_{1/2}}$	$\frac{0.586[A]_o^{1/2}}{k_{1/2}}$	$\frac{[A]_o^{1/2}}{k_{1/2}}$	2.187	1.597	0.586
1	$\frac{\ln 3/4}{k_1}$	$\frac{\ln 3/2}{k_1}$	$\frac{\ln 2}{k_1}$	$\frac{\ln 4}{k_1}$	2.409	1.710	0.500
3/2	$\frac{0.309}{k[A]_o^{1/2}}$	$\frac{0.450}{k[A]_o^{1/2}}$	$\frac{0.828}{k[A]_o^{1/2}}$	$\frac{2}{k[A]_o^{1/2}}$	2.677	1.843	0.414
2	$\frac{0.333}{k[A]_o}$	$\frac{0.5}{k[A]_o}$	$\frac{1}{k[A]_o}$	$\frac{3}{k[A]_o}$	3.000	2.000	0.333

5/2	$\frac{0.360}{k[A]_o^{3/2}}$	$\frac{0.558}{k[A]_o^{3/2}}$	$\frac{1.219}{k[A]_o^{3/2}}$	$\frac{4.667}{k[A]_o^{3/2}}$	3.386	2.185	0.261
3	$\frac{0.389}{k[A]_o^2}$	$\frac{0.625}{k[A]_o^2}$	$\frac{1.5}{k[A]_o^2}$	$\frac{7.5}{k[A]_o^2}$	3.856	2.400	0.200

مثال:

يتفكك نترو أمين في وسط حمضي وفق التفاعل التالي:



ويمكن تتبع حركته بقياس حجم N_2O المنطلق. عند حل g 0.0503 من NO_2NH_2 في ليتر من محلول الحمضي حدد حجم N_2O المنطلق مع مرور الزمن عند الضغط النظامي والدرجة K 298 فحصل على النتائج التالية:

t, min	0	100	200	300	460	640	1350	1424
V, ml	0	1.64	3.15	4.59	6.40	8.32	13.42	13.77

والمطلوب: أ- احسب حجم N_2O الموافق لتفكك NO_2NH_2 التام.

ب- ارسم المنحني بين V و t ثم أوجد $t_{1/4}$ و $t_{1/3}$ و $t_{1/2}$ و $t_{3/4}$ وعين مرتبة التفاعل وفقاً لطريقة نسب التفاعل ثم أوجد k.

الحل:

أ- نلاحظ من معادلة التفكك أن كل مول من NO_2NH_2 يعطي مولاً من N_2O في حالة التفكك الكامل، لذلك يجب معرفة عدد مولات المادة المتفاعلة الموجودة في g 0.0503 ويتم ذلك كما يلي:

$$n = m/M = 0.0503/62 = 8.113 \times 10^{-4} \text{ mol}$$

ويكون حجم N_2O المنطلق عند الشروط الممعطاة من تفكك هذه الكمية هو:

$$V = \frac{nRT}{P} = \frac{8.113 \times 10^{-4} \times 0.082 \times 298}{1} = 0.01982l = 19.82ml$$

ب- يبين الشكل (20-2) منحني تغير V بدلالة t. لتحديد $t_{1/4}$ و $t_{1/3}$ و $t_{1/2}$ و $t_{3/4}$ نحسب أولاً الحجوم المقابلة لهذه الأرمنة، ثم من المنحني السابق نحدد الأرمنة الموافقة بالإسقاط:

$$V_{1/4} = 19.82/4 = 4.955 \text{ cm}^3 \Rightarrow t_{1/4} = 335 \text{ min}$$

$$V_{1/3} = 19.82/3 = 6.607 \text{ cm}^3 \Rightarrow t_{1/3} = 480 \text{ min}$$

$$V_{1/2} = 19.82/2 = 9.910 \text{ cm}^3 \Rightarrow t_{1/2} = 830 \text{ min}$$

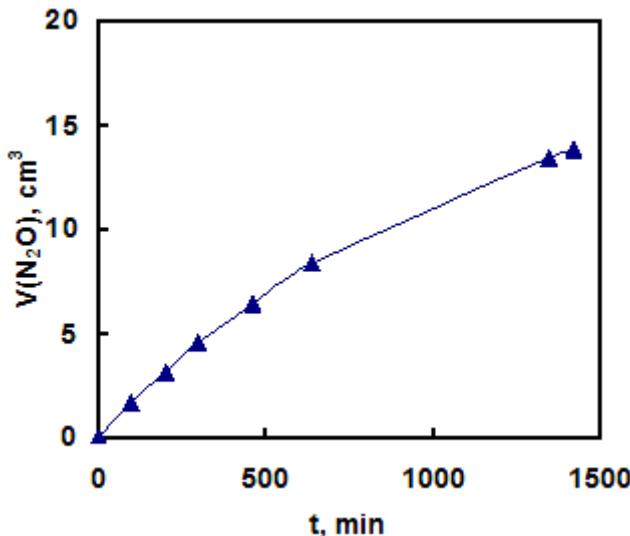
$$V_{3/4} = 19.82 \times 3/4 = 14.865 \text{ cm}^3 \Rightarrow t_{3/4} = 1650 \text{ min}$$

نحسب الآن النسب التالية:

$$\begin{array}{ccc} \frac{t_{1/2}}{t_{1/4}} & \frac{t_{1/2}}{t_{1/3}} & \frac{t_{1/2}}{t_{3/4}} \\ 830/335 = 2.477 & 830/480 = 1.729 & 830/1650 = 0.503 \end{array}$$

بمقارنة هذه القيم مع القيم الموضحة في الجدول (2-2) نستنتج مباشرةً أن التفاعل من المرتبة الأولى، ومن زمن نصف التفاعل نحسب ثابت السرعة للتفاعل:

$$k_1 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0.69315}{830} = 8.351 \times 10^{-4} \text{ min}^{-1}$$



الشكل (20-2) يبيّن تغييرات حجم N_2O المنطلق بدلاة الزمن لتفكك NO_2NH_2 في وسط حمضي.

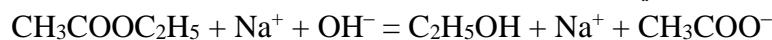
6- طريقة الخواص الجمعية: The additive properties method

يُستخدم لدراسة حركية تفاعل ما، في كثير من الحالات، تتبع إحدى الخواص التي تتغير أثناء سير التفاعل. فمثلاً إذا تضمن التفاعل مواد غازية وكان عدد المولات الغازية الناتجة مختلف عن عدد المولات الغازية الداخلة في التفاعل وجرى التفاعل في حجم ثابت وعند درجة حرارة معينة، فيمكن تتبع سير التفاعل بقياس الضغط الكلي، كما في التفاعل التالي:



حيث نجد أنَّ مولين من غاز النشاردر تفكك لتعطي مول من غاز النتروجين وثلاث مولات من غاز الهيدروجين، ومن ثم فإنَّ الضغط الكلي لمزيج التفاعل سيزداد أثناء سير التفاعل.

وكذلك إذا كان التفاعل يتم في محلول بين مواد تحوي شوارد وكان هناك اختلاف في عدد الشوارد أو استبدال شاردة بأخرى، أي إذا كانت الناقلية الكهربائية للنواتج تختلف عن الناقلية الكهربائية للمواد المتفاعلة فإِنَّه يمكن تتبع التفاعل بقياس الناقلية الكهربائية لمزيج التفاعل مع الزمن، كما في التفاعل التالي:



وفي هذا التفاعل يتم استبدال الشاردة الشاردة عالية الناقلية الكهربائية OH^- بشاردة منخفضة الناقلية الكهربائية CH_3COO^- ، وبالتالي ستتناقص الناقلية الكهربائية لمزيج التفاعل بصورة مستمرة أثناء سير التفاعل.

إذا كانت مادة متفاعلة أو مادة ناتجة تمتص الضوء عند طول موجة معينٍ فإِنَّه يمكن تتبع التفاعل من تغير الامتصاصية عند طول الموجة المعين، وإذا كانت في تفاعل هناك مواد فعالة ضوئياً تنتج أو تدخل في التفاعل فإِنَّه يمكن تتبع سير التفاعل بقياس زاوية دوران مستوى الضوء المستقطب، مثل تفاعل حلمة السكاروز في وسط حمضي. تدعى أمثل هذه الخواص، الضغط والناقلية الكهربائية والكتافة الضوئية وزاوية الدوران ... الخ بالخواص الجمعية، والتي يمكن استخدامها لمعرفة المرتبة وقانون السرعة لتفاعل ما.

لأخذ التفاعل العام التالي:

$$aA + bB + \dots = mM + nN + \dots$$

ولنفترض أنه في بداية التفاعل يوجد فقط المواد المتفاعلة، وبحيث يكون هناك A_0 مول من المادة A و B_0 مول من المادة B...الخ، وكانت الخاصة الجمعية المولرية للمادة A هي P_A وللمادة B هي P_B هي ...الخ، فإن الخاصة الجمعية الكلية في بداية التفاعل، ($t = 0$)، هي:

$$P_0 = A_0 P_A + B_0 P_B + \dots \quad (115-2)$$

إذا كانت v درجة سير التفاعل في اللحظة t فإن عدد مولات A المتفاعلة تكون av ومن المادة B هي bv ...الخ، ويكون عدد مولات النواتج هي mv و nv ...الخ، وتكون الخاصة الجمعية الكلية في اللحظة t هي:

$$P_t = (A_0 - av)P_A + (B_0 - bv)P_B + \dots + mv P_M + nv P_N + \dots \quad (116-2)$$

وعند زمن لا نهائي أو عند تمام التفاعل تكون قيمة v هي v_∞ ومن ثم تكون الخاصة الجمعية الكلية عند هي:

$$P_\infty = (A_0 - av_\infty)P_A + (B_0 - bv_\infty)P_B + \dots + mv_\infty P_M + nv_\infty P_N + \dots \quad (117-2)$$

بطرح العلاقة (117-2) من العلاقة (115-2) ينتج ما يلي:

$$P_0 - P_\infty = av_\infty P_A + bv_\infty P_B + \dots - mv_\infty P_M - nv_\infty P_N - \dots \quad (118-2)$$

وبطريق العلاقة (117-2) من العلاقة (116-2) ينتج ما يلي:

$$P_t - P_\infty = a(v_\infty - v)P_A + b(v_\infty - v)P_B + \dots - m(v_\infty - v)P_M - n(v_\infty - v)P_N - \dots \quad (119-2)$$

نحصل من العلاقتين (118-2) و (119-2) على العلاقة التالية:

$$\frac{P_0 - P_\infty}{P_t - P_\infty} = \frac{v_\infty}{v_\infty - v} \quad (120-2)$$

ولكن من أجل أي مادة نستطيع أن نكتب، مثلاً من أجل المادة A، ما يلي:

$$\frac{[A]_0 - [A]_\infty}{[A]_t - [A]_\infty} = \frac{A_0 - (A_0 - av_\infty)}{(A_0 - av) - (A_0 - av_\infty)} = \frac{v_\infty}{v_\infty - v} \quad (121-2)$$

بمقارنة العلاقتين (121-2) و (120-2) ينتج لدينا ما يلي:

$$\frac{P_0 - P_\infty}{P_t - P_\infty} = \frac{[A]_0 - [A]_\infty}{[A]_t - [A]_\infty} \quad (122-2)$$

تُعد هذه العلاقة عامة تتطبق على التفاعلات التامة وعلى التفاعلات العكوسية. إذا كان التفاعل تماماً فإن $[A]_\infty = 0$ ونؤول العلاقة (122-2) إلى الشكل التالي:

$$\frac{P_0 - P_\infty}{P_t - P_\infty} = \frac{[A]_0}{[A]_t} \quad (123-2)$$

تستخدم العلاقة (123-2) لإيجاد مرتبة التفاعل وخاصةً إذا كان التفاعل من المرتبة الأولى أو المرتبة الثانية ويتبع سير التفاعل بقياس خاصة جمعية، فإذا كان التفاعل من المرتبة الأولى فإن رسم $\ln[(P_0 - P_\infty)/(P_t - P_\infty)]$ بدالة الزمن يجب أن يعطي خطًا مستقيماً يمر من المبدأ وميله يساوي k_1 ، حيث تكتب العلاقة (123-2) بالشكل اللوغاريتمي التالي:

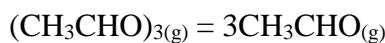
$$\ln \frac{P_o - P_\infty}{P_t - P_\infty} = k_1 t \quad (124-2)$$

أما إذا كان التفاعل من المرتبة الثانية فإن رسم $\left(\frac{P_o - P_\infty}{P_t - P_\infty} - 1 \right)$ بدلالة الزمن سيعطي خطًا مستقيماً

يمر من المبدأ وميله يساوي $k_2[A]$ ، وذلك لأنّه من أجل تفاعل من المرتبة الثانية يكون من علاقة السرعة (17-2) ما يلي:

$$k_2 t = \frac{1}{[A]} - \frac{1}{[A]_o} \Rightarrow \frac{[A]_o}{[A]} - 1 = [A]_o k_2 t \quad (125-2)$$

مثال: يتفكك البارا أسيت الألديد $(\text{CH}_3\text{CHO})_3$ في الطور الغازي عند الدرجة 260°C وفق التفاعل التالي:



وتنبئ التفاعل بلاحظة تغيير الضغط الكلي مع الزمن فحصل على النتائج التالية:

t, h	0	1	2	3	4	∞
p _t , Torr	100	173	218	248	266	300

إذا علمت أنه في بداية التفاعل لا يوجد إلا البارا أسيت الألديد فأوجد مرتبة التفاعل باستخدام الخواص الجماعية واحسب ثابت سرعة التفاعل، وهل التفاعل تام أم عكسي؟

الحل:

نجد من المعطيات أن التفاعل تام وذلك لأن $P_\infty = 3P_0$ ، ومن معادلة التفاعل نلاحظ أن كل مول من المادة المتفاعلة يعطي ثلاثة مولات من المادة الناتجة، ومن ثم فإن التفاعل تام وهذا يعني أن تركيز البارا أسيت الألديد عند زمن لانهائي يكون معديوماً، $[A]_\infty = 0$. بما أن التفاعل غازي فإن الضغط يتناسب مع التركيز وبالتالي فإن العلاقة (123-2) تؤول إلى ما يلي:

$$\frac{P_o - P_\infty}{P_t - P_\infty} = \frac{[A]_o}{[A]_t} = \frac{P_{o,A}}{P_{t,A}}$$

نحسب $P_{t,A}/P_{o,A}$ عند الأزمنة المختلفة، فمثلاً عند الزمن $t = 1\text{h}$ يكون:

$$\frac{P_o - P_\infty}{P_t - P_\infty} = \frac{P_{o,A}}{P_{t,A}} = \frac{100 - 300}{173 - 300} = \frac{-200}{-127} = 1.5748$$

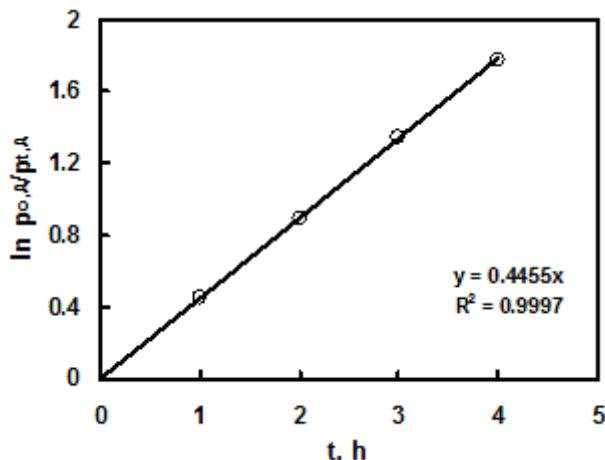
نحسب النسبة عند بقية الأزمنة ونرتّب النتائج في الجدول التالي:

t, h	1	2	3	4
$\frac{P_o - P_\infty}{P_t - P_\infty} = \frac{P_{o,A}}{P_{t,A}}$	1.5748	2.4390	3.8462	5.8824
$\ln(P_o - P_\infty)/(P_t - P_\infty)$	0.45413	0.89159	1.34709	1.77196
k_1, h^{-1}	0.4541	0.4458	0.4490	0.4430

إذا كان التفاعل من المرتبة الأولى فإنه يجب حساب $\ln[(P_o - P_\infty)/(P_t - P_\infty)]$ ونرسمها بدلالة الزمن فيجب أن تعطي خطًا مستقيماً يمر من المبدأ وميله يساوي ثابت السرعة، ويبين الشكل (21-2) تطبيق قانون المرتبة الأولى، العلاقة (124-2)، من أجل تفكك البارا ألديد.

نلاحظ أن العلاقة خطية ويمر الخط المستقيم من المبدأ وميله يساوي ثابت السرعة، أي:

$$m = k_1 = 0.4455 \text{ h}^{-1}$$



الشكل (21-2) يبين استخدام الخاصية الجمعية لمرتبة أولى لتفاعل تفكك البارا ألدهيد.

أو نقدر k_1 حسابياً بتطبيق العلاقة التالية:

$$k_1 = \frac{1}{t} \ln \frac{P_o - P_\infty}{P_t - P_\infty}$$

فإذا كان هناك ثبات في قيم k_1 فتفاعل التفكك من المرتبة الأولى، وبيّن السطر الرابع قيم k_1 ونلاحظ أن هناك ثبات في قيم k_1 فالتفاعل من المرتبة الأولى وتكون قيمة ثابت السرعة هي المتوسط الحسابي

لجميع القيم:

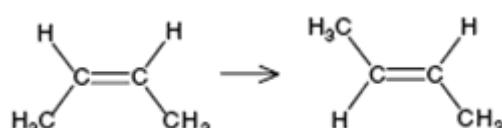
$$k_{1,ava} = 0.448 \text{ h}^{-1}$$

نلاحظ التقارب الكبير في قيم k_1 المعينة بيانياً وحسابياً.

2-8: تأثير درجة الحرارة على سرعة التفاعل:

Effect of temperature on rate laws

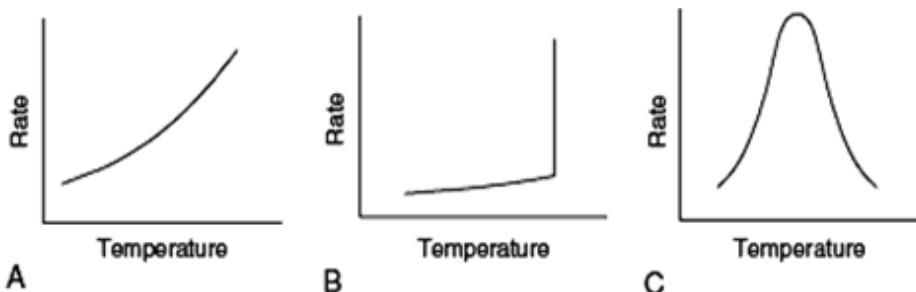
يتم في التفاعل الكيميائي تحول الجزيئات المتفاعلة إلى نواتج، وحتى يحدث هذا من الضروري أن تمر الجزيئات المتفاعلة إلى حالة طاقية أعلى من الحالة الطاقية للمواد المتفاعلة أو الناتجة، وهذا يعني أنه من الضروري أن تتحjni أو تمنط بعض الروابط في الجزيئة المتفاعلة قبل أن تتحول إلى جزيئة ناتجة، كما في تحول سيس-2-بوتن إلى ترنس-2-بوتن:



ولكي يحدث التفاعل يجب أن يحدث دوران للرابطة المضاعفة إلى المدى الذي تتكسر فيه الرابطة π عندما لا تتدخل المدارات الذرية p .

يدخل تأثير درجة الحرارة على سرعة التفاعل في ثابت السرعة k ، لذلك فإن k هو الذي يعطي معلومات عن تأثير درجة الحرارة في سرعة التفاعل. لوحظ عندما درست سرعة التفاعلات بدلالة درجة الحرارة ظهور أنواع عدّة من السلوك، وبيّن

الشكل (22-2) ثلاثة نماذج من هذا السلوك وهي الأكثر شهرة. تظهر الحالة A التغيرات التي تبديها معظم التفاعلات الكيميائية، وهذا يدل على أن سرعة التفاعل تزداد بشكل أسي مع ازدياد درجة الحرارة. تنتج الحالة B في الحالات اللاحقة منفحة عن درجة حرارة معينة، أي تزداد السرعة بشكل حاد عند درجة



الشكل (22-2) الحالات الأكثر شيوعاً لتغيرات سرعة التفاعل مع درجة الحرارة.

معينة من الحرارة، وقبل هذه الدرجة لا تتغير سرعة التفاعل كثيراً مع ازدياد درجة الحرارة. ثلّاحظ الحالة C في التفاعلات الحيوية، فمثلاً عندما يحدث تفاعل بوجود حفاز إنزيمي فإن سرعة التفاعل تزداد مع ارتفاع درجة الحرارة حتى درجة حرارة معينة (درجة الحرارة المفضلة) وبعدها تعود سرعة التفاعل للتناقص بازدياد درجة الحرارة أكثر، يعود هذا السلوك إلى كون الإنزيمات مواد بروتوبوتينية وتركيبها حساس لدرجة الحرارة إذ يحدث لها تغيير أو تفسخ (denatured) عند الدرجات المرتفعة نسبياً، لهذا فإن سرعة التفاعلات الحفازية الإنزيمية تُظهر أن هناك درجة حرارة مفضلة، تبعاً لثبات الإنزيم، حيث تكون عندها سرعة التفاعل عظمى، وتتناقص سرعة التفاعل عند درجات أعلى أو أخفض من هذه الدرجة.

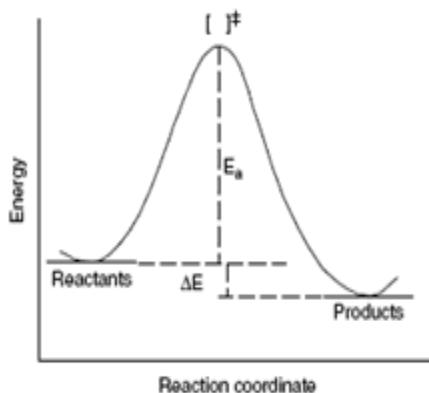
كانت من أول الملاحظات التجريبية عن علاقة سرعة التفاعل بدرجة الحرارة

هي التي وضعها هود (Hood) عام 1880 حيث وجد العلاقة التجريبية التالية:

$$\log k = -\frac{A}{T} + B \quad (126-2)$$

حيث تمثل A و B ثوابت، وهي تدل على أن ثابت سرعة التفاعل يزداد بازدياد درجة الحرارة. وجد أن قيمة ثابت السرعة تتضاعف تقريباً بارتفاع درجة الحرارة بمعدل 10°C .

اقتصر سانت أوغست أرينيوس (S. A. Arrhenius) في عام 1897 أن سرعة معظم التفاعلات الكيميائية تتغير مع درجة الحرارة بشكل أسي كما في الحالة A من الشكل (22-2)، وافتراض أن الجزيئات الكيميائية النظامية لا تشارك في التفاعل وإنما تلك الجزيئات التي تمتلك أكثر من طاقة معينة فقط، وسموها بطاقة التشيط (activation energy)، هي فقط القادرة على التفاعل وإعطاء النواتج. وبكلام آخر، حتى يحدث التفاعل، أي تنتقل المواد المتفاعلة إلى مواد ناتجة، فإنه يجب أن تشغل السوية الطاقية العليا والتي تُدعى بالحالة الانتقالية (transition state) أو المعقد الفعال، كما يوضح الشكل (22-2)، وارتفاع الحاجز الطaci الذي يجب أن تعبره المواد المتفاعلة في طريقها لإعطاء النواتج ما هو إلا الطاقة التشيطية E_a .

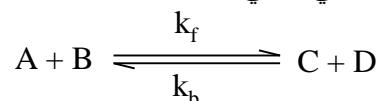


الشكل (23-2) يبيّن مظهر الطاقة لتفاعل كيميائي.

تكون الجزيئات المنشطة قليلة للغاية، وهي تنتج عن التصادمات الحرارية العشوائية بين الجزيئات والتي تُكبس بعض الجزيئات طاقة أكبر بكثير من طاقتها الحرارية المتوسطة، ويختضع توزُّع الجزيئات المنشطة إلى قانون توزُّع بولتزمان (Boltzmann distribution law)، ولكي تصبح جزيئة منشطة فإنّها تتطلّب زمناً محدداً يمكن أن يمتد من ثواني إلى أيام أو أشهر عدّة حتى تصل إلى السوية الانتقالية عندئذ يمكن أن تدخل في التفاعل.

انطلق أرينيوس من علاقة فانت هوف (van't Hoff) التي تربط بين تغيير ثابت توازن تفاعل مع

درجة الحرارة، فمن أجل التفاعل العكسي التالي:



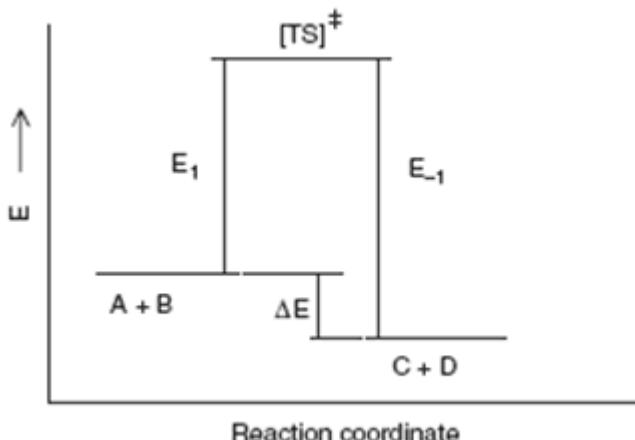
يُعطى ثابت التوازن بالعلاقة التالية:

$$K_C = \frac{k_f}{k_b} = \frac{[C][D]}{[A][B]} \quad (127-2)$$

وتبعاً لفانت هوف يتعلق K_C بدرجة الحرارة بالعلاقة التالية:

$$\frac{d \ln K_C}{dT} = \frac{\Delta E}{RT^2} \quad (128-2)$$

حيث تمثل ΔE حرارة التفاعل، أي فرق الطاقة بين المواد الناتجة والمواد المتفاعلة، وهذا الفرق يساوي فرق الطاقة بين سوية المواد المتفاعلة والحالة الانتقالية E_f أو E_1 وبين سوية المواد الناتجة والحالة الانتقالية E_b أو E_{-1} ، أي $\Delta E = E_f - E_b$ أو $E_1 - E_{-1}$ ، كما في الشكل (2-24).



الشكل (24-2) يبيّن الفروقات بين سويات الطاقة للمواد المتفاعلة والناتجة والمعدّ الفعال.

حصل أرينيوس بالتعويض عن K_C وفق العلاقة (2-127) في علاقه فانت هوف على ما يلي:

$$\frac{d \ln(k_f / k_b)}{dT} = \frac{E_f - E_b}{RT^2} \Rightarrow \\ \frac{d \ln k_f}{dT} - \frac{d \ln k_b}{dT} = \frac{E_f}{RT^2} - \frac{E_b}{RT^2} \quad (129-2)$$

وهذا ما دفعه إلى الاقتراح بأنَّ التأثيرات الحركية للتفاعل المباشر والتفاعل العكسي تكون مستقلة عن بعضها بعضاً، لذلك فصل العلاقة السابقة إلى علقتين إحداها للتفاعل المباشر والأخرى للتفاعل العكسي:

$$\frac{d \ln k_b}{dT} = \frac{E_b}{RT^2} \quad \text{و} \quad \frac{d \ln k_f}{dT} = \frac{E_f}{RT^2} \quad (130-2)$$

حيث تمثل E_f الطاقة التنشيطية للتفاعل المباشر و E_b الطاقة التنشيطية للتفاعل العكسي. بناءً على ذلك يكون ثابت سرعة تفاعل مُتعلقاً بدرجة الحرارة وفق العلاقة التالية:

$$\frac{d \ln k}{dT} = \frac{E_a}{RT^2} \quad (131-2)$$

تُعدَّ هذه العلاقة أحد أشكال علاقه أرينيوس، وبكمالتها ينتج لدينا:

$$\ln k = -\frac{E_a}{RT} + Co \quad (132-2)$$

ويمكن أن تكتب بالشكل الأسي التالي:

$$k = Ae^{-E_a/RT} \quad (133-2)$$

والتي تُعرف بعلاقه أرينيوس. وتُعرف A و E_a بعامل أرينيوس. تُدعى E_a بالطاقة التنشيطية للتفاعل أو طاقة أرينيوس، وهي الطاقة الدنيا التي يجب أن تمتلكها الجزيئات المتفاعلة حتى تستطيع إعطاء النواتج، وهنا يجب التأكيد أنه في تفاعل غازي هناك الكثير من التصادمات ولكن نسبة صغيرة جداً فقط تكون تصادمات فعالة تقود إلى التفاعل، ويعطي الكسر من التصادمات التي تكون طاقتها الحركية زيادة عن الطاقة التنشيطية E_a بتوزع بولتزمان $e^{-E_a/RT}$ والذي يُعرف بعامل بولتزمان، وهو يمثل الكسر من الجزيئات التي تمتلك طاقة تزيد عن طاقتها المتوسطة بمقدار $E_a \geq$. يُدعى الثابت A بعامل التواتر أو بالعامل السابق للأُس (pre-exponential factor) وهو قياس لسرعة التي تحدث فيها

التصادمات بغض النظر عن طاقتها. وهكذا نجد أن جداء عامل التواتر وعامل بولتزمان في العلاقة (133-2) يعطي معدل التصادمات الفعالة. وبوضوح الجدول (2-3) عوامل أرينيوس لبعض التفاعلات.

الجدول (2-3) قيم عوامل أرينيوس لبعض تفاعلات المرتبة الأولى والثانية.

$n = 1$	A, s^{-1}	$E_a, kJ.mol^{-1}$
$CH_3NC \rightarrow CH_3CN$	3.98×10^{13}	160
$NH_4CNO \rightarrow NH_2CONH_2$	3.98×10^{12}	97
$CH_3N_2CH_3 \rightarrow C_2H_6 + N_2^*$	9.23×10^{15}	220
$2N_2O_5 \rightarrow 4NO_2 + O_2$	4.94×10^{13}	103.4
$n = 2$	A, s^{-1}	$E_a, kJ.mol^{-1}$
$H_2 + OH \rightarrow H_2O + H$	8×10^{10}	42.0
$H_2 + I_2 \rightarrow 2HI$	1.58×10^{11}	165
$2HI \rightarrow H_2 + I_2$	5.01×10^{10}	167
$NaC_2H_5O + CH_3I \rightarrow NaI + C_2H_5OCH_3^{**}$	2.42×10^{11}	81.6

* عند الدرجة K 600 ، ** يتم التفاعل في الإيتانول.

يتضح من العلاقة (132-2) أنه يمكن تحديد الطاقة التشيعية لتفاعل برسم قيم $\ln k / T$ بدلالة $i = \ln k - E_a / RT$ فإنتج خطًا مستقيماً ميله يساوي $-E_a / R$ ومنه تُحسب الطاقة التشيعية. وتقاطعه A. يجب الانتباه عند تحديد الطاقة التشيعية من رسومات أرينيوس إلى أنه يجب دراسة التفاعل في مجالٍ واسعٍ من درجات الحرارة لأن الخطًا يكون له ثُباتٌ كبيرٌ عندما تكون الفروقات صغيرة في قيم $1/T$ ، فمثلاً إذا درس التفاعل عند الدرجتين K 300 و 305 فإن قيم $1/T$ الموقعة ستكون $0.00333 K^{-1}$ و $0.00328 K^{-1}$ وهذه الفروقات الصغيرة تجعل من الصعوبة تحديد الميل بدقة.

إذا حدد ثابت السرعة عند درجتي حرارة فقط فإنه يمكن تحديد الطاقة التشيعية لتفاعل بتطبيق العلاقة (132-2) عند درجتي حرارة:

$$\ln k_1 = -\frac{E_a}{RT_1} + Co$$

$$\ln k_2 = -\frac{E_a}{RT_2} + Co$$

ونحصل بطرحهما والترتيب على ما يلي:

$$\ln \frac{k_2}{k_1} = \frac{E_a(T_2 - T_1)}{RT_2 T_1} \quad (134-2)$$

وتعطى الطاقة التشيعية بالعلاقة التالية:

$$E_a = \frac{RT_1 T_2}{T_2 - T_1} \ln \frac{k_2}{k_1} \quad (135-2)$$

مثال:

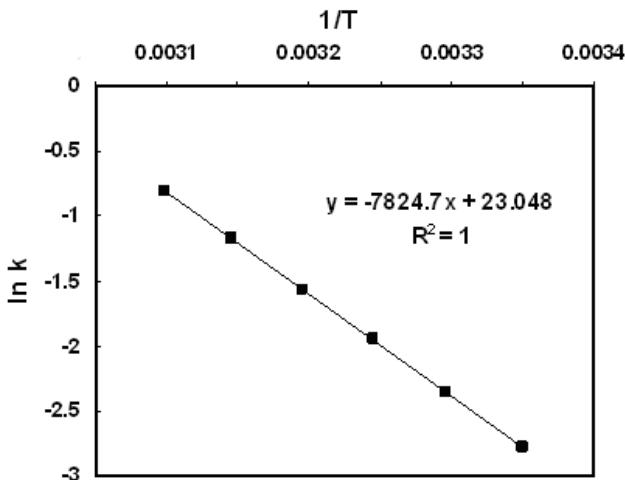
وُجد من أجل تفاعل معين عند دراسته عند درجات حرارة مختلفة أن ثابت السرعة تأخذ القيم التالية:

t, °C	30	35	40	45	50	55
k, s ⁻¹	0.0623	0.0948	0.142	0.210	0.308	0.445

أُوجِدَ عوامِلُ أَرِينِيُوسِ E_a و A ثُمَّ احْسَبَ ثَابِتَ السُّرْعَةِ عِنْدَ الْدَّرْجَةِ 20 °C.

الحل: نحسب $\ln k$ و $1/T$ و نضع النتائج في الجدول التالي:

T, K	303	308	313	318	323	328
$\ln k$	-2.7758	-2.3556	-1.9519	-1.5606	-1.1777	-0.8097
$1/T$	0.00330	0.003247	0.003195	0.003145	0.003096	0.003049



الشكل (25-2) يبيّن رسم أَرِينِيُوسِ لِلبيانات الموجودة في الجدول السابق.

نرسم $\ln k$ بـ دالة $1/T$ فنحصل على الشكل (25-2) حيث يُلاحظ أنَّ النقاط تقع تماماً على الخط المستقيم وأنَّ الميل يبلغ $m = -7824.7$ والتقاطع $i = 23.048$. ومنه يكون:

$$E_a = -mR = -(7824.7) \times 8.314 = 65055 \text{ J/mol} = 65.055 \text{ kJ/mol}$$

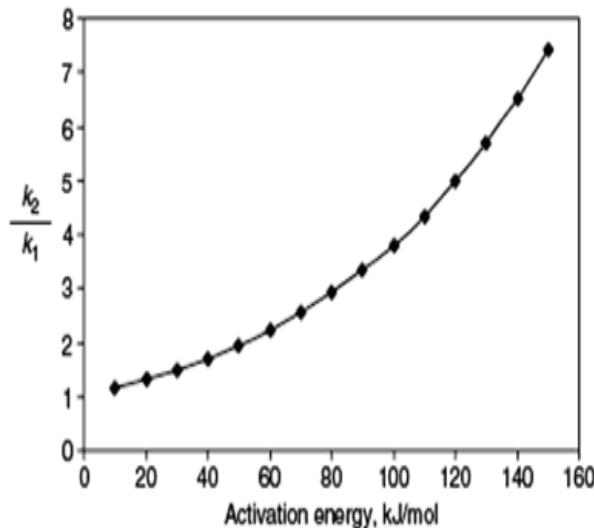
$$i = \ln A = 23.048 \Rightarrow A = \exp(23.048) = 1.022 \times 10^{10} \text{ s}^{-1}$$

يحسب ثابت السرعة عند الدرجات 20 °C و 30 °C بتطبيق العلاقة (2-134)، عند الدرجتين 30 °C و 20 °C، والتي تكتب بالشكل التالي:

$$k_2 = k_1 \exp \left[\frac{E_a(T_2 - T_1)}{RT_1 T_2} \right]$$

$$k_{20} = 0.0623 \exp \frac{65055(293 - 303)}{8.314 \times 303 \times 293} = 0.0258 \text{ s}^{-1}$$

إذا اختير الفرق بين T_1 و T_2 بمقدار 10° فإنَّ قيمة النسبة k_2/k_1 تتصل بالطاقة التنشيطية للتفاعل، فمثلاً إذا كانت $K = 295$ و $T_1 = 305$ و $T_2 = 305$ وحسبت k_2/k_1 من أجل طاقات تنشيطية مختلفة بتطبيق العلاقة (2-134) فإنه ينتج المنحني الممثل في الشكل (26-2). يتبيّن من هذا الشكل أنَّ $k_2/k_1 = 2$ عندما $E_a = 50 \text{ kJ/mol}$ ولكن عندما تكون الطاقة التنشيطية 150 kJ/mol فإنَّ $k_2/k_1 = 7.4$ ، يدفع هذا السلوك إلى ضرورة تقصّص العلاقة بين k_2/k_1 و E_a والفاصل بين درجات الحرارة، وذلك لأنَّ كلي من درجة الحرارة المتوسطة التي يقع فيها الفرق 10° يؤثر على قيم k_2/k_1 ، وبالعودة إلى العلاقة (2-134) والتي يمكن كتابتها بالشكل التالي:

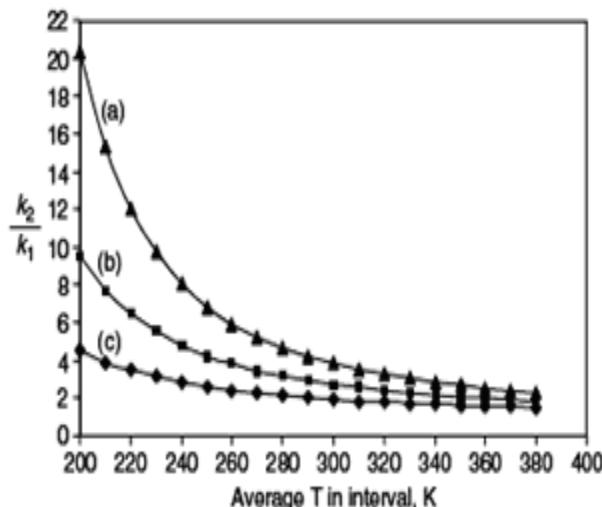


الشكل (26-2) يبيّن تأثير زيادة درجة الحرارة من K 295 إلى K 305 في النسبة k_2/k_1 بدلالة الطاقة التشيعية.

$$\frac{E_a(T_2 - T_1)}{R} = T_1 T_2 \ln \frac{k_2}{k_1} \quad (136-2)$$

ومن أجل قيمة معينة للطاقة التشيعية وعندما $K = T_2 - T_1 = 10$ K فإن الجانب الأيسر من العلاقة السابقة يكون ثابتاً، وسنحصل على قطوع زائدة (hyperbolas) عندما نرسم $\ln k_2/k_1$ بدلالة $T_1 T_2$ ، وبيّن الشكل (27-2) المنحنيات الناتجة عند رسم بدلالة درجة الحرارة المتوسطة للفواصل 10° من أجل قيم مختلفة للطاقة التشيعية وهي 100 و 75 و 50 على التوالي، المنحنيات a و b و c على التوالي، فعند الدرجة K 300 (الفاصل K 295-305) تكون $k_2/k_1 \sim 2$ عندما تكون $E_a = 50$ kJ/mol وتصبح ~ 3 عندما $E_a = 75$ kJ/mol ولكنها ~ 4 عندما $E_a = 100$ kJ/mol، ويلاحظ من الشكل أيضاً أنه عندما تكون الفواصل التي تتضمن درجات حرارة منخفضة يكون التأثير أكبر بصورةٍ واضحةٍ، بينما عندما يكون متوسط درجات الحرارة عالياً يكون التأثير أقل بكثير.

تُدعى نسبة ثابتِي السرعة لتفاعل عندما يكون الفرق 10° بمعامل درجة الحرارة أو المُعامل الدرحاري (temperature coefficient):



الشكل (2-27) يبين تأثير رفع $10K$ في k_2/k_1 من أجل طاقات تنشيطية مختلفة:

(a) $E_a = 100$; (b) $E_a = 75$; (c) $E_a = 50 \text{ kJ/mol}$.

$$\frac{k_{T+10}}{k_T} = \gamma \quad (137-2)$$

وكما أتينا فإن قيمة تتعلق بالطاقة التنشيطية للتفاعل، فقد وجد مثلاً في تفاعل حلمة السكاروز بوجود حمض أن $\gamma = 4.13$ عند رفع درجة حرارة التفاعل بمقدار 10° من 25°C إلى 35°C . بينما $\gamma = 1.82$ من أجل تفاعل حلمة خلات الميتييل في وسط حمضي في درجات الحرارة نفسها، $E_a \sim 40 \text{ kJ/mol}$.

تكون قيمة الطاقة التنشيطية للتفاعلات الكيميائية في المجال $240 - 40 \text{ kJ/mol}$ وهذه القيمة أقل من طاقة الرابطة التي ستتكسر أثناء التفاعل، وذلك لأنها في المعقد الفعال تمتط الروابط إلا أنها لا تتكسر، وكلما كانت الطاقة التنشيطية أعلى كلما تطلب التفاعل درجة حرارة أعلى حتى يتم. تكون واحدة عامل التواتر من واحدة ثابت السرعة، وتتعلق قيمة بمرتبة التفاعل فمن أجل تفاعلات المرتبة الثانية تكون $10^{10} - 10^{12} \text{ M}^{-1} \cdot \text{s}^{-1} \approx A$ ، ومن أجل تفاعلات المرتبة الأولى $10^{13} - 10^{15} \text{ s}^{-1} \approx A$ ، ومن أجل التفاعلات من المرتبة الثالثة تكون $10^7 - 10^9 \text{ M}^{-2} \cdot \text{s}^{-1} \approx A$ ، ويمكن أن تكون خلاف ذلك تبعاً لطبيعة المواد المتفاعلة ودرجة حرارة التفاعل، حيث وجد أن A يتعلق من أجل بعض التفاعلات بدرجة الحرارة، وسنعود إلى ذلك في فقرات قادمة، لذلك تعديل علاقة أرينبيوس لتصبح من الشكل التالي:

$$k = AT^n \exp(-E_a / RT) \quad (138-2)$$

مثال:

وجد من أجل التفاعل الغازي التالي: $\text{H}_2 + \text{I}_2 \rightarrow 2\text{HI}$ أنه عند الدرجة $K = 373.15$ يكون $k = 8.74 \times 10^{-15} \text{ M}^{-1} \text{s}^{-1}$ وعند الدرجة $K = 473.15$ يساوي $k = 4.25 \times 10^{-10} \text{ M}^{-1} \text{s}^{-1}$. أوجد E_a و A ثم احسب k عند الدرجة $K = 400$.

الحل: نعرض المعطيات في العلاقة (135-2) فنحصل على ما يلي:

$$E_a = \frac{RT_1T_2}{T_2 - T_1} \ln \frac{k_2}{k_1} \Rightarrow$$

$$E_a = \frac{8.3145 \times 373.15 \times 473.15}{473.15 - 373.15} \ln \frac{9.53 \times 10^{-10}}{8.74 \times 10^{-15}} = 1.7 \times 10^5 \text{ J/mol}$$

لحساب عامل التواتر نكتب علاقة أرينبيوس بالشكل التالي:

$$A = k e^{E_a / RT}$$

$$A = 8.74 \times 10^{-15} \exp\left(\frac{1.7 \times 10^5}{8.3145 \times 373.15}\right) = 5.47 \times 10^9 \text{ M}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

لحساب ثابت السرعة عند الدرجة K 425.15 نكتب علاقة أرينبيوس بالشكل التالي:

$$k_2 = k_1 \exp\left[\frac{E_a(T_2 - T_1)}{RT_1T_2}\right]$$

$$k_{425} = 8.74 \times 10^{-15} \exp\frac{1.7 \times 10^5(425.15 - 373.15)}{8.3145 \times 373.15 \times 425.15} = 5.497 \times 10^{-12} \text{ M}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

انتهت المحاضرة الرابعة

د: مروة رياح