



كلية العلوم

القسم : الفيزياء

السنة : الثالثة

المادة : ميكانيك الكم ١

المحاضرة : الاولى / نظري /

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

2026

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية ، تكنولوجيا المعلومات وال
يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

7

الفيزياء

٢- الحديثة

النسبية

١- الكلاسيكية

١- نيوتن ٢- الأتوم

١- الكلاسيكية

١- نيوتن ١- مبدأ العطالة

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

٢- قانون الحركة الأساسي

٢- مبدأ الفعل ورد الفعل

لتطبيق قوانين نيوتن يجب أن يكون الجسم كتلة وبالنسبة للجسم واريان الأصغر ماسة بحد كتلتين فهو مجموع بعضي أقطارها أي لا يمكن أن تكون الكتلتان في نفس اللحظة ونفس المكان

١- ٢- الأتوم (النظرية الكلاسيكية)

تكملة قوانين ماكسويل الأربع المتعلقة بالمغناطيسية (الكهربائي والمغناطيسي) مضافاً إليها قوة لورانتز

$$\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

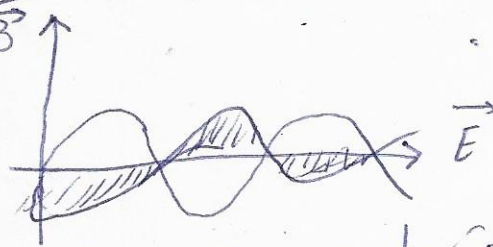
ينبج عنه حركة الأتوم

١- الانعراج وهو انحراف الضوء عنه ماره فيفتش في جميع الاتجاهات
٢- التداخل: انعراجان يشا بلان (بداخلان) مع بعضهما
٣- الاستقطاب: يعني تفالية حق واحد مشر (استقطاب كهربائي - استقطاب مغناطيسي)

من هذا المنظار يمكن لوحيين أن تكونا في المكان ذاته واللحظة نفس وبالتالي الطاقة في الأتوم مشفرة

٢- الحديثة

النسبية



لتعرف فيما كتلة لكونية m بالنسبة لمراقب ما وسرعته v بالنسبة لمراقب آخر فإن كتلة الحركة

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

عندما يكون جسم ساكن $v = 0$ أو $\frac{v}{c} \rightarrow 0$ فتكون الكتلة الحركية مساوية للكتلة لكونية $m = m_0$
أعندما يكون $v = c$ فتكون $\frac{v^2}{c^2} = 1$ وبالتالي المقام معدوم والجميع الكتلة الحركية لا نهائية وهذا يتطلب طاقة لا نهائية أي لا يوجد جسم بهذه الطاقة

$$6.626 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$

for $\psi(x)$ $E = n h \omega = n \hbar \omega$

الطاقة صقطة كونه خرف الكون في نقطة واحدة هو ٧

- عضوں کو فسون

$$\nu < \nu'$$

- فائبراز ڈیوڈ براؤن

$\lambda = \frac{h}{mv}$ $\lambda = 2d \sin \theta$
 (دлина волны) (длина волны)

زادۃ السنواری
عرفۃ السنواری

(2)

معادلة شرودنجر

$$\psi(\vec{r}, t) = A e^{\frac{i}{\hbar}(\vec{p}\vec{r} - Et)}$$

نصف الجسيمات في الكمية بالساعة الموجي

حيث طاقة الحركة E وكمية الحركة $\vec{p}$

$$\vec{p} = p_x \vec{i} + p_y \vec{j} + p_z \vec{k}$$

$$\vec{r} = x \vec{i} + y \vec{j} + z \vec{k}$$

بالنسبة للساعة الموجي بالنسبة للزمان

$$i \hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = E \psi$$

①

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = -\frac{p_x^2}{\hbar^2} \psi$$

بالاشتقاق مرتين متتاليتين بالنسبة لـ x نجد

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = -\frac{p_z^2}{\hbar^2} \psi$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} = -\frac{p_y^2}{\hbar^2} \psi$$

وبما أن

$$p^2 = p_x^2 + p_y^2 + p_z^2 \quad ; \quad \vec{p} = m \vec{v} \Rightarrow p = mv \Rightarrow v = \frac{p}{m}$$

$$E = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow p^2 = 2 m E$$

جميع المعادلات بـ ψ

$$\nabla^2 = \vec{\nabla} \cdot \vec{\nabla} = \left(\vec{i} \frac{\partial}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial}{\partial z} \right)^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$

والذي

$$E \psi = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi \quad \text{②}$$

بمقارنة ① و ② نجد معادلة شرودنجر

$$i \hbar \frac{\partial \psi(\vec{r}, t)}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi(\vec{r}, t)$$

لأن الساعة الموجي $\psi(\vec{r}, t)$ ليس له أي معنى فيزيائي وإعنا يتأني المعنىالفيزيائي له أنه خلال مربع طولية كثافة احتمال وجود الجسيم في الحجم العنصري dv هو

$$|\psi|^2 dv \Rightarrow \int |\psi|^2 dv = 1$$

شرط التطبيع

وهو عبارة عن مجموع احتمالات وجود الجسيم في كل الفراغ

$$z^2 = z z^* = (a+ib)(a-ib) = a^2 + b^2$$

مربع عدد عقدي

$$z = a+ib = r e^{i\theta}$$

عند معادلة شرودنجر تبين أن صقلية باطوضوح الزمن ولا يحد
معادلة شرودنجر المستقلة عن الزمن يفرض أن $\psi(\vec{r}, t) = \psi(\vec{r}) \cdot \chi(t)$ هو عبارة
عن جداء ثابتين

$$i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi$$

$$i\hbar \frac{\partial [\psi(\vec{r}) \chi(t)]}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 [\psi(\vec{r}) \chi(t)]$$

$$i\hbar \psi(\vec{r}) \frac{d\chi(t)}{dt} = -\frac{\hbar^2}{2m} \chi(t) \nabla^2 \psi(\vec{r})$$

بفرض المتحولات من كل طرف

$$i\hbar \frac{1}{\chi(t)} \frac{d\chi(t)}{dt} = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{1}{\psi(\vec{r})} \nabla^2 \psi(\vec{r}) = \text{const} = E$$

$$\Rightarrow \begin{cases} i\hbar \frac{1}{\chi(t)} \frac{d\chi(t)}{dt} = E \Rightarrow i\hbar \frac{d\chi(t)}{\chi(t)} = E dt & (1) \\ -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{1}{\psi(\vec{r})} \nabla^2 \psi(\vec{r}) = E \Rightarrow \nabla^2 \psi(\vec{r}) + \frac{2m}{\hbar^2} E \psi(\vec{r}) = 0 & (2) \end{cases}$$

معادلة عن الزمن

$$(1) \Rightarrow \frac{d\chi(t)}{\chi(t)} = -\frac{iE}{\hbar} dt \Rightarrow \ln \chi(t) = -\frac{iE}{\hbar} t + C$$

$$\Rightarrow \ln \chi(t) - \ln A = -\frac{iE}{\hbar} t \Rightarrow \frac{\chi(t)}{A} = e^{-\frac{iE}{\hbar} t}$$

$$\chi(t) = A e^{-\frac{iE}{\hbar} t}$$

$$\chi(t) = e^{-\frac{iE}{\hbar} t}$$

في الشروط، لا سبب لـ $A=1$

والذي

$$\psi(\vec{r}, t) = \psi(\vec{r}) \chi(t) = \psi(\vec{r}) e^{-\frac{iE}{\hbar} t}$$

فانه

$$|\psi(\vec{r}, t)|^2 = \psi(\vec{r}, t) \cdot \psi^*(\vec{r}, t) = |\psi(\vec{r})|^2$$

المعادلة (2) هي معادلة شرودنجر المستقلة عن الزمن.

$$E = T + V \Rightarrow T = E - V$$

والذي

$$\nabla^2 \psi(\vec{r}) + \frac{2m}{\hbar^2} (E - V) \psi(\vec{r}) = 0$$

(3)

نظرية ليوفيل Liouville

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \vec{\nabla} \cdot \vec{J} = 0$$

الشكل العام

حيث ρ كثافة الكتلة أو الشحنة
 $\vec{J}$ كثافة التيار، المادة أو الشحنة

$$\rho = |\psi|^2 = \psi \psi^*$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} (\psi \psi^*) = \psi^* \frac{\partial \psi}{\partial t} + \psi \frac{\partial \psi^*}{\partial t}$$

$$i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi + V\psi$$

لدينا معادلة شرودنجر
بضرب الطرفين بـ $\frac{1}{i\hbar}$ بقوى معادلة

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} = -\frac{\hbar}{2mi} \nabla^2 \psi + \frac{V}{i\hbar} \psi$$

وكيفية المرافقة

$$\frac{\partial \psi^*}{\partial t} = \frac{\hbar}{2mi} \nabla^2 \psi^* - \frac{V}{i\hbar} \psi^*$$

بضرب الأولى بـ ψ^* والثانية بـ ψ والجمع نصل على

$$\begin{aligned} \frac{\partial \rho}{\partial t} &= \psi^* \frac{\partial \psi}{\partial t} + \psi \frac{\partial \psi^*}{\partial t} = -\frac{\hbar}{2mi} \psi^* \nabla^2 \psi + \frac{\hbar}{2mi} \psi \nabla^2 \psi^* \\ &= \frac{\hbar}{2mi} [\psi \nabla^2 \psi^* - \psi^* \nabla^2 \psi] \end{aligned}$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\hbar}{2mi} (\psi^* \nabla^2 \psi - \psi \nabla^2 \psi^*) = 0$$

طابقين قوسين كيتب كما يلي

$$\begin{aligned} \nabla (\psi^* \nabla \psi - \psi \nabla \psi^*) &= \nabla \psi^* \nabla \psi + \psi^* \nabla^2 \psi - \nabla \psi \nabla \psi^* - \psi \nabla^2 \psi^* \\ &= \psi^* \nabla^2 \psi - \psi \nabla^2 \psi^* \end{aligned}$$

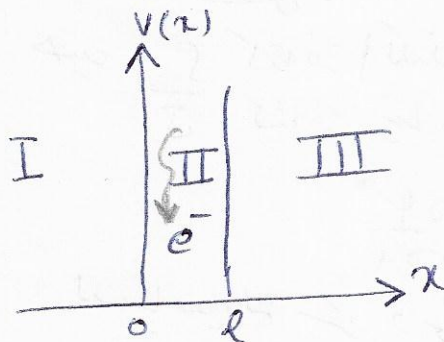
ننظر

$$J = (\psi^* \nabla \psi - \psi \nabla \psi^*) \frac{\hbar}{2mi}$$

أي

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \vec{\nabla} \cdot \vec{J} = 0$$

تطبيقات على معادلة شرودنجر
- دراسة جسيم في حجرة مكونة للاثباتية على بعد واحد x احتمال وجود الجسيم
(الكثير مثلاً) خارجاً معدوم



$$V(x) = \begin{cases} 0 & 0 < x < l \\ \infty & x \leq 0, x \geq l \end{cases}$$

لنا معادلة شرودنجر $-\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi + V\psi = E\psi$
في المنطقة I و III الكونstant في دار الثاني لا وجود لشرودنجر

أما في المنطقة II فإن $V=0$ وبقي معادلة شرودنجر

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi = E\psi \quad \text{و} \quad \nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2 \psi(x)}{dx^2} = E\psi(x) \Rightarrow \frac{d^2 \psi(x)}{dx^2} + \frac{2mE}{\hbar^2} \psi = 0$$

$$\Rightarrow \frac{d^2 \psi}{dx^2} + k^2 \psi = 0 \quad \text{و} \quad k^2 = \frac{2mE}{\hbar^2} > 0$$

$$\psi(x) = A e^{ikx} + B e^{-ikx}$$

- نم تصنيف الخواص من الشرط الذي
- 1- الدالة موجية يأخذ قيمة مستمرة في كل نقطة من نقاط الفراغ
 - 2- الدالة موجية مستمرة في كل نقطة من نقاط الفراغ
 - 3- الدالة موجية يأخذ قيمة واحدة في كل نقطة من نقاط الفراغ
 - 4- المشتقة الأولى للدالة موجية مستمرة

$$\psi(x=0) = 0 \Rightarrow A + B = 0 \Rightarrow A = -B$$

$$\psi(x) = A e^{ikx} - A e^{-ikx} = 2i A \left(\frac{e^{ikx} - e^{-ikx}}{2i} \right) = 2i A \sin kx$$

$$\psi(x=l) = 2i A \sin kl = 0 \Rightarrow kl = n\pi \quad n=1, 2, 3, \dots$$

$$\Rightarrow k^2 l^2 = n^2 \pi^2 \Rightarrow \frac{2mE}{\hbar^2} l^2 = n^2 \pi^2$$

$$\Rightarrow k^2 l^2 = n^2 \pi^2 = \frac{2mE}{\hbar^2} l^2 \Rightarrow E_n = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2m l^2} n^2 \quad n=1, 2, 3, \dots$$

$$\Rightarrow E_1 = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2m l^2} \Rightarrow E_n = n^2 E_1$$

(4)

وبالتالي فإن مستويات الطاقة في الذرة تكون هيكلية (مقطعة) وليست مستمرة

وإن مستويات الطاقة لدينا ذات ديس المتفرقة، فمجرد أن يكون ليتم في الحالة،

الكلاسيكية فإن أصغر طاقة معدومة.

لأن الطاقة E تتناسب عكسًا مع كتلة الجسيم وأيضًا مع l (عرض حفرة يكون)

مترين:

أحب مستويات الطاقة الأولى لحزمة فزيائية موصوفة بحفرة كوانتية على

بعد واحد بغير طارئة مكونة من الكترون $(m = 9.109 \times 10^{-31} \text{ kg})$ وإن

عرض الحفرة يكون $l = 5 \text{ \AA} = 5 \times 10^{-10} \text{ m}$ (مقدرة بالانكسار وفولط)

$(h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J.s})$ ثم أحب مستويات الطاقة من أجل بروتون حيث

$m_p = 1.672 \times 10^{-27} \text{ kg}$ ثم قارنا قيمة هذه الطاقة مع الطاقة الناتجة من المفعول

الحراري حيث $E = k_B T$

k_B ثابت بولتزمان $k_B = 1.381 \times 10^{-23} \text{ J/K}$ $T = 27^\circ \text{C}$

$$1 \text{ eV} = 1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$$

- إن الفرق بين مستويات متتاليتين

$$\Delta E = E_{n+1} - E_n = E_1 [(n+1)^2 - n^2] = E_1 (2n+1)$$

فإن

$$\frac{\Delta E}{E_n} = \frac{E_1 (2n+1)}{E_1 n^2} = \frac{2n+1}{n^2} \xrightarrow{n \rightarrow \infty} \frac{\Delta E}{E_n} \approx \frac{1}{n}$$

نصير الطاقة متفرقة $n \rightarrow \infty$ وبالتالي الفرق بين مستويات متتاليتين ينتهي إلى الصفر

بما أن احتمال وجود الجسيم في الصف الحبي dv هو

$$\int dv = \psi^* \psi dv$$

$$\int_V |\psi|^2 dv = 1$$

وهو شرط التنظيم أو التوحيد، حيث:

$$\psi(x) = 2iA \sin kx = 2iA \sin \frac{n\pi}{l} x \quad k = \frac{n\pi}{l}$$

وبالتالي فإن

$$\int_{-\infty}^{\infty} |\psi|^2 dv = 1 \Rightarrow \int_{-\infty}^{\infty} |2iA \sin \frac{n\pi}{l} x|^2 dx = |2iA|^2 \int_{-\infty}^{\infty} \sin^2 \frac{n\pi}{l} x dx = 1$$

$$|2iA|^2 \left[\int_{-\infty}^0 \sin^2 \frac{n\pi}{l} x dx + \int_0^l \sin^2 \frac{n\pi}{l} x dx + \int_l^{\infty} \sin^2 \frac{n\pi}{l} x dx \right] = 1$$

وبما أن $\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2}$ فيكون

$$A = \frac{1}{2i} \sqrt{\frac{2}{\ell}} \leftarrow$$

$$\left. \begin{aligned} \psi_n(x) &= \sqrt{\frac{2}{\ell}} \sin \frac{n\pi}{\ell} x \\ E_n &= \frac{\pi^2 \hbar^2}{2m\ell^2} n^2 \end{aligned} \right\} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

$$x = \frac{\ell}{2} \Rightarrow \psi_1 = \sqrt{\frac{2}{\ell}} \sin \frac{\pi}{2}$$

~~فيكون~~

نتيجة أن

- ١- أن طاقة الجسيم المتحرك في الفراغ تكون تأخذ حتماً صيغة أي كمية
- ٢- أن الجسيم في الحالة الأساسية متحرك ~~وعلى~~ ويملك طاقة حركية
- ٣- تظهر خاصية تكميم الطاقة بوضوح في الجسيمات المتحركة في الفراغ تكون
- ٤- عندما تأخذ n قيمة كبيرة فإننا نصل إلى سوية طاقة مستمرة $\frac{\Delta E_n}{E_n} \rightarrow 0$ وهي الحالة التي تنتقل من ~~الحالة~~ فيها نيل الكم إلى الكلاسيكي.

(5)

— دراسة جسيم في حفرة مكونة من ثلاث غرف ذات أبعاد

درسنا في الفقرة السابقة في بعد واحد فنتبعه الآن بثلاثة أبعاد .

$$V(x, y, z) = \begin{cases} 0 & 0 < x < l_1, \quad 0 < y < l_2, \quad 0 < z < l_3 \\ \infty & x \leq 0, x \geq l_1, \quad y \leq 0, y \geq l_2, \quad z \leq 0, z \geq l_3 \end{cases}$$

ونفرض شروطاً حدودية

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi(x, y, z) + V(x, y, z) \psi(x, y, z) = E \psi(x, y, z)$$

$$\psi(x, y, z) = \psi_{n_1}(x) \psi_{n_2}(y) \psi_{n_3}(z)$$

$$\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \quad \text{وإن } V(x, y, z) = 0 \quad \text{بعد التفكيك والاستغناء نحصل على}$$

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{1}{\psi_{n_1}} \frac{d^2 \psi_{n_1}}{dx^2} + \frac{1}{\psi_{n_2}} \frac{d^2 \psi_{n_2}}{dy^2} + \frac{1}{\psi_{n_3}} \frac{d^2 \psi_{n_3}}{dz^2} \right) = \underline{E_{n_1} + E_{n_2} + E_{n_3}}$$

$$\psi_{n_1}(x) = \sqrt{\frac{2}{l_1}} \sin \frac{n_1 \pi}{l_1} x \quad \left. \begin{array}{l} \\ E_{n_1} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2m l_1^2} n_1^2 \end{array} \right\} n_1 = 1, 2, 3, \dots$$

$$\psi_{n_2}(y) = \sqrt{\frac{2}{l_2}} \sin \frac{n_2 \pi}{l_2} y \quad \left. \begin{array}{l} \\ E_{n_2} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2m l_2^2} n_2^2 \end{array} \right\} n_2 = 1, 2, 3, \dots$$

$$\psi_{n_3}(z) = \sqrt{\frac{2}{l_3}} \sin \frac{n_3 \pi}{l_3} z \quad \left. \begin{array}{l} \\ E_{n_3} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2m l_3^2} n_3^2 \end{array} \right\} n_3 = 1, 2, 3, \dots$$

وبالتالي

$$\psi_{n_1, n_2, n_3}(x, y, z) = \psi_{n_1}(x) \cdot \psi_{n_2}(y) \cdot \psi_{n_3}(z)$$

$$= \sqrt{\frac{2^3}{l_1 l_2 l_3}} \sin \frac{n_1 \pi}{l_1} x \cdot \sin \frac{n_2 \pi}{l_2} y \cdot \sin \frac{n_3 \pi}{l_3} z$$

$$E = E_{n_1} + E_{n_2} + E_{n_3} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2m} \left(\frac{n_1^2}{l_1^2} + \frac{n_2^2}{l_2^2} + \frac{n_3^2}{l_3^2} \right)$$

- الانطباع

تقول عن صورة طاقة انما ضيقة اذا كانت هذه الصورة عدد من
التوزيعات المختلفة أكثر من واحد
درم الانطباع هي عدد التوزيعات المختلفة التي تقابل تلك الصورة

صورة الطاقة	n_1	n_2	n_3	$N = n_1^2 + n_2^2 + n_3^2$	$E_N = E_{n_1 n_2 n_3} = N E_1$	عدد الانطباع $4_{n_1 n_2 n_3}$
1	1	1	1	3	$3 E_1$	4_{111} 1
2	2	1	1	6	$6 E_1$	4_{211}
	1	2	1			4_{121} 3
	1	1	2			4_{112}

يفرض - صورة الطاقة الانطباع $3 E_1$ وسدس الطاقة انما انما $6 E_1$

3	2	2	1	9	$9 E_1$	3
	2	1	2			
	1	2	2			
				12	$12 E_1$	1
				2	2	2

	3	2	1	14	$14 E_1$	6
	3	1	2			
	2	3	1			
	2	1	3			
	1	2	3			
	1	3	2			

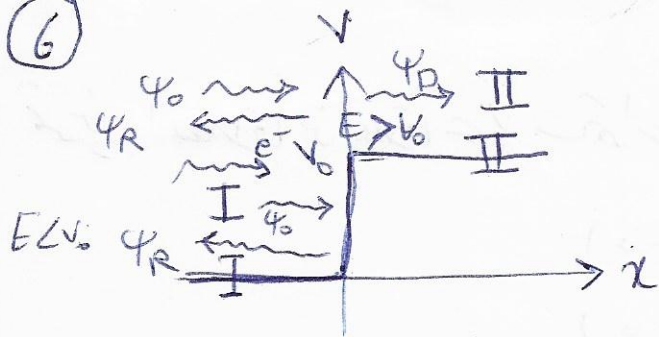
	3	2	2	17	$17 E_1$	3
	2	3	2			
	2	2	3			

	4	1	1	18	$18 E_1$	3
	1	4	1			
	1	1	4			

	3	3	1	19	$19 E_1$	3
	3	1	3			
	1	3	3			

	4	2	1	21	$21 E_1$	6
	4	1	2			
	2	4	1			
	2	1	4			
	1	2	4			

(6)



دراسة جسيم في حاجز كوتون :

$$V(x) = \begin{cases} 0 & x \leq 0 \\ V_0 & x > 0 \end{cases}$$

المصادرة المتروكة دبر هي

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi + V\psi = E\psi \xrightarrow{I} -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 \psi_I = E\psi_I$$

$$\nabla^2 \psi_I + \frac{2mE_I}{\hbar^2} \psi_I = 0 \Rightarrow \nabla^2 \psi_I + k^2 \psi_I = 0$$

والحل هو

$$\psi_I(x) = A_1 e^{ikx} + B_1 e^{-ikx}$$

واردة

مضكة

في المنطقة II كيرة

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2 \psi_{II}}{dx^2} + V_0 \psi_{II} = E \psi_{II}$$

$$\frac{d^2 \psi_{II}}{dx^2} + \frac{2m}{\hbar^2} (E - V_0) \psi_{II} = 0 \Rightarrow \frac{d^2 \psi_{II}}{dx^2} + k'^2 \psi_{II} = 0$$

والحل

$$\psi_{II}(x) = A_2 e^{ik'x} + B_2 e^{-ik'x}$$

ناقلة

مضكة

بما أنه لا توجد موجة مضكة في المنطقة II لأنه لا يوجد حاجز كوتون

فان $B_2 = 0$ وبالتالي $\psi_0 = A_1 e^{ikx} = e^{ikx}$ حيث $A_1 = 1$ ← الموجة الواردةالموجة المنطكة عبر الحاجز (حاجز الكوتون V_0)

$$\psi_R(x) = B_1 e^{-ikx}$$

$$\psi_D(x) = A_2 e^{ik'x}$$

الموجة النافذة عبر الحاجز V_0 $E > V_0$

$$J = \frac{i\hbar}{2m} (\psi \nabla \psi^* - \psi^* \nabla \psi)$$

كل عام إنه كثافة التيار وكثافة التيار الجيبية للمنطقة

$$J_R = \frac{i\hbar}{2m} (\psi_R \nabla \psi_R^* - \psi_R^* \nabla \psi_R)$$

$$\psi_R^* = B_1^* e^{ikx}$$

$$\nabla = \frac{d}{dx} \text{ حيث}$$

$$J_R = -\frac{\hbar k}{m} |B_1|^2$$

$$J_D = \frac{\hbar k'}{m} |A_2|^2$$

$$J_0 = \frac{\hbar k}{m}$$

$$R = \frac{|J_R|}{|J_0|} = |B_1|^2$$

$$D = \frac{|J_D|}{|J_0|} = \frac{k'}{k} |A_2|^2$$

- أثبت أن كثافة التيار الجيبية الواردة

- معامل الانعكاس

- معامل النفاذية

تمرين: انظر إلى العلاقة بين A_1, A_2 و B_1, B_2 أو جداول

$$\psi_I(x=0) = \psi_{II}(x=0)$$

$$\psi'_I(x=0) = \psi'_{II}(x=0)$$

$$B_1 = \frac{k - k'}{k + k'} \neq 0 \quad A_2 = \frac{2k}{k + k'}$$

$$D = \frac{|\psi_D|^2}{|\psi_0|^2} = \frac{k'}{k} |A_2|^2 \quad R = \frac{|\psi_R|^2}{|\psi_0|^2} = |B_1|^2$$

$$k' = iX \Leftrightarrow 0 > k' = \sqrt{\frac{2m}{\hbar^2}(E - V_0)} \Leftrightarrow E < V_0$$

حيث X عدد حقيقي و $V_0 > 0$

$$\psi_D = A_2 e^{ik'x} = A_2 e^{-Xx} = A_2 e^{-Xx}$$

والتي تكون موجة الجسيم بعد الحاجز (النافذ)

$$|\psi_D|^2 = |A_2|^2 e^{-2Xx} \neq 0$$

والتي يمكن تبين أن يكون داخل الحاجز الكوة ويعود.



مكتبة
A to Z