



كلية العلوم

القسم : الكيمياء

السنة : الثانية

المادة : اهتزازات وامواج

المحاضرة : ١+٢ / عملي

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

2026

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960



## التحقق من قانون هوك وحساب ثابت مرونة نابض

### Verification of Hooke's law and determination of elastic coefficient

#### هدف التجربة:

- 1- التحقق من قانون هوك في نابض اسطواني.
- 2- تعيين ثابت مرونة هذا النابض.
- 3- دراسة الاهتزاز التوافقي لكتلة معلقة بهذا النابض.
- 4- حساب تسارع الجاذبية الأرضية.

#### الأجهزة والأدوات المستخدمة :

1. نابض معلق بحامل.
2. كفة كتلتها (10 g).
3. مجموعة كتل عيارية.
4. مسطرة.
5. مقياسية.

#### موجز نظري:

1. الإجهاد: تطلق تسمية إجهاد على القوى الداخلية التي تتولد على مقطع ما من جسم خاضع لمجموعة من القوى. ويكون الإجهاد إجهاد شد إذا كانت هذه القوى تسعى لفصل أجزاء الجسم بعضها عن بعض، ويكون الإجهاد

إجهاد ضغط إذا كانت هذه القوى تسعى لتقريب أجزاء الجسم بعضها عن بعض، ويكون الإجهاد إجهاد قص إذا كانت هذه القوى تسعى لزلق بعض أجزاء الجسم بالنسبة لبعضها الآخر.

إن واحدة قياس الإجهاد هي الباسكال الذي يساوي نيوتن على متر مربع.

2. الانفعال: هو أي تغير يطرأ على أبعاد أو شكل الجسم عند خضوعه لمجموعه من القوى.

الانفعال الطولي: هو التغير النسبي في طول الجسم عند خضوعه لإجهاد الشد أو الضغط فإذا كان الطول الأصلي للجسم  $L$  والتغير في الطول  $\Delta L$  فإن الانفعال الطولي هو  $\Delta L/L$ ، ونرى أنه ليس له واحدة ويكون موجباً في حالة زيادة الطول (إجهاد شد) وسالباً في حالة نقصانه (إجهاد ضغط).

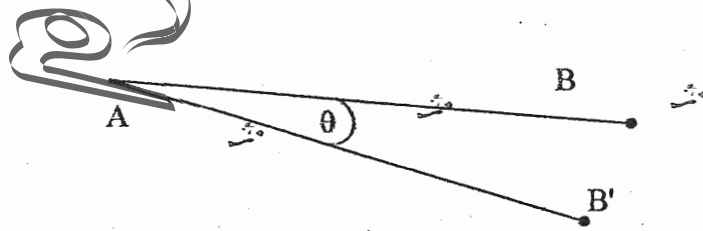
الانفعال الحجمي: هو التغير النسبي في حجم الجسم الذي يخضع سطحه الخارجي بكامله لإجهاد ضغط أو شد منتظم. وإذا كان الحجم الأصلي  $V$  والتغير في الحجم  $\Delta V$  فإن الانفعال الحجمي هو  $\Delta V/V$  وهو أيضاً موجب أو سالب ودون وحدات.

انفعال القص: يحدث عند تعرض الجسم لإجهاد القص وفيه يحدث تغير في شكل الجسم. إذا أدى إجهاد القص المطبق على القضيب  $(AB)$  كما في الشكل (1) إلى تغير شكله بحيث يصبح في الوضع  $(AB')$  فإن انفعال القص يقاس بالزاوية:

$$\theta = \frac{BB'}{AB}$$

(1)

إن هذه الزاوية تكون صغيرة عادةً في الأجسام الصلبة.



الشكل (1)

3. المرونة: هي خاصية من خواص المادة وبفضلها يعود الجسم إلى شكله الأصلي وأبعاده الأصلية بعد زوال الإجهاد الذي أدى إلى انفعاله (تغير شكله أو تغير أبعاده).

إن الجسم يعود عملياً إلى شكله الأصلي وأبعاده الأصلية بعد زوال الإجهادات المطبقة عليه إذا كانت هذه الإجهادات لا تتجاوز قيمة معينة تتعلق بطبيعة مادة الجسم وحالته الفيزيائية وتدعى هذه القيمة حد المرونة.

4. قانون هوك: تبين التجارب المختلفة أن قوى الشد المطبقة على الأسلاك والقضبان تؤدي إلى استطالات متناسبة مع القوى المطبقة. وإذا ثبت نهاية قضيب وفتلت النهاية الأخرى فإنها تدور بزاوية متناسبة مع عزم القوى المسببة للدوران.

كما أن النوابض تستطيل بمقادير متناسبة مع الحمولات المعلقة بها. إن هذه الظواهر وما يشابهها يمكن جمعها تحت قانون واحد هو قانون هوك ويمكن النص عليه كما يلي:

"إن الانفعال الحادث في جسم ما يتناسب مع الإجهاد المسبب له".

5. استطالة نابض ذي حلقات: إذا صنعنا نابضاً ذا حلقات من سلك رفيع وكان هذا النابض صغير الخطوة (الخطوة هي المسافة الراسية بين الحلقات) وعلقناه إلى نقطة ثابتة وعلقنا به ثقلاً بحيث يأخذ محور النابض وضعاً شاقولياً نلاحظ استطالة النابض.

إن انفعال النابض هو انفعال قص وتكون استطالة النابض متناسبة مع زاوية القص. وبتطبيق قانون هوك يمكن أن نكتب أن قوة الثقل ( $mg$ ) متناسبة مع استطالة النابض  $\Delta L$  أو:

نسخة المخبر للعام الدراسي 2018 - 2019

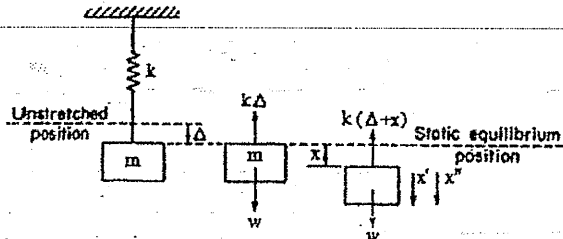
### التجربة العملية رقم (6)

### الحركة الاهتزازية التوافقية البسيطة

#### الغاية من التجربة :

التعرف على نماذج من الحركات الاهتزازية والتحقق من قوانينها.

#### موجز النظري :



لنعتبر نابضاً طوله الطبيعي  $l$  معلقاً على حامل . فإذا علمنا في نهايته كتلة  $m$  زاد طول النابض بمقدار معين، وليكن  $\Delta$ . نعلم أنه إذا كانت الكتلة المعلقة  $m$  لا تجعل النابض يتجاوز حدود مرونته، فإن مقدار استطالة النابض يتناسب مع ثقل الكتلة  $m$  أي أن:

$$mg = k \cdot \Delta \quad (1)$$

حيث يرمز  $k$  إلى ثابت مرونة النابض و واحداته كما يتضح من العلاقة (1) هي وحدة قوة على طول.

لننظر الآن في القوى المؤثرة في الكتلة  $m$  في الوضعين الثاني والثالث من الشكل (1). ففي الوضع الثاني تخضع الكتلة  $m$  إلى قوتين متساويتين ومتعاكستين مباشرة فنتوازن. وهاتان القوتان هما الثقل  $mg$  وقوة شد النابض للكتلة قيمتها  $k \cdot \Delta$  ويعيب استطالة النابض بالمقدار  $\Delta$ ، إذن لدينا:

$$mg - k \cdot \Delta = 0 \quad (2)$$

فإذا أزلنا الكتلة  $m$  عن وضع توازنها المبين في الوضع الثاني مسافة  $x$  نحو الأسفل، تكون استطالة النابض  $(\Delta + x)$ ، وتصبح قوة شد النابض للكتلة  $m$  مساوية  $k(\Delta + x)$ ، وهي متجهة نحو الأعلى، وتكون محصلة القوى المؤثرة بالكتلة  $m$  مساوية:

$$F = mg - k(\Delta + x)$$

وبالاستفادة من العلاقة (2) نجد قانون هوك:

$$F = -k \cdot x \quad (3)$$

ويتطبيق قانون نيوتن الثاني في التحريك :

$$F = ma = m \ddot{x}$$

وبالتبديل في المعادلة (3) نحصل على المعادلة :

$$\ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0 \quad (4)$$

وهي معادلة تفاضلية حلها من أجل الشروط الابتدائية  $x = x_0$  عندما  $t = 0$ ، يعطى بالعلاقة:

$$x = x_0 \cos \sqrt{k/m} t \quad (5)$$

وتدل هذه العلاقة أن الكتلة  $m$  تقوم بحركة اهتزازية بين الوضعين  $x_0$ ،  $-x_0$  ويعطى دورها بالعلاقة:

$$T = 2\pi \sqrt{m/k} \quad (6)$$

#### الأجهزة والأدوات:

- نابض معلق بحامل وينتهي بخطاف.
- مسطرة شاقولية.
- مجموعة كتل ذات قيم معلومة منها ما يناسب النابض.
- عداد ثواني أو ساعة يد.

مراحل العمل والنتائج :

أولاً : التحقق من قانون هوك

1- علق النابض بحامله، واستعن بالمسطرة لقراءة التدرج الذي تدل عليه النهاية السفلى للنابض.

2- علق في نهاية النابض كتلة  $m_1$  فيستطيل النابض. اقرأ التدرج  $\ell_1$  الذي تدل عليه النهاية السفلى للنابض. احسب الانزياح:

$$\delta \ell_1 = \ell_1 - \ell_0 \quad \text{حيث } \ell_0 = 37 \text{ cm}$$

3- حمل النابض كتلاً متزايدة  $m_2, m_3, \dots$  واحسب  $\delta \ell_2, \delta \ell_3, \dots$  في كل مرة ورتب نتائجك في جدول كالتالي :

m(gr)	m.g (dynes)	$\ell$ (cm)	$\delta \ell = \ell_1 - \ell_0$ (cm)	$k = mg/\delta \ell$ (dynes/cm)	$\delta k$
100 gr		38	1		
200 gr			3		
300 gr			5		
400 gr			7		
حتى وزن 1000 gr			9		
القيمة الوسطى					

4- بأي دقة تتحقق من صحة قانون هوك؟ :

5- ارسم المنحني البياني  $\delta \ell = f(m)$ .

ثانياً : الحركة الاهتزازية للكتلة في نهاية النابض.

1- علق في نهاية النابض الكتلة  $m$ ، ثم أرحها عن وضع توازنها مسافة صغيرة وأتركها تهتز فإذا كانت الاهتزازات سريعة استبدل

الكتلة  $m$  بكتلة أكبر منها. استعمل عداد الثواني لقياس زمن 50 نوسة كاملة وليكن  $t$ . ثم احسب زمن النوسة الواحدة  $T$  (وهو

الدور).

2- اعد الطلاب السابق من أجل كتل متزايدة ورتب نتائج قياسك في جدول كالتالي:

m (gr)	t (s)	$T = t/50$ (s)	$T^2$ (s <sup>2</sup> )	$T^2/m$ (s <sup>2</sup> /gr)	$\delta(T^2/m)$ (s <sup>2</sup> /gr)
100 gr					
200 gr					
300 gr					
400 gr					
حتى وزن 800 gr					
القيمة الوسطى					

3- ارسم على ورقة ميليمترية المنحني البياني لتحويلات  $T^2 = f(m)$ ، واستنتج من ميل هذا المستقيم ثابت مرونة النابض  $k$ .

4- بأي دقة تحسب ثابت مرونة النابض.

5- قارن النتيجة التي حصلت عليها في هذه التجربة بالقيمة التي حصلت عليها من قانون هوك.