

كلية العلوم

القسم : الكيمياء

السنة : الثانية



المادة : اهتزازات وامواج

المحاضرة : ٢+١ / عملي /

{{{ A to Z مكتبة }}}
A to Z Library

Maktabat A to Z
Maktabat A to Z

2026

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

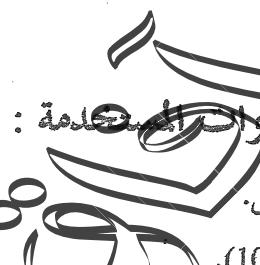


التحقق من قانون هوك وحساب ثابت مرونة نابض

Verification of Hooke's law and determination of elastic coefficient

هدف التجربة:

- 1- التحقق من قانون هوك في نابض اسطواني.
- 2- تعين ثابت مرونة هذا النابض.
- 3- دراسة الاهتزاز التواقي لكتلة معلقة بهذا النابض.
- 4- حساب تسارع الجاذبية الأرضية.



الأجهزة والأدوات المستخدمة :

1. نابض معلق بحامل.
2. كفة كتلتها (10 g).
3. مجموعة كتل عيارية.
4. مسطرة.
5. ميقاتية.



موجز نظري:

1. الإجهاد: تطلق تسمية إجهاد على القوى الداخلية التي تؤدي على مقطع ما من جسم خاضع لمجموعة من القوى. ويكون الإجهاد إجهاداً إذا كانت هذه القوى تسعى لفصل أجزاء الجسم بعضها عن بعض، ويكون الإجهاد

إجهاد ضغط إذا كانت هذه القوى تسعى لتقريب أجزاء الجسم بعضها عن بعض، ويكون الإجهاد إجهاد قص إذا كانت هذه القوى تسعى لرقل بعض أجزاء الجسم بالنسبة لبعضها الآخر.

إن واحدة قياس الإجهاد هي الباسكال الذي يساوي نيوتن على متر مربع.

2. الانفعال: هو أي تغير يطرأ على أبعاد أو شكل الجسم عند خضوعه لمجموعه من القوى.

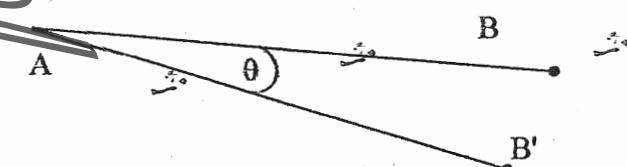
الانفعال الطولي: هو التغير النسبي في طول الجسم عند خضوعه لإجهاد الشد أو الضغط فإذا كان الطول الأصلي للجسم L والتغير في الطول ΔL فإن الانفعال الطولي هو $\frac{\Delta L}{L}$ ، ونرى أنه ليس له واحدة ويكون موجباً في حالة زيادة الطول (إجهاد شد) وسالباً في حالة نقصانه (إجهاد ضغط).

الانفعال الحجمي: هو التغير النسبي في حجم الجسم الذي يخضع سطحه الخارجي بكمائه لإجهاد ضغط أو شد منتظم. وإذا كان الحجم الأصلي V والتغير في الحجم ΔV فإن الانفعال الحجمي هو $\frac{\Delta V}{V}$ وهو أيضاً موجب أو سالب ودون واحدات.

الفعال القص: يحدث عند تعرض الجسم لإجهاد القص وفيه يحدث تغير في شكل الجسم. إذا أدى إجهاد القص المطبق على القضيب (AB) كما في الشكل (1) إلى تغير شكله بحيث يصبح في الوضع (A'B') فإن انفعال القص يقاس بالزاوية:

$$\theta = \frac{BB'}{AB} \quad (1)$$

إن هذه الزاوية تكون صغيرة عادةً في الأجسام الصلبة.



الشكل (1)

3. المرونة: هي خاصية من خواص المادة وبفضلها يعود الجسم إلى شكله الأصلي وأبعاده الأصلية بعد زوال الإجهادات الذي أدى إلى انفعاله (تغير شكله أو تغير أبعاده).

إن الجسم يعود عملياً إلى شكله الأصلي وأبعاده الأصلية بعد زوال الإجهادات المطيبة عليه إذا كانت هذه الإجهادات لا تتجاوز قيمة معينة تتعلق بطبيعة مادة الجسم وحالته الفيزيائية وتدعى هذه القيمة حد المرونة.

4. قانون هوك: تبين التجارب المختلفة أن قوى الشد المطيبة على الأسلام والقضبان تؤدي إلى استطالات متناسبة مع القوى المطيبة. وإذا ثبتت نهاية قضيب وفلت النهاية الأخرى فإنما تدور بزاوية متناسبة مع عزم القوى المسببة للدوران.

كما أن التوابض تستطيل بمقادير متناسبة مع الحمولات العلقة بها. إن هذه الظواهر وما يشابهها يمكن جمدها تحت قانون واحد هو قانون هوك ويمكن النص عليه كما يلى:

"إن الانفعال الحادث في جسم لما يتناسب مع الإجهاد المسبب له".

5. استطالة نابض ذي حلقات: إذا صنت نابضاً ذي حلقات من سلك رفيع وكان هذا النابض صغير الخطوة (الخطوة هي المسافة الوسطية بين الحلقات) وعلقناه إلى نقطة ثابتة وعلقنا به ثقلاً بحيث يأخذ محور النابض رفعاً شاقولاً لاحظ استطالة النابض.

إن انفعال النابض هو انفعال قص وتكون استطالة النابض متناسبة مع زاوية القص. وبتطبيق قانون هوك يمكن أن نكتب أن قوة الثقل (mg) متناسبة مع استطالة النابض ΔL أو:

نـسـخـةـ المـخـبـرـ لـلـعـامـ الـدـرـلـسـيـ 2019 - 2018

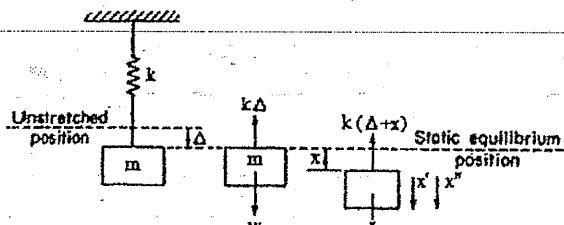
التجربـةـ الـعـلـمـيـ رقمـ (6)

الـحـرـكـةـ الـاهـزـازـيـةـ التـوـافـقـيـةـ الـبـسـيـطـةـ

الـقـاـيـةـ مـنـ التـجـرـبـةـ :

التـعـرـفـ عـلـىـ نـمـاذـجـ مـنـ الـحـرـكـاتـ الـاهـزـازـيـةـ وـالـتـحـقـقـ مـنـ قـوـائـنـهـاـ.

مـوـجـزـ النـظـرـيـ :



لـنـعـتـبـ رـابـصـ طـولـهـ الطـبـيعـيـ Δ مـطـقاـ عـلـىـ حـامـلـ . فـإـذـاـ عـلـنـاـ فـيـ نـهـاـيـةـ كـتـلـةـ m زـادـ طـولـ النـابـضـ بـمـقـدـارـ مـعـيـنـ ، وـلـيـكـ Δ . فـلـمـ آـنـهـ إـذـاـ كـانـتـ الـكـتـلـةـ الـمـعـلـقـةـ m لـاـ تـجـعـلـ النـابـضـ يـتـجاـزـ حـدـودـ مـرـوـنـتـهـ ، فـإـنـ مـقـدـارـ اـسـطـالـةـ النـابـضـ يـتـنـاسـبـ مـعـ تـقـلـ الـكـتـلـةـ m أـيـ أـنـ:

$$mg = k \cdot \Delta \quad (1)$$

حيـثـ يـرـمزـ k إـلـىـ ثـابـتـ مـرـوـنـتـ النـابـضـ وـاـحـدـاتـهـ كـمـاـ يـتـضـعـ منـ الـعـلـقـةـ (1)ـ هـيـ وـاحـدـةـ كـوـةـ عـلـىـ طـولـ.

لـنـظـرـ الآـنـ فـيـ الـقـوـىـ الـمـؤـثـرـةـ فـيـ الـكـتـلـةـ m فـيـ الـوـضـعـيـنـ الثـانـيـ وـالـثـالـثـ مـنـ الشـكـلـ (1). فـقـيـ الـوـضـعـ الثـانـيـ تـخـضـعـ الـكـتـلـةـ m إـلـىـ قـوـيـنـ مـتـسـاوـيـنـ وـمـتـعـاكـسـيـنـ مـبـاشـرـةـ فـتـقـواـزنـ. وـهـاـنـ الـقـوـيـانـ هـيـاـ القـلـ mg وـقـوـةـ شـدـ النـابـضـ لـلـكـتـلـةـ قـيـمـتـهاـ $k \cdot \Delta$. وـيـسـتـ اـسـطـالـةـ النـابـضـ بـالـمـقـدـارـ Δ ، إـذـنـ لـيـناـ:

$$mg = k \cdot \Delta = 0 \quad (2)$$

فـإـذـاـ أـرـجـعـنـ الـكـتـلـةـ m عـنـ وـضـعـ تـواـزـنـهـيـنـ فـيـ الـوـضـعـيـنـ مـيـقـاـفـةـ x نـحـوـ الـأـسـقـلـ، تـكـونـ اـسـطـالـةـ النـابـضـ $(\Delta + x)$ ، وـتـصـبـحـ قـوـةـ شـدـ النـابـضـ لـلـكـتـلـةـ m مـسـاوـيـةـ $k(\Delta + x)$ ، وـهـيـ مـتـجـمـعـةـ نـحـوـ الـأـسـقـلـ؛ وـتـكـونـ مـحـصـلـةـ الـقـوـىـ الـمـؤـثـرـةـ فـيـ الـكـتـلـةـ m مـسـاوـيـةـ:

$$F = mg - k(\Delta + x)$$

وـبـالـاستـقـادـةـ مـنـ الـعـلـقـةـ (2)ـ نـجـدـ قـانـونـ هـوـكـ:

$$F = -k \cdot x \quad (3)$$

وـيـطـبـيقـ قـانـونـ نـيـوتـنـ الثـانـيـ فـيـ التـجـرـبـ:

$$F = ma = mx'$$

وـبـالـتـبـدـيلـ فـيـ الـمـعـادـلـةـ (3)ـ نـحـصـلـ عـلـىـ الـمـعـادـلـةـ:

$$x'' + \frac{k}{m}x = 0 \quad (4)$$

وـهـيـ مـعـادـلـةـ تـفـاضـلـيـةـ حلـهاـ مـنـ أـجـلـ الشـرـطـ الـاـبـدـائـيـ x_0 ـ $x = x_0$ ـ عـنـدـاـ $t=0$ ـ، يـعـطـيـ بالـعـلـقـةـ:

$$x = x_0 \cos \sqrt{k/m} t \quad (5)$$

وـتـلـ هـذـهـ الـعـلـقـةـ أـنـ الـكـتـلـةـ m تـقـومـ بـحـرـكـةـ اـهـزـازـيـةـ بـيـنـ الـوـضـعـيـنـ x_0 ـ $-x_0$ ـ وـيـعـطـيـ دـورـهـاـ بـالـعـلـقـةـ:

$$T = 2\pi\sqrt{m/k} \quad (6)$$

الأـجهـزةـ وـالـأـدـواتـ:

- نـابـضـ مـعـقـ بـحـامـلـ وـيـتـهـيـ بـخـطـافـ.
- مـسـطـرـةـ شـاقـولـيـةـ.
- مـجـمـوعـةـ كـلـ ذـاتـ قـيـمـ مـعـلـوـمـةـ مـنـهـاـ مـاـ يـنـاسـبـ النـابـضـ.
- عـدـادـ ثـوـانـيـ أوـ سـاعـةـ يـدـ.

مراحلا، العمل والنتائج :

أولاً : التحقق من قانون هوك

1- علق النابض بحامله، واستعن بالمسطرة لقراءة التدريج الذي تدل عليه النهاية السفلية للنابض.

2- علق في نهاية النابض كتلة m_1 فيستطيل النابض. اقرأ التدريج ℓ_1 الذي تدل عليه النهاية السفلية للنابض. احسب الانزياح:

$$\ell_0 = 37\text{ cm} \quad \delta\ell_1 = \ell_1 - \ell_0$$

3- حمل النابض كتلًا متزايدة m_2, m_3, m_4, \dots واحسب $\delta\ell_2, \delta\ell_3, \dots$ في كل مرة ورتّب نتائجك في جدول كالتالي :

$m(\text{gr})$	$m \cdot g$ (dynes)	ℓ (cm)	$\delta\ell = \ell_i - \ell_0$ (cm)	$k = mg/\delta\ell$ (dynes/cm)	δk
100 gr		32	?		
200 gr			3		
300 gr			5		
400 gr			7		
1000 gr حتى وزن			?		
القيمة الوسطى					

4- بأي دقة تتحقق من صحة قانون هوك؟

5- ارسم المنحني البياني $\delta\ell = f(m)$.

ثانياً : الحركة الاهتزازية للكتلة في نهاية النابض

1- علق في نهاية النابض الكتلة m , ثم أرجحها عن وضعها توازناً مسافة صغيرة واتركها تهتز فإذا كانت الاهتزازات مريرة استبدل

الكتلة m بكتلة أكبر منها. استعمل عدد الثواني لقياس زمن 50 نوبة كاملة ولتكن t . ثم احسب زمن النوسنة الواحدة T (وهو الدر).

2- اعد الخطاب السابق من أجل كل متزايدة ورتب نتائج قياسك في جدول كالتالي:

m (gr)	t (s)	$T = t/50$ (s)	T^2 (s^2)	T^2/m (s^2/gr)	$\delta(T^2/m)$ (s^2/gr)
100 gr					
200 gr					
300 gr					
400 gr					
800 gr حتى وزن					
القيمة الوسطى					

3- ارسم على ورقة ميلليمترية المنحني البياني لتحولات $(T^2) = f(m)$ ، واستنتج من ميل هذا المستقيم ثابت مرونة النابض k .

4- بأي دقة تحسب ثابت مرونة النابض.

5- قارن النتيجة التي حصلت عليها في هذه التجربة بالقيمة التي حصلت عليها من قانون هوك.