

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z



كلية العلوم

القسم : الرياضيات

السنة : الثالثة

اسئلة دورات محلولة

جبر المنطق

A 2 Z LIBRARY

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم ( فيزياء ، كيمياء ، رياضيات ، علم الحياة )

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية ( SMS ) أو عبر ( What's app ) على الرقم 0931497960 TEL:

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z

الكمبيوترية العربية السورية

جامعة طرطوس  
كلية العلوم  
قسم الرياضيات

المقرر: منطق رياضي

امتحانات الدورة الفصل الأول

س. رياضي

الحال الثاني: ①  $\inf(A_1, A_2) = A_1 \cap A_2$  (3 درجات)

$\sup(A_1, A_2) = A_1 \cup A_2$  (3 درجات)

$\forall A_1, A_2 \in \mathcal{P}(X): \inf(A_1, A_2), \sup(A_1, A_2) \in \mathcal{P}(X)$   
أي:  $(\mathcal{P}(X), \subseteq, \cup, \cap)$  هي بنية بولائية. علماً أن التقاطع

والاجتماع كل منهما توزيع على الآخر

(3)  $0 = \phi$

(3)  $1 = X$

$\forall A \in \mathcal{P}(X): A \cap \phi = \phi$

$\forall A \in \mathcal{P}(X): X \cup A = X$

$\forall A \in \mathcal{P}(X): \bar{A} = X \setminus A$   $\underline{A \cap \bar{A} = \phi}$   
 $\underline{A \cup \bar{A} = X}$

②  $(T, \leq, \vee, \wedge, 0, 1)$  هي بنية بولائية و  $\bar{a}$  هي مكمل  $a$  أي:

$a \wedge \bar{a} = 0$   $a \vee \bar{a} = 1$

نلاحظ: أنه  $y \leq z$  و  $y \leq x$  عندها  $y \leq (y \wedge z)$  بالمثل  
أي:  $y \leq (y \wedge z)$  و  $(y \wedge z) \leq y$

(5)  $y \wedge z = y$  (درجات)

البرهان: نلاحظ:  $x \leq \bar{a}$  إذ  $x \wedge \bar{a} = x$  بالمثل:

$x \wedge a = (x \wedge \bar{a}) \wedge a = x \wedge (\bar{a} \wedge a) = x \wedge 0 = 0$  (5 درجات)

$$(A \wedge B \wedge C) \vee (\neg A \wedge B \wedge C)$$

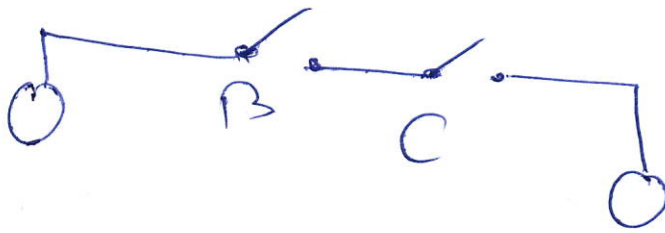
الحل الثالث:

$$\equiv [A \wedge (B \wedge C)] \vee [\neg A \wedge (B \wedge C)]$$

$$\equiv (B \wedge C) \wedge (A \vee \neg A) \equiv (B \wedge C) \wedge T$$

$$\equiv B \wedge C$$

١٥  
و الجواب



١٥  
و الجواب

١٥  
و الجواب

القول الأول:  $A \equiv [(P \rightarrow (q \rightarrow r))] \oplus [(P \leftrightarrow q) \uparrow r]$

| P | q | r | $q \rightarrow r$ | B | $P \leftrightarrow q$ | C | $B \oplus C$ ① |
|---|---|---|-------------------|---|-----------------------|---|----------------|
| T | T | T | T                 | T | T                     | F | T              |
| T | F | T | T                 | T | F                     | T | F              |
| T | T | F | F                 | F | T                     | T | T              |
| F | T | T | T                 | T | F                     | T | F              |
| T | F | F | T                 | T | F                     | T | F              |
| F | T | F | F                 | T | F                     | T | F              |
| F | F | T | T                 | T | T                     | F | T              |
| F | F | F | T                 | T | T                     | T | F              |

عندما  $A \equiv F$   $(q \equiv F, P \equiv F)$  أو  $(q \equiv T, P \equiv F)$  أو  $(q \equiv F, P \equiv T)$

②  $A(0,0) \equiv T$  ،  $A(1,0) \equiv F$

$(\forall n, y \in \{0, 1, 2\}) [(n=y) \rightarrow A(n, y)]$

$(\exists n, y \in \{0, 1, 2\}) \neg [(n=y) \rightarrow A(n, y)]$  الكفر:

$\equiv (\exists n, y \in \{0, 1, 2\}) [(n=y) \wedge \neg A(n, y)]$

③ P: حصلت على المركز الأول.

q: أنا أفضل من يملك سيارة

r: نؤمن بالله كمكافئ الخير

s: أخيرا اجتهد

$$P \rightarrow q, r \rightarrow q, q \rightarrow s, \neg s$$

5

الحال: مفارقة

$$\therefore \neg p \wedge \neg r$$

$$P \rightarrow q, r \rightarrow q, q \rightarrow s, \neg s$$

النتيجة: مفارقة

$$\therefore P \rightarrow q, r \rightarrow q, \neg q$$

$$\therefore (p \vee r) \rightarrow q, \neg q$$

$$\therefore \neg (p \vee r)$$

$$\therefore \neg p \wedge \neg r$$



الحال: مفارقة

مفارقة

A

السؤال الأول: (45 درجة): أجب عن الأسئلة التالية

(1) نظم جدول الحقيقة للعبارة المنطقية  $A$ :

$$A \equiv [p \rightarrow (q \rightarrow r)] \oplus [(p \leftrightarrow q) \uparrow r]$$

و أوجد قيم الحقيقة ل  $p, q$  معا عندما  $A \equiv F$ .

(2) في مجموعة التعويض  $\{0, 1, 2\}^2$  نعرف الإفادة  $A(x, y)$  التي تمثل  $x^2 + 2y = 2y^2$

اعط مثلا يكون فيه  $A(x, y) \equiv F$ ، و مثلا يكون فيه  $A(x, y) \equiv T$ .

أوجد نفي العبارة المنطقية التالية:

$$(\forall x, y \in \{0, 1, 2\})[(x = y) \rightarrow A(x, y)]$$

(3) رمز المحاكمة المنطقية التالية و تحقق من صحتها:

إذا حصلت على المركز الأول، أسافر لأمريكا لمتابعة دراستي و إذا أمن والدي تكاليف السفر، أسافر لأمريكا لمتابعة دراستي، و إذا سافرت لأمريكا لمتابعة دراستي، أغير اختصاصي و أنا لا أغير اختصاصي. إذا أنا لا أحصل على المركز الأول و لا يؤمن والدي تكاليف السفر.

السؤال الثاني: (25 درجة):

(1) بفرض أن  $X \neq \phi$  مجموعة غير خالية. نعرف على  $P(X)$  أسية المجموعات الجزئية من  $X$  علاقة الاحتواء  $\subseteq$ . أوجد  $\sup(A_1, A_2)$ ،  $\inf(A_1, A_2)$  حيث  $A_1, A_2 \in P(X)$ . هل  $(P(X), \subseteq)$  شبكة بوليانية؟ (ملاحظة: لا حاجة لإثبات توزيعية التقاطع و الاجتماع كل منهما على الآخر)

A B C circuit

|     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|
| on  | on  | on  | on  |
| on  | on  | off | off |
| on  | off | on  | off |
| on  | off | off | off |
| off | on  | on  | on  |
| off | on  | off | off |
| off | off | on  | off |
| off | off | off | off |

(2) في الشبكة بوليانية  $(T, \leq, \vee, \wedge, 0, 1)$  ان  $\vee, \wedge$  تجميعيان برهن صحة مايلي:

(1) إذا كان  $y \leq z$  فإن  $y \wedge z = y$

(2) إذا كان  $x \leq \bar{a}$  فإن  $x \wedge a = 0$

السؤال الثالث: (20 درجة):

صمم و بسط دائرة كهربائية سلوكها موضح بالجدول.

مع تمنياتي بالتوفيق

د. ديانا احمد

جامعة طرابلس  
مدرسة رياضيات

م. ربيع صفر - م. المنطق  
السنة الثانية 2024-2025 : 17-9

القول الأول: إثبات أنه المجموعة 7, 8 مستند:

$$\begin{aligned}
 P \vee Q &\equiv \neg(\neg P \wedge \neg Q) \quad (5) \\
 P \rightarrow Q &\equiv \neg P \vee Q \equiv \neg(P \wedge \neg Q) \quad (5) \\
 P \leftrightarrow Q &\equiv (P \rightarrow Q) \wedge (Q \rightarrow P) \equiv \neg(P \wedge \neg Q) \wedge \neg(Q \wedge \neg P) \quad (5) \\
 P \oplus Q &\equiv \neg(P \leftrightarrow Q) \equiv \neg[\neg(P \wedge \neg Q) \wedge \neg(Q \wedge \neg P)] \quad (5)
 \end{aligned}$$

القول الثاني: هذه الخاتمة المنطقية مدمجة مع P، نتيجة Q،  
بالرمز  $\frac{P}{Q}$ ،  
وهي جامعة أنه العبارة المنطقية  $P \rightarrow Q$  صحيحة دائماً أي  
تظل مستقرة.

| G | H | $G \wedge H$ | $(G \wedge H) \rightarrow G$ |
|---|---|--------------|------------------------------|
| T | T | T            | T                            |
| T | F | F            | T                            |
| F | T | F            | T                            |
| F | F | F            | T                            |

$(G \wedge H) \rightarrow G \equiv T$   
الخاتمة صحيحة

القول الثالث: حاصل ضرب  $x+y=z$  في  $P$  حيث  
 $\forall n, y, z \in \mathbb{N} : P(n, y, z) \equiv x+y=z$ ،  
 على منطقية خاطئة.

السؤال الرابع: (1) اكتب المتغيرات:  $\{b, c, d, g\}$

(2) اكتب المتغيرات:  $\{a, e, f, h\}$

(3)  $a \wedge c \wedge d = 1$  ,  $(a \wedge c) \vee (a \wedge d) = 1$  (4)  
 $\{a \wedge b = 0$  ,  $0 \vee 0 = 0$

السؤال الخامس:  $(a+b) = \bar{a} \cdot \bar{b}$

$$\bar{a} \cdot \bar{b} + (a+b) = (a+b+\bar{a}) \cdot (a+b+\bar{b}) = (1+b) \cdot (1+a) = 1$$

$$\bar{a} \cdot \bar{b} \cdot (a+b) = [(a+b) \cdot \bar{a}] \cdot \bar{b} = [a \cdot \bar{a} + b \cdot \bar{a}] \cdot \bar{b} = (0 + b \cdot \bar{a}) \cdot \bar{b} = 0 + b \cdot \bar{a} \cdot \bar{b} = 0$$

السؤال السادس: تبسيط العبارة المنطقية التالية

السؤال السابع: تبسيط العبارة المنطقية التالية  
 أوجد كل مجموعة حدود أجنبية وتضع علامة 1 تحت  
 لهذه العبارة بالجدول:

|                         | $\bar{x} \bar{y}$ | $\bar{x} y$ | $x y$ | $x \bar{y}$ |
|-------------------------|-------------------|-------------|-------|-------------|
| $\bar{z} \cdot \bar{v}$ |                   |             |       |             |
| $\bar{z} \cdot v$       |                   |             | 1     | 1           |
| $z \cdot v$             |                   | 1           | 1     | 1           |
| $z \cdot \bar{v}$       |                   | 1           |       | 1           |

$$f = x \bar{v} + y z$$

مراجعة مقرر المنطق  
السنة الثالثة

الدورة النظرية الأولى : 26/2/2024

جامعة طرابلس  
كلية العلوم  
قسم الرياضيات

السؤال الأول: (40 درجة)

| P | q | $P \uparrow q$ | $P \downarrow q$ | $(P \uparrow q) \oplus (P \downarrow q)$ |
|---|---|----------------|------------------|------------------------------------------|
| T | T | F              | F                | F                                        |
| T | F | T              | F                | T                                        |
| F | T | F              | F                | T                                        |
| F | F | T              | T                | F                                        |

(5)

عندما  $q = F, P = T$  إن قيمة الحقيقة لـ  $A \equiv (P \uparrow q) \oplus (P \downarrow q)$  هي  $A \equiv T$

الافتراض: هناك لمبتدئين لا يفهمون هذا الفهم، ك: كيفة (1) : من أجل صحة العبارة  
البارد A : كيفة لا نفس قيم الحقيقة للعبارة  $P \oplus q$

$$A \equiv P \oplus q$$

$$A \equiv [\neg(P \uparrow q) \wedge (q \downarrow P)] \vee [\neg(q \downarrow P) \wedge (P \uparrow q)]$$

$$[q \wedge P \equiv P \uparrow q] \\ [P \downarrow q \equiv q \downarrow P]$$

$$A \equiv [\neg(P \uparrow q) \wedge (P \downarrow q)] \vee [\neg(P \downarrow q) \wedge (P \uparrow q)]$$

$$\equiv [(P \wedge q) \wedge \neg(P \vee q)] \vee [(P \vee q) \wedge \neg(P \wedge q)]$$

$$\equiv [P \wedge q \wedge \neg P \vee \neg q] \vee [(P \vee q) \wedge (\neg P \vee \neg q)]$$

$$\equiv F \vee [(P \vee q) \wedge (\neg P \vee \neg q)]$$

$$\equiv (P \vee q) \wedge (\neg P \vee \neg q)$$

$$\equiv [P \wedge (\neg P \vee \neg q)] \vee [q \wedge (\neg P \vee \neg q)]$$

$$\equiv (P \wedge \neg P) \vee (P \wedge \neg q) \vee (q \wedge \neg P) \vee (q \wedge \neg q)$$

$$\equiv F \vee (P \wedge \neg q) \vee (q \wedge \neg P) \vee F$$

$$\equiv (P \wedge \neg q) \vee (q \wedge \neg P) \equiv P \oplus q$$

(3)

| P | q | $P \rightarrow q$ | $(P \rightarrow q) \wedge q$ | $(P \rightarrow q) \wedge \neg q$ |
|---|---|-------------------|------------------------------|-----------------------------------|
| T | T | T                 | T                            | F                                 |
| T | F | F                 | F                            | F                                 |
| F | T | T                 | F                            | F                                 |
| F | F | T                 | F                            | F                                 |

الملاحظة:  $P \rightarrow q, q \vdash P$

(1)

لا بد أن الاقتضاء :  $[(P \rightarrow Q) \wedge Q] \Rightarrow P$  غير صحيح  
 لأنه :  $[(P \rightarrow Q) \wedge Q] \rightarrow P$

$$\frac{P \rightarrow q, q \rightarrow r, \neg r}{\therefore P}$$
 این یک استدلال صحیح است.

$$\begin{array}{l} \textcircled{4} \quad P \rightarrow q, q \rightarrow r, \neg r \\ \hline \quad \therefore P \rightarrow r, \neg r \\ \hline \quad \therefore \neg P \end{array}$$

١٠٩) "تعود الامارات الى قضية فلسطين" كما ان الامارات يمكنها ان تكون الوسيط في التوصل الى حل لهذه القضية.

⑤  $\forall x, y \in \mathbb{R}, \exists z \in \mathbb{R}^+ (z^2 = \sqrt{x^2 + y^2})$

and asking for \$10,

(c)  $(z - \sqrt{2} + i)^2$   $(\forall x, y \in \mathbb{R} \exists z \in \mathbb{C})$  هذه العبارة المنطقية تمثل مستلزم لأن الجزء الواقعي من عدد مركب هو عدد حقيقي.  
 فتر هذا العبارة:

$$= \{ (\exists x, y \in \mathbb{R}, \forall z \in \mathbb{R}) (z \neq \sqrt{x^2 + y^2}) \}$$

الحوادث

$\forall n \in \mathbb{N}, a \wedge n = a \quad \text{and} \quad a \wedge T = a \quad \text{and} \quad \text{if } (T, \leq, V, \wedge) \text{ is a lattice then } a \wedge n = a$

$\forall n \in \mathbb{N}, a_n n = a$   $\Leftrightarrow a \in a_n$  ,  $\exists n \in \mathbb{N}$   $a_n n = a$   $\Leftrightarrow a \in a_n$   
 $\forall n \in \mathbb{N}$   $a_n n = a$   $\Leftrightarrow a \in a_n$   $\Leftrightarrow a \in a_n$   $\Leftrightarrow a \in a_n$

(b) بفرض  $x, y \in T$  مما يلي:  $x \vee y = y \iff (x \leq y)$  نبدأ بفرض (5)

ثبوت بقره ۵  $y \leq x$  عندئذ نفرض

$x \leq y, y \leq x$  نيكه  $y, x$  هه  $y \leq x \vee y$

اذا  $y \leq 4$  و  $y \leq 4$  من جهة اخرى  
من جهة اخرى  $y \leq 4$  و  $y \leq 4$  من جهة اخرى  
من جهة اخرى  $y \leq 4$  و  $y \leq 4$  من جهة اخرى

$x \leq y$  i.e.  $x \leq x \vee y$  (5)



⑤

2.5  
2.16 : 0.25

$\therefore \text{Bsp} \Rightarrow a \cdot (a+b) = a$

$$b \cdot (a+b) = b \cdot 0 = 0$$

$$f(x, y, z, w) = x + yz + \bar{y}x\bar{z} + xy\bar{z} + xzw$$

⑤

5

③

|            | $\bar{x}y$ | $\bar{x}y$ | $xy$ | $xy$ |
|------------|------------|------------|------|------|
| $\bar{z}v$ |            |            | 1    |      |
| $\bar{z}v$ |            |            | 1    | 1    |
| $zv$       |            |            | 1    | 1    |
| $zv$       |            |            | 1    |      |

5

مکینه

$$L(x, y, z, w) = xy + x\bar{z}v + xzv$$

5

{ لمبر 5 الی 7 سے بند  
حفظ کیے ہوں }

A to Z



کتاب خانہ



م. صبح نثر - جبر الحقیق  
 امتحان - الدرک العصبی الثانی  
 14-8-2023

طوبی  
 فی العلوم  
 قسم الرياضیات

مثال الاول [15 د (15 دھند (7)، فادھند (3)  
 (1) اثبات انہ  $\{ \neg, \wedge \}$  مجموعہ مستقلہ:

$$\begin{aligned} P \vee q &\equiv \neg(\neg P \wedge \neg q) \\ P \rightarrow q &\equiv \neg P \vee q \equiv \neg(P \wedge \neg q) \\ P \leftrightarrow q &\equiv (P \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow P) \equiv \neg(P \wedge \neg q) \wedge \neg(q \wedge \neg P) \\ P \oplus q &\equiv (P \vee q) \wedge \neg(P \wedge q) \\ &\equiv \neg(\neg(P \vee q)) \wedge \neg(P \wedge q) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A &\equiv (P \vee q) \oplus (P \rightarrow q) \\ &\equiv \neg(\neg(P \vee q)) \oplus \neg(P \wedge \neg q) \\ &\equiv \neg[(\neg(P \vee q)) \wedge (P \wedge \neg q)] \wedge \neg[\neg(\neg(P \vee q)) \wedge \neg(P \wedge \neg q)] \end{aligned}$$

| P | q | $P \vee q$ | $P \rightarrow q$ | $P \wedge q$ |
|---|---|------------|-------------------|--------------|
| F | F | F          | T                 | F            |
| T | F | T          | F                 | F            |
| F | T | T          | T                 | F            |
| T | T | T          | T                 | T            |

(7) جلیڈا، جدول الحقیقہ:  $P$  و  $q$  حقیقہ  
 F:  $P$  و  $q$  حقیقہ  
 T:  $P$  و  $q$  حقیقہ

(3) جلیڈا امجد الحقیقہ العبارة لست اسدلاً لآزم قیم الحقیقہ  
 لست لجد T

الخواص 15:  $\neg$  و  $\wedge$  و  $\vee$  و  $\rightarrow$  و  $\leftrightarrow$

$$\rightarrow q, r \rightarrow d, q \wedge d \rightarrow s, \neg s$$

$$\therefore P \rightarrow q, r \rightarrow d, \neg(q \wedge d)$$

$$\therefore P \rightarrow q, r \rightarrow d, d \rightarrow \neg q$$

$$\therefore P \rightarrow q, r \rightarrow d, d \rightarrow \neg q$$

$$\therefore P \rightarrow q, r \rightarrow \neg q$$

$$\therefore P \rightarrow q, \neg r \vee \neg q$$

$$\therefore P \rightarrow q, q \rightarrow \neg r$$

$$\therefore P \rightarrow \neg r$$

$$\therefore \neg P \vee \neg r$$

(1)  $P$  هي الفرضية

أصغر جزء:  $q$

أذهب للجزء  $r$

أنا متأكد:  $d$

أنت متأكد:  $s$

$$x \leq y \Leftrightarrow x \vee y = y$$

$$\Rightarrow: 1 \vee y = 1 \Rightarrow (x \vee \bar{x}) \vee y = 1 \Rightarrow \bar{x} \vee (x \vee y) = \bar{x} \vee y = 1 \quad (a)$$

$$\Leftarrow: \bar{x} \vee y = 1 \Rightarrow x \wedge (\bar{x} \vee y) = (x \wedge \bar{x}) \vee (x \wedge y) = 0 \vee (x \wedge y) = x \wedge y$$

$$\Rightarrow x \leq y$$

(b)

$$x \leq y \Leftrightarrow x \wedge y = x$$

$$\Rightarrow: x \wedge \bar{y} = (x \wedge y) \wedge \bar{y} = x \wedge (y \wedge \bar{y}) = x \wedge 0 = 0$$

$$\Leftarrow: y = y \vee 0 = y \vee (x \wedge \bar{y}) = (y \vee \bar{y}) \wedge (y \vee x) = 1 \wedge (y \vee x) = y \vee x$$

$$\Rightarrow x \leq y$$

الخواص 15:  $\neg$  و  $\wedge$  و  $\vee$  و  $\rightarrow$  و  $\leftrightarrow$

$$a.b = \inf\{ab\} \quad , \quad a+b = \sup\{ab\}$$

$$b \leq a+b$$

$$b + (a+b) = (b+b) + a = a+b \Rightarrow$$

$$a + (a+b) = (a+a) + b = a+b \Rightarrow a \leq a+b$$

$\Rightarrow a, b \in B \Rightarrow a \leq b$   
 $\Rightarrow a, b \in B \Rightarrow a \leq b$

$$(a+b) + d = (a+d) + (b+d) = a+d+d \Rightarrow a+b \leq d$$

$\therefore a+b \leq d$

هنا منة ماثلة:

$$(a.b) + a = a \Rightarrow a.b \leq a \quad \Rightarrow a.b \leq a$$

$$(a.b) + b = b \Rightarrow a.b \leq b$$

هنا منة ماثلة:

$$(a.b) + q = (a+q).(b+q) = a.b$$

$$\Rightarrow q \leq a.b$$

هنا منة ماثلة:

$$\forall a \in B \Rightarrow 0 + a = a \Rightarrow 0 \leq a$$

$$1 + a = 1 \Rightarrow a \leq 1$$

هنا منة ماثلة:

هنا منة ماثلة:

$$f(x, y, z, v) = xy\bar{z}v + xy\bar{z}\bar{v} + x\bar{y}\bar{z}v + x\bar{y}z\bar{v}$$

|                  | $x\bar{y}$ | $x\bar{y}$ | $x\bar{y}$ | $x\bar{y}$ |
|------------------|------------|------------|------------|------------|
| $\bar{z}v$       |            |            | 1          |            |
| $\bar{z}\bar{v}$ |            |            | 1          | 1          |
| $z\bar{v}$       |            |            | 1          | 1          |
| $zv$             |            |            | 1          |            |

$$f(x, y, z, v) = yx + x\bar{z}v + xz\bar{v}$$

|                           |                      |                              |
|---------------------------|----------------------|------------------------------|
| الجمهورية العربية السورية | مقرر جبر المنطق      | المدة: ساعتان                |
| جامعة طرطوس               | س3 رياضيات           | امتحان الدورة الفصلية الأولى |
| كلية العلوم               | الدرجة العظمى: تسعون | 13-3-2023                    |

السؤال الأول: اجب عن الاسئلة التالية: (( 15 درجة للأول، 5 درجة للثاني، 10 درجة للثالث ))

(1) اثبت ان المؤثر (pierce)  $\{\downarrow\}$  يشكل مجموعة مستقلة بالنسبة الى  $\{ \neg, \vee, \wedge, \rightarrow, \leftrightarrow, \oplus, \uparrow \}$ .

(2) برهن أن  $p \wedge (p \vee q) \equiv p$

(3) أثبت أنه إذا كانت  $(T, \leq, \vee, \wedge)$  شبكة مغلقة و توزيعية فإن العناصر التي لها متمم تحقق:

$$\overline{x \wedge y} = \overline{x} \vee \overline{y}$$

السؤال الثاني: اجب عن الاسئلة التالية: (( 15 درجة للأول، 15 درجة للثاني ))

(1) رمز المحاكمة المنطقية التالية ثم أثبت صحتها:  
إذا حضرت المحاضرة الأولى غدا، عندئذ يجب أن أستيقظ باكرا و إذا ذهبت إلى الملعب مساء، عندئذ يجب أن أنام متأخرا و إذا نمت متأخرا و استيقظت باكرا، عندئذ أكتفي بنوم خمس ساعات فقط و أنا لا أكتفي بنوم خمس ساعات فقط إذا يجب علي إما أن لا أحضر المحاضرة أو أن لا أذهب إلى الملعب.

(2) أثبت أن الشبكة التوزيعية  $(D(30), |, \vee, \wedge)$  هي شبكة بوليانية حيث  $D(30)$  مجموعة قواسم العدد 30 مع علاقة يقسم | و  $a \vee b = l.c.m(a, b)$ ,  $a \wedge b = g.c.d(a, b)$ . مثلها بسخطط هاس. هل قانونا الحذف محققان؟

السؤال الثالث: اجب عن الاسئلة التالية: (( 15 درجة للأول، 15 درجة للثاني ))

(1) بفرض أن  $(B, +, \cdot, 0, 1)$  جبر بول أثبت مايلي

• أولا: المتمم  $\bar{a}$  لأي عنصر  $a \in B$  وحيد.

• ثانيا:  $a.(a + b) = a$  فإن  $\forall a, b \in B$

• ثالثا:  $a.b = a \Leftrightarrow a + b = b$  فإن  $\forall a, b \in B$

(2) أوجد باستخدام شكل (مخطط) كارنوف العبارة الأضغرية للعبارة البوليانية التالية:

$$f(x, y, z, v) = xy + xyz + \bar{y}xzv + xyv + xzv$$

مع تمنياتي بالتوفيق  
د. ديانا احمد

707

|                   |                   |              |                   |
|-------------------|-------------------|--------------|-------------------|
| F                 | F                 | F            | F                 |
| F                 | T                 | T            | F                 |
| T                 | T                 | F            | T                 |
| T                 | T                 | T            | T                 |
| $(\neg p \vee q)$ | $p \vee (\neg q)$ | $p \wedge q$ | $p \rightarrow q$ |

5

2)

$$\begin{aligned} 0 &\equiv h \vee 0 \equiv \underline{h} \wedge \underline{x} \equiv \underline{h \vee x} \\ \textcircled{8} \quad h \vee (\underline{x} \vee x) &\equiv (\underline{x} \vee h) \vee x \equiv \\ [0 \wedge (\underline{x} \vee h)] \vee x &\equiv [(h \vee h) \wedge (\underline{x} \vee h)] \vee x \equiv \\ \textcircled{9} \quad [(h \wedge \underline{x}) \vee h] \vee x &\equiv (\underline{h} \wedge \underline{x}) \vee (h \vee x) \dots \\ | \equiv \underline{x} \wedge | \equiv \underline{x} \wedge (h \wedge h) &\equiv \underline{h} \wedge (\underline{x} \wedge h) \equiv \\ h \wedge (\underline{x} \wedge h) \vee 1 &\equiv \underline{h} \wedge ((\underline{x} \wedge h) \vee (\underline{x} \wedge x)) \equiv \\ \underline{h} \wedge (\underline{x} \wedge (h \vee x)) &\equiv (\underline{h} \wedge \underline{x}) \wedge (h \vee x) \dots \end{aligned}$$

②  $(\neg b \wedge b) \vee (a \vee d) \uparrow (\neg b \wedge b) \vee (a \vee d) \equiv$   
 $(\neg b \wedge b) \vee (a \vee d) \equiv (\neg b \vee d) \equiv \neg b \vee d \therefore$

[illegible]


 : پروفیسر محمد رفیع

$$\begin{aligned}
 & [[(b \uparrow b) \uparrow (b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a) \uparrow (a \uparrow a)] \uparrow [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)]] \\
 & \uparrow [[(b \uparrow b) \uparrow (b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a) \uparrow (a \uparrow a)] \uparrow [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)]] = \\
 \textcircled{2} & [(b \uparrow b) \uparrow (b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a) \uparrow (a \uparrow a)] \wedge [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)] = \\
 & [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)] \wedge [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)] = (b \vee a) \wedge (b \vee a) = b \leftrightarrow a \therefore \\
 & [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)] \uparrow [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)] = \\
 & [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)] \uparrow [(b \uparrow b) \uparrow (a \uparrow a)] = (b \vee a) \uparrow (b \vee a) = b \leftrightarrow a \therefore \\
 \textcircled{2} & (b \uparrow a) \uparrow (b \uparrow a) = (b \uparrow a) \uparrow (b \uparrow a) = (b \vee a) \uparrow (b \vee a) = b \leftrightarrow a \therefore \\
 \textcircled{2} & (b \uparrow a) \uparrow (a \uparrow a) = (b \uparrow a) \uparrow (a \uparrow a) = (b \vee a) \uparrow (a \vee a) = b \vee a \therefore \\
 \textcircled{2} & a \uparrow a = (a \vee a) \uparrow (a \vee a) = a \leftrightarrow a \therefore
 \end{aligned}$$

30/11/21

القول الثاني : الحفرة على طرفه الاولي P

9. 13. 1941

risks of the system

d.  $\frac{1}{2} \text{ sec}$

*(Handwritten signature)*

$$\frac{(5) \quad p \rightarrow q, r \rightarrow d, q \wedge d \rightarrow s, \neg s}{\neg p \vee \neg r}$$

## الإثبات:

$$p \rightarrow q, r \rightarrow d, q \wedge d \rightarrow s, \neg s$$

$$\therefore p \rightarrow q, r \rightarrow d, \neg(q \wedge d)$$

$$\therefore p \rightarrow q, r \longrightarrow d, \neg q \vee \neg d$$

$$p \rightarrow q, r \rightarrow d, d \rightarrow \neg q$$

$$\therefore P \rightarrow q, r \rightarrow d, d \rightarrow \neg q$$

$$\therefore p \rightarrow q, r \rightarrow \neg q$$

$$\therefore p \rightarrow q, \neg r \vee \neg q$$

$$\therefore p \rightarrow q, \neg q \vee \neg r$$

$$\therefore p \rightarrow q, q \rightarrow \neg r$$

$$\therefore P \rightarrow Tr$$

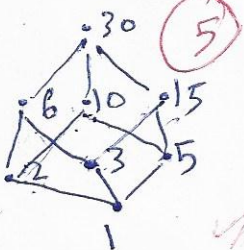
7PVT

(2) حالة الشبكة الخطية ثنائية متفرعة  
 شبكة:  $D(30) = \{1, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$

$D(30) = \{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$

$(30 \vee 10) \rightarrow 30 \wedge 10 = 10$   
 $3 \vee 10 = 30$   
 $3 \wedge 10 = 10$   
 $3 \vee 15 = 15$   
 $3 \wedge 15 = 1$   
 $1 \vee 30 = 30$   
 $1 \wedge 30 = 1$   
 $5 \vee 6 = 30$   
 $5 \wedge 6 = 1$

عنا نوظا الكوف غير حقيقين الألف :  
 { 5 }  
 $6 \vee 10 = 30$   
 $6 \vee 15 = 30$   
 لكن  $10 \neq 15$



10 & 15  $\hookrightarrow$   $6 \vee 10 = 30$   
 $6 \vee 15 = 30$

5#3  $\cup$   $\begin{matrix} 2 \wedge 5 = 1 \\ 2 \wedge 3 \quad 1 \end{matrix}$

سؤال اول: (1)  $(B, +, -, 0, 1)$  جبر بول، السؤال الثاني (30)

أولاً: المقدم: بفرض أن  $a \in B$  عندها  $a \bar{a} = 0$

~~ثانياً: المقدم: بفرض أن  $a \in B$  عندها  $a \bar{a} = 0$~~

$$\bar{a} = \bar{a} + 0 = \bar{a} + (a \cdot \bar{a}) = (\bar{a} + a) \cdot (\bar{a} + \bar{a}) = (\bar{a} + a) \cdot \bar{a} = \bar{a} + (a \cdot \bar{a}) = \bar{a} + 0 = \bar{a}$$

(5)  $a \cdot (a + b) = (a + 0) \cdot (a + b) = a + (0 \cdot b) = a + 0 = a$

$a \cdot b = a \Leftrightarrow a + b = b$

(5)  $\Rightarrow a + b = a \cdot b + b = b$

(5)  $\Leftarrow a \cdot b = a \cdot (a + b) = a$

(5) يجب قانونه

نفس الشيء، سوف اى  $a \in B$  عندها  $a \bar{a} = 0$  بولياينة

(5)

|           | $\bar{x}\bar{y}$ | $\bar{x}y$ | $xy$ | $x\bar{y}$ |
|-----------|------------------|------------|------|------------|
| $\bar{z}$ |                  |            | 1    |            |
| $z$       |                  |            | 1    | 1          |
| $\bar{z}$ |                  |            | 1    | 1          |
| $z$       |                  |            | 1    | 1          |

العدد الاول  $a \in B$  عندها  $a \bar{a} = 0$  بولياينة

$xy, x\bar{z}, xz$  (5)

$f = xy + x\bar{z} + xz$

$$\begin{aligned} P \oplus Q &\equiv (P \vee Q) \wedge (\neg P \vee \neg Q) \\ &\equiv \neg(\neg(P \vee Q) \vee \neg(\neg P \vee \neg Q)) \\ &\equiv \neg(P \vee Q) \downarrow \neg(\neg P \vee \neg Q) \\ &\equiv (P \downarrow Q) \downarrow ((\neg P) \downarrow (\neg Q)) \end{aligned}$$

$f = xy + x\bar{y}z + \bar{y}x\bar{z} + x\bar{y}z + xz\bar{y}$

$f = xy(z + \bar{z}) + \bar{y}x(\bar{z} + z) + xz(\bar{y} + y)$

$+ x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z}$

$+ \bar{y}x\bar{z} + \bar{y}xz$

$+ x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z}$

$+ xz\bar{y} + xz y$

$= x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} + \bar{y}x\bar{z} + \bar{y}xz + x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} +$

$\bar{y}x\bar{z} + \bar{y}xz + x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} +$

$xz\bar{y} + xz y$

$= x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} + \bar{y}x\bar{z} + \bar{y}xz + x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} +$

$xz\bar{y} + xz y$

$x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z}$

(5)

السؤال الثاني:  $P \oplus Q$  بولياينة

$P \oplus Q \equiv (P \vee Q) \wedge (\neg P \vee \neg Q)$

$\equiv \neg[\neg(P \vee Q) \vee \neg(\neg P \vee \neg Q)]$

$\equiv \neg(P \vee Q) \downarrow \neg(\neg P \vee \neg Q)$

$\equiv (\neg P \wedge \neg Q) \downarrow (P \wedge Q)$

$\equiv [(\neg P \downarrow \neg Q) \downarrow (P \downarrow Q)]$

$\equiv \neg(P \downarrow P) \downarrow \neg(Q \downarrow Q)$

$\equiv (P \downarrow P) \downarrow (Q \downarrow Q)$

$\equiv (P \downarrow P) \downarrow (Q \downarrow Q)$



مكتبة  
A to Z