

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z



كلية العلوم

القسم : الفيزياء

السنة : الرابعة

الأسئلة ووررات محلولة

أضاف نوائق

A 2 Z LIBRARY

مكتبة A to Z Facebook Group

كلية العلوم (فيزياء ، كيمياء ، رياضيات ، علم الحياة)

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app) على الرقم TEL: 0931497960

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z

السؤال الأول: (25 درجة)

أولاً- اشرح كيف تؤثر درجة حرارة نصف الناقل والكتلة الفعالة للإلكترونات والثقوب في كثافتي الحالات الطاقية في عصايبى الناقلة والتكافؤ. ثانياً- استنتاج علاقة التركيز المتوازن لثقوب الناقلة في أنصاف النواقل المتباينة وغير المتحللة ثم أعط تفسيراً فيزيائياً لها.

السؤال الثاني: (25 درجة)

توصلنا عند دراسة معامل إعادة اتحاد الحاملات اللامتوازنة للشحنة وفترات حياتها إلى أن عملتي توليد حاملات الشحنة وإعادة اتحادها تكونان متوازنتين في شروط التوازن الترموديناميكي ثم إن تركيزها اللامتوازنة تساوي تركيزها المتساوية، والمطلوب:

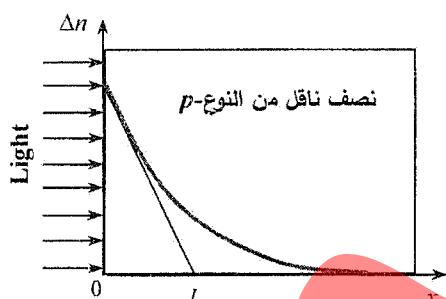
أولاً- تعريف معامل التوليد الحراري لحاملات الشحنة وإعادة توليدها وكتابة العلاقات الموقفة لكل منهما.

ثانياً- إيجاد علاقة فترة حياة الحاملات في شروط حقها المنخفض ومناقشة العلاقة التي تحصل عليها فيزيائياً، وذلك انطلاقاً من معادلة الاستمرارية وغياب التيار الكهربائي.

ثالثاً- استنتاج قانون تغير Δn وعلاقة فترة الحياة الموقفة ثم مناقشة النتيجة التي تحصل عليها فيزيائياً بالتفصيل وذلك انطلاقاً من معادلة الاستمرارية وانعدام التيار الكهربائي وشروط الحقن العالى لحاملات الشحنة.

السؤال الثالث: (20 درجة)

يوضح الشكل المجاور تابعية التركيز الفائض لحاملات الشحنة الكهربائية الأساسية للبعد x من أجل عينة نصف ناقلة من النوع- p بغياب تيار توليد حاملات الشحنة وإنسياقها، وذلك عند إضاءته جانبياً ومستوى حقن الحاملات منخفض، والمطلوب: أولاً- وضح ماذا يحدث في العينة لدى إضاءتها جانبياً. ثانياً- أوجد قانون تغير تركيز الحاملات الأساسية اللامتوازنة للشحنة تأسيساً على معادلة الاستمرارية مع شرح ما يلزم بالتفصيل. ثالثاً- استنتاج علاقة طول الانتشار الموقفة. ماذا تستنتج؟. رابعاً- أعط تعريفاً مناسباً لطول الانتشار.



السؤال الرابع: (20 درجة)

أولاً- عرف درجة حرارة دينامي وكتب العلاقة الموقفة لها ثم اكتب علاقة التركيز الكلي للفونونات الصوتية بدلالة درجة الحرارة T وطاقة الفونون $k_B T / \hbar \omega$. ثانياً- ادرس علاقة التركيز الكلي للفونونات الصوتية في مجال درجات الحرارة المنخفضة ثم في مجال درجات الحرارة المرتفعة. ماذا تستنتج؟.

للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة.

تمنياتي لطلابنا الأعزاء التوفيق والنجاح

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

طرطوس في 18/02/2025

السؤال الأول: (35 درجات)

لدى دراسة معامل إعادة اتحاد الحاملات اللامتوازنة للشحنة وأعماارها تكون عمليتا توليد حاملات الشحنة وإعادة اتحادها متوازنتين في شروط التوازن الترموديناميكي وتساوي تراكيزها اللامتوازنة تراكيزها المتوازنة، والمطلوب:

أولاً- تعريف معامل التوليد الحراري لحاملات الشحنة ومعامل إعادة اتحادها وكتابة العلاقات المموافقة لهما.

ثانياً- إثبات صحة العلاقة $(n_0 + p_0) = 1/y$ في شروط الحقن المنخفض لحاملات الشحنة ثم مناقشتها فيزيائياً، وذلك انطلاقاً من معادلة الاستمرارية وغياب التيار الكهربائي.

ثالثاً- استنتاج قانون تغير Δn وعلاقة فترة الحياة المموافقة انطلاقاً من معادلة الاستمرارية وغياب التيار الكهربائي وشروط الحقن العالى لحاملات الشحنة ثم نقاش النتائج التي تحصل عليها فيزيائياً بالتفصيل.

رابعاً- تعريف سويات الفصل الطاقي ثم تعريف المعامل k وكتابة العلاقة المموافقة له، وبعد ذلك مناقشة الحالات $k > 1$ و $k < 1$ و $k = 1$.

السؤال الثاني: (25 درجة)

أثبت أن المعادلة $f = f_0 + eE\tau v_x \frac{\partial f_0}{\partial E}$ تُعد إحدى الأشكال الممكنة لمعادلة بولتزمان الحركية من أجل غاز إلكتروني

وذلك انطلاقاً من أن تغير تابع توزيع حاملات الشحنة تحت تأثير حقل كهربائي ضعيف شدته E يتوجه وفق المحور x من

$$\left(\frac{df}{dt} \right)_E = \frac{\partial f}{\partial t} + \frac{df}{dp_x} \frac{dp_x}{dt}$$

السؤال الثالث: (30 درجة)

لنفرض أن نصف ناقل إلكتروني معزول يقع عند إضاعته في حالة مستقرة ويتحقق المتراجحة $\Delta n < n_0$ ، ونستعاد حالة التوازن فيه وتصبح الكثافة الكلية للتيار صفراء، والمطلوب:

أولاً- كتابة معادلة الكثافة الكلية للتيار مع ذكر المسئيات الفيزيائية ثم إيجاد علاقة الحقل الكهربائي المنشك في نصف الناقل المدروس وفق المحور $-z$ مستفيداً من علاقة اينشتاين.

ثانياً- إيجاد معادلة تقاضلية من أجل Δn ثم استنتاج علاقة طول حجب ديباي في نصف الناقل المدروس.

ثالثاً- كتابة المعادلة الناتجة في الطلب الثاني بدلالة طول حجب ديباي وكتابة حلها العام ثم مناقشة الحل من أجل الشروط الحدية. أعط تفسيراً فيزيائياً للنتيجة التي تحصل عليها.

بالتوفيق والنجاح

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

طرطوس في 08/09/2024

شـم صـحـيـحـ / أـصـحـاـدـ الـفـاـقـرـ / الدـوـرـةـ الـتـكـلـيـلـيـةـ 2023/2024

توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول: 35 درجة

أولاً- يُعرف معامل التوليد الحراري بأنه معامل يُعبر عن معدل الأزواج الإلكترونية- التقبية المترسبة في وحدة الحجم أمّا معامل إعادة الاتّحاد فهو معامل يُعبر عن معدل الأزواج المعدّ اتحادها في وحدة الحجم،

ثانياً- بما أنَّ عمليتي توليد حاملات الشحنة وإعادة اتحادها تتواءن في شروط التوازن الترموديناميكي ويساوي تركيزها اللامتوازن تركيزها المتوازن، ورمزنا لعدد الأزواج الإلكترونية- التقبية بالرمز G_0 وعدد الأزواج المعدّ اتحادها بالرمز R_0 ، فيمكننا كتابة المساواة:

$$G_0 = R_0. \quad (1)$$

كما يمكن التعبير عن R_0 بالمعادلة:

$$R_0 = \gamma_r n_0 p_0 = \gamma_r n_i^2, \quad (2)$$

حيث γ_r معامل إعادة الاتّحاد، و n_0 و p_0 التركيز المترسبة للإلكترونات والتقوب في نصف الناقل، على الترتيب.

إن الحاملات اللامتوازنة للشحنة تُصبح بعد فترة قصيرة من الزمن غير مختلفة عن الحاملات المتوازنة، ولذلك يمكن الاعتقاد بأنّها تتصف بمعامل إعادة الاتّحاد ذاته، γ_r ، الذي تتصف به الحاملات المتوازنة للشحنة. وحينئذ يمكن كتابة علاقة سرعة

إعادة الاتّحاد للحاملات اللامتوازنة للشحنة بالشكل الآتي:

$$R = \gamma_r np. \quad (3)$$

في الواقع، يدخل في العلاقة الأخيرة الحد الممثّل بالمعادلة (2) لأن التركيز اللامتوازنان n و p يحويان التركيزين المتوازنين n_0 و p_0 ، أي يؤخذ فيما بالحساب، إعادة اتحاد الحاملات المتوازنة أيضاً. ولذلك، إذا عُيّنت سرعة إعادة الاتّحاد بالمعادلة (3) ودرست معادلة الاستمرارية في ظروف غياب التوليد الخارجي، فلا بد من احتساب التوليد الحراري، G_0 ، في هذه الحالة.

تأخذ معادلة الاستمرارية في غياب التيار الكهربائي الشكل الآتي:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{\partial p}{\partial t} = G_0 - \gamma_r np, \quad (4)$$

أو بالشكل الآتي:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r np = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r (n_0 + \Delta n)(p_0 + \Delta p).$$

$$\therefore \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 \Delta p + p_0 \Delta n + \Delta n \Delta p). \quad (5)$$

إذا أخذنا بالحساب أن $\Delta n = \Delta p$ ، في ظروف حقن بمستوى منخفض، تُصبح المعادلة (5) من الشكل:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 + p_0) \Delta n = -\frac{\Delta n}{\tau_n}, \quad (6)$$

ومن ثم:

$$\tau_n = \frac{1}{\gamma_r (n_0 + p_0)}. \quad (7)$$

إن فترة الحياة هذه، لا تتغير في أثناء عملية إعادة اتحاد الحاملات اللامتوازنة للشحنة، مما يعني أنها توافق إعادة الاتّحاد الخطّي التي يُعدُّ التركيز الفائق فيها تابعاً أسيّاً للزمن:

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{t}{\tau_n}}, \quad (8)$$

ثالثاً- إذا كان مستوى حقن الحاملات الامتوازنة عالياً، تتحقق المتراجحة $(n_0 + p_0) \gg \Delta n$ ، ونحصل تبعاً للمعادلة (7)، على العلاقة الآتية:

$$\frac{\partial \Delta n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad \text{أو} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad (9)$$

بهذا الشكل، يكون المقدار $\frac{\partial n}{\partial t}$ تابعاً تربيعياً بالنسبة للتركيز الفائض للإلكترونات، Δn ، وتدعى إعادة الاتصال عندها، بإعادة الاتصال التربيعية. وبتكامل طرفي المعادلة (9) نحصل على قانون تغير Δn الآتي في حالة إعادة الاتصال التربيعي:

$$\Delta n = \frac{(\Delta n)_0}{1 + \gamma_r t (\Delta n)_0}. \quad (10) \quad (6)$$

يأخذ القانون (10) شكل قطع زائد هنا، يحول إلى شكل أسي خلال فترة من الزمن بعد إزالة توليد حاملات الشحنة. إذ تُخرج المتراجحة $(n_0 + p_0) \gg \Delta n$ بعد انقضاء هذه الفترة، أي عندما ينخفض التركيز الفائض إلى قيمة، تُوافق مستوى الحقن المنخفض.

رابعاً- سويات الفصل الطاقي هي سويات طاقة تفصل بين مصادف اقتناص حاملات الشحنة ومصادف إعادة اتحادها. يُعرف المعامل k_n بأنه ثابت يساوي نسبة احتمال اقتناص ثقب على مصادف مشحونة سلبياً إلى احتمال القذف الحراري للإلكترون إلى عصابة الناقلة ويعطى بالمساواة:

$$k_n = \frac{\gamma_p N_{tr} f_{tr} P}{\gamma_n N_{tr} f_{tr} n_1} = \frac{\gamma_p P}{\gamma_n n_1}.$$

حيث P تركيز التقوب و n_1 التركيز المتوازن للإلكترونات.

تسمى المصادف التي من أجلها $k_n > 1$ ، مصادف إعادة اتحاد، لأنها في هذه الحالة، يكون احتمال إعادة الاتصال أكبر من احتمال التهيج الحراري، والمصادف التي من أجلها $k_n < 1$ ، فتسمى مصادف قنص. وتسمى سوية الطاقة التي من أجلها $k_n = 1$ ، أي عندما يتساوى احتمال إعادة الاتصال مع احتمال التوليد الحراري، سوية فصل إلكتروني، E_{dn} .

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 25 درجة

بما أن المشتق الزمني للاندفاعة p_x يساوي F_x ، فإن المعادلة الآتية تكون محققة من أجل الإلكترونات:

$$\frac{dp_x}{dt} = F_x = -e E. \quad (2)$$

وبالتالي، نحصل من المعادلة المعطاة والمعادلة (2) على المعادلة الآتية:

$$\left(\frac{df}{dt} \right)_E = \frac{\partial f}{\partial t} - e E \frac{df}{dp_x}. \quad (3)$$

يكون الحقل الخارجي E عادة أقل بكثير من الحقل الداخلي للبلورة، ولذلك، فإن الحقل E يُسبب تغيراً ليس كبيراً نسبياً لتابع التوزع f بالمقارنة مع التابع المتوازن f_0 . بهذا الشكل بمقدورنا كتابة المعادلة:

$$f = f_0 + f_1, \quad (4)$$

حيث $f_0 = f_F$ تابع توزع فيرمي من أجل غاز متخل؛

و $f_1 = f_{MB}$ تابع توزع مكسوبل-بولتزمان من أجل غاز غير متخل ،

و f_1 كمية إضافية صغيرة (اضطراب) ولكنها تُحدِّد عمليات النقل الكهربائي.

(8)

إذا فصل الحقل الخارجي، E ، في لحظة زمنية ما، يمكن عدها مبدأ للحساب، فإن حالة التوازن \vec{f} ستعاد نتيجةً لتصادمات الإلكترونات مع المراكز المُبَعِّثة سواء كانت أيونات ذرة شائبة، أو فونونات، أو عيوب، الخ، فإذا لم يكن انحراف الجملة عن التوازن كبيراً فيمكن كتابة علاقة سرعة تغير تابع التوزع \vec{f} ، الناتج من التصادمات

المشار إليها أعلاه، على أنها متناسبة طردياً مع مقدار الانحراف أي أن التناوب خطياً:

$$\left(\frac{df}{dt} \right)_{cm} = -\frac{f_1}{\tau} = -\frac{f - f_0}{\tau}, \quad (5)$$

وطالما أن تابع التوزع f_0 مستقل عن الزمن، فيمكننا كتابة المساواة:

$$f_1 = (f_1)_0 e^{-\frac{t}{\tau}}, \quad (7) \quad \text{ومن ثم:} \quad \frac{d(f - f_0)}{f - f_0} = -\frac{dt}{\tau}, \quad (6)$$

حيث $(f_1)_0$ قيمة f_1 في لحظة البدء $t = 0$ (لحظة تطبيق الحقل E). (7)

في الحالة العامة، يتبع زمن الاسترخاء المتتجه الموجي، $(\vec{k}) = \tau$ ، وشكل التابع يتعلق بآلية التبعثر.

إذن، تجري في نصف الناقل، في مكان تشكل حقل كهربائي، E ، عملية تغير تابع توزع حاملات الشحنة

على الحالات تحت تأثير الحقل بسرعة $\left(\frac{df}{dt} \right)_E$ ؛ وعملية استرخاء، تسعى بعودة الجملة إلى حالة التوازن

$$\left(\frac{df}{dt} \right)_E = \left(\frac{df}{dt} \right)_{cm}. \quad (8) \quad \text{بسرعة} \left(\frac{df}{dt} \right)_{cm}.$$

ومن أجل الحالة الخاصة المتمثلة في تطابق اتجاه الحقل E مع اتجاه المحور x نحصل من المعادلتين (3) و (5) على

العلاقة الآتية:

$$-\frac{\partial f}{\partial t} + eE \frac{df}{dp_x} = \frac{f - f_0}{\tau(\vec{k})}. \quad (9)$$

ولكن طالما، أنشأ ندرس الحالة المستقرة، فإن تغير التابع f مع مرور الزمن، t ، يساوي الصفر:

$$\frac{\partial f}{\partial t} = 0. \quad (10)$$

ومن ثم، نحصل من المعادلتين (9) و (10) على المعادلة الآتية:

$$f = f_0 + eE\tau \frac{\partial f}{\partial p_x}, \quad \text{أو} \quad f - f_0 = eE\tau(\vec{k}) \frac{\partial f}{\partial p_x}, \quad (11)$$

وبما أن التابع f يختلف قليلاً عن التابع f_0 ، فيمكن كتابة المعادلة (11) بالشكل:

$$f = f_0 + \frac{eE\tau}{m_n} \frac{\partial f_0}{\partial v_x}. \quad (12)$$

وبالانتقال من تفاضل التابع التوزع المتوازن بالنسبة للاندفاع إلى التفاضل بالنسبة للطاقة، E ، نحصل على المساواة

$$\text{المطلوبة} \quad \partial E = m_n v_x \partial v_x \frac{\partial f_0}{\partial E}, \quad \text{لأن} \quad f = f_0 + eE\tau v_x \quad \text{ومن ثم} \quad E = \frac{1}{2} m_n v_x^2.$$

ملاحظة: إذا حصل الطالب على الحلول المطلوبة من أجل محور غير المحور $-z$ يأخذ نصف العلامة فقط.

لـ مُـاـمـةـ بـاـرـئـاـلـ رـمـ (3)

أولاً- هو نصف ناقل خالٍ من الشوائب، بحيث تُهمل تراكيز الآخذات والمانحات في نصف الناقل وتحقق المساواة $N_a = N_d = 0$ ، ويسمى نصف ناقل ذاتي أو نقى.

تيار الانتشار هو حركة موجهة لحملات الشحنة الكهربائية في وحدة الزمن والنتائج من انتقالها من منطقة تركيزها المرتفع إلى منطقة تركيزها المنخفض وتيار الانسياق حركة موجهة لحملات الشحنة تحت تأثير حقل كهربائي خارجي مطبق بين طرفي نصف الناقل.

ثانياً- تعطى علاقة الكثافة الكلية للتيار بالشكل:

$$j = en\mu_n E_i + eD_n \frac{\partial n}{\partial z} \quad \text{تكون الكثافة الكلية للتيار في حالة التوازن صفرأ:}$$

حيث يُمثل الحد الأول كثافة تيار الانسياق والحد الثاني كثافة تيار الانتشار ثم إن $E_i = E_x$ في هذه العلاقة، لأن المحور z موجّه عمودياً على السطح.

وباستخدام علاقة أينشتاين من أجل الإلكترونات، $\frac{\mu_n}{D_n} = \frac{e}{k_B T}$ ، نحصل على علاقة الحقل الداخلي:

$$E_i = -\frac{k_B T}{en} \frac{\partial n}{\partial z}.$$

ولكن، طالما أن

جد

$$E_i = -\frac{k_B T}{e(n_0 + \Delta n)} \frac{\partial(\Delta n)}{\partial z} \cong -\frac{k_B T}{e n_0} \frac{\partial(\Delta n)}{\partial z}.$$

ومنه، يمكن إيجاد تدرج الحقل E_i :

$$\frac{\partial E_i}{\partial x} = -\frac{k_B T}{e n_0} \frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial z^2}. \quad (1)$$

وطالما، جرى اختيار المحور z عمودياً على سطح نصف الناقل، فلدينا:

ونحصل من تطبيق معادلة غوص من أجل نصف الناقل المدروس على المعادلة

$$\operatorname{div} E_i = \frac{\partial E_i}{\partial z} = \frac{\rho}{\epsilon \epsilon_0} = -\frac{e \Delta n}{\epsilon \epsilon_0}. \quad (2)$$

وبمقارنة طرفي المعادلتين (1) و (2) نحصل على المعادلة الآتية:

$$\frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial z^2} - \frac{e^2 n_0}{\epsilon \epsilon_0 k_B T} \Delta n = 0. \quad (3)$$

$$L_D = \sqrt{\frac{\epsilon \epsilon_0 k_B T}{e^2 n_0}} \quad \text{وبإدخال الرمز الآتي في المعادلة الأخيرة (3)}$$

تؤول المعادلة (3) إلى الشكل الآتي:

$$\frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial z^2} - \frac{\Delta n}{L_D^2} = 0. \quad (4)$$

يمكن تصور الحل العام للمعادلة الأخيرة بالشكل

(4)

$$\Delta n = C_1 e^{\frac{z}{L_D}} + C_2 e^{-\frac{z}{L_D}}.$$

(5)

ومن أجل مجال غير مضاءٍ في نصف الناقل، تتناقص الكمية Δn عند الابتعاد نحو عمق نصف الناقل، وبالتالي لا بد من

$$\Delta n = C_2 e^{-\frac{z}{L_D}}.$$

وضع $C_1 = 0$ ؛ وعندما يُصبح الحل (5) من الشكل

عندما $z = 0$ يكون لدينا $\Delta n = (\Delta n)_0 = C_2$ ، ولذلك نحصل على العلاقة الآتية:

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{z}{L_D}}.$$

(6)

وهكذا نجد، في حالة توافر ناقلية كهربائية أحادية القطبية، أن التركيز الفائض لحملات اللامتوازن (الأساسية) للشحنة

تناقص عند الابتعاد عن المجال المضاء، أسيّاً، بثابت تناقص، L_D ، يدعى طول (أو نصف قطر) الحجب ديبياً.

يتضح من العلاقة (4) أن طول ديبياً للحجب يتعلق بدرجة الحرارة والتركيز المتوازن لحملات الشحنة (T و n_0). كما

يُوضح طول حجب ديبياً تغير الكمون في الطبقات تحت السطحية.

(6)

Anton

السؤال الأول: (25 درجة)

أولاً- اذكر كيف تؤثر كل من درجة حرارة نصف الناصل والكتلة الفعالة للإلكترونات والثقوب في كثافتي الحالات الطافية في عصايني الناقلية والتكافؤ. ثانياً- أثبت أن التركيز المتوازن لثقوب الناقلية في أنصاف النواقل المتباينة وغير المتحاللة يعطى

$$\text{بالعلاقة } N = N_0 e^{-\frac{E_F - E_0}{k_B T}} \text{ ثم أعط تفسيراً فيزيائياً لها.}$$

السؤال الثاني: (25 درجة)

لدى دراسة معامل إعادة اتحاد الحاملات اللامتوازنة للشحنة وفترات حياتها (أعمارها) تكون عمليتنا توليد حاملات الشحنة وإعادة اتحادها متوازنان في شروط التوازن الترموديناميكي وتساوي تركيزها اللامتوازنة تركيزها المتسازنة، والمطلوب:

أولاً- عرف كلاً من معامل التوليد الحراري لحاملات الشحنة ومعامل إعادة توليدتها وادب العلاقات المموافقة لهما.
ثانياً- أثبت أن فترة حياة الحاملات في شروط حفظها المنخفض شعاعي بالعلاقة $\tau = \tau_0 e^{-\frac{1}{k_B T}}$ ؛ ناقش هذه الاهتزاز فيزيائياً، وذلك انطلاقاً من معادلة الاستمرارية وغياب التيار الكهربائي.

ثالثاً- انطلاقاً من معادلة الاستمرارية وغياب التيار الكهربائي وشروط الحقن العالى لحاملات الشحنة استنتج كلاً من قانون تغير Δn وعلاقة فترة الحياة المموافقة ثم ناقش النتيجة التي تحصل عليها فيزيائياً بالتفصيل. رابعاً- عرف سمات الفصل الطاقي ثم عرف المعامل k وكتب العلاقة المموافقة له وبعد ذلك ناقش الحالات $1 < k < 1$ و $k = 1$.

السؤال الثالث: (20 درجة)

يوضح الشكل المجاور تابعية التركيز الفائض لحاملات الشحنة الكهربائية الأساسية للبعد x من أجل عينة نصف ناصلة من النوع- p بغياب تيار توليد حاملات الشحنة وإنسياتها، وذلك عند إضاءته جانبياً ومستوى حقن الحاملات منخفض، والمطلوب: أولاً- وضح ماذا يحدث في العينة لدى إضاءتها جانبياً.

ثانياً- أوجد قانون تغير تركيز الحاملات الأساسية اللامتوازنة للشحنة تأسياً على معادلة الاستمرارية مع شرح ما يلزم بالتفصيل. ثالثاً- استنتج

علاقة طول الانتشار المموافقة. ماذا تستنتج؟ تطبيق: أحسب طول الانتشار من أجل Ge ، علماً بأن $D_n = 100 \text{ cm}^2/\text{s}$ و $\tau = 10^{-6} \text{ s} = 1 \mu\text{s}$. رابعاً- أعط تعريفاً مناسباً لطول الانتشار.

السؤال الرابع: (20 درجة)

أثبت أن علاقة كثافة تيار الإلكترونات لأنصاف النواقل الإلكترونية (الغازات الإلكترونية) غير المتحاللة تعطى

$$\text{بالمساواة } j = \frac{n_0 e^2 \langle \tau \rangle}{m_n} \text{ ثم استنتج علاقة الناقلية الكهربائية النوعية؛ ناقش العلاقة التي تحصل عليها فيزيائياً.}$$

للموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة.

تمنياتي لطلابنا الأعزاء التوفيق والنجاح

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

طرطوس في 30/06/2024

توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول: (25 درجة)

أولاً- تُعطى كثافة الحالات الطافية من أجل الإلكترونات في عصابة الناقليه بالعلاقة الآتية:

$$N_n(E) = \frac{2\pi(2m_n)^{3/2}}{h^3} (E - E_c)^{1/2}; \quad (1)$$

ومن أجل الثقوب في عصابة التكافؤ بالعلاقة الآتية:

$$N_p(E) = \frac{2\pi(2m_p)^{3/2}}{h^3} (E_v - E)^{1/2}, \quad (2)$$

حيث m_n و m_p الكتلتان الفعّالتان للإلكترون والثقب على الترتيب.

تناسب كثافي الحالات الطافية في عصابتي الناقليه والتكافؤ طرداً مع درجة حرارة نصف الناصل والكتلة الفعّالة للإلكترونات علاقة (4) والثقوب وفق القوة $\frac{3}{2}$.

ثانياً- لدينا من أجل ثقوب الناقليه في أنصاف النوافل المتبلورة العلاقة الآتية:

$$dp_0 = N_p(E) 2f_{fp} dE \quad (3)$$

ولإيجاد p_0 ، لا بد من مكاملة طرفي المعادلة (11) بالنسبة لطاقة الإلكترون E . وعندما نضع الحد الالوي لإشارة التكامل مساوياً E_v ونختار الحد السفلي مساوياً سالب لانهاية $(-\infty)$ ، لأن التابع f_{fp} يتلاقص ويؤول إلى الصفر في هذه الحالة:

$$p_0 = \int_{-\infty}^{E_v} N_p(E) 2f_{fp} dE. \quad (4)$$

ومنه

$$p_0 = \frac{4\pi(2m_p)^{3/2}}{h^3} \int_{-\infty}^{E_v} \frac{(E_v - E)^{1/2}}{e^{\frac{E_F - E}{k_B T}} + 1} dE. \quad (5)$$

لحل هذا التكامل، ندخل الرمزين الآتيين

$$\frac{E_v - E}{k_B T} = x \quad (6)$$

$$\eta = \frac{E_v - E_F}{k_B T} \quad (7)$$

في المعادلة الأخيرة (5) فنجد

$$\frac{E_F - E}{k_B T} = x - \eta. \quad (8)$$

وإذا اعتربنا m_p مقداراً ثابتاً، يمكننا كتابة المعادلة (5) بالشكل الآتي:

$$p_0 = \frac{4\pi(2m_p k_B T)^{3/2}}{h^3} \int_0^{\infty} \frac{x^{1/2}}{e^{x-\eta} + 1} dx \quad (9)$$

$$\Phi_{1/2}(\eta) = \int_0^{\infty} \frac{x^{1/2}}{e^{x-\eta} + 1} dx \quad \text{و} \quad N_v = \frac{2(2\pi m_p k_B T)^{3/2}}{h^3} : (9)$$

ندخل الرمزين الآتيين إلى العلاقة (10) 5

فنجعل على علاقة p_0 بشكلها النهائي الآتي:

$$p_0 = \frac{2}{\sqrt{\pi}} N_v \Phi_{1/2}(\eta),$$

حیث

حيث تسمى الكمية N العدد الفعال للحالات الطافية في عصابة النكاف والكمية $(\eta)_{1/2}$ تكامل فيرمي من المرتبة نصف $(\frac{1}{2})$ (مع استبدال η الوسيط بال وسيط η).

$$e^{\frac{E_F - E}{k_B T}} = e^{x - \eta} \gg 1$$

لدينا من أجل غاز ثقبي غير متخلل المتراجحة

ومن ثم $1 < e^{\eta}$ ومن ثم $-1 < \eta$ ومن ثم نحصل على معيارٍ نهائيٍّ لعدم تحلٍ غازٍ ثقبيٍّ من الشكل

$$E_F - E_v > k_B T.$$

وهكذا نجد أن الغاز التقطي اللامتحل في أنصاف النوافل، يلاحظ عند توضّعه فيرمي فوق سقف عصابة التكافؤ، ليس بأقل من الكمية $k_B T$ ، وعندها يمكن حساب التركيز المتوازن، p_0 ، من العلاقة بسُرُوله:

$$\int_0^{\infty} x^{1/2} e^{-x} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2} \quad \text{حيث} \quad p_0 = N_v e^{\eta} = N_v e^{-\frac{E_F - E_v}{k_B T}}. \quad (6)$$

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 25 درجة

أولاً- يُعرف معامل التوليد الحراري بأنه معامل يُعبر عن معدل الأزواج الإلكترونية- الثقبية المتولدة في واحدة الحجم أمّا معامل إعادة الاتصال فهو معامل يُعبر عن معدل الأزواج المُعاد اتحادها في واحدة الحجم،

ثانياً- إن عمليتي توليد حاملات الشحنة وإعادة اتحادها تتواءن في شروط التوازن الترموديناميكي ويساوي تركيزها اللامتوازن تركيزها المتوازن. فإذا رمزاً لعدد الأزواج الإلكترونية- التقبية بالرمز G_0 وعدد الأزواج المُعاد اتحادها بالرمز R_0 ، يمكننا كتابة المساواة:

$$G_0 = R_0 . \quad (1)$$

كما يمكن التعبير عن R_0 بالمعادلة:

$$R_0 = \gamma_r n_0 p_0 = \gamma_r n^2, \quad (2)$$

حيث γ معامل إعادة الاتحاد، و n_0 و p_0 التراكيز المتوازنة للإلكترونات والثقوب في ن/ن، على الترتيب.

إن الحاملات اللامتوازنة للشحنة تُصبح بعد فترة قصيرة من الزمن غير مختلفة عن الحاملات المتوازنة، ولذلك يمكن الاعتقاد بأنها تتصف بمعامل إعادة الاتحاد ذاته، β ، الذي تتصف به الحاملات المتوازنة للشحنة. وحينئذ يمكن كتابة علاقة سرعة إعادة الاتحاد للحاملات اللامتوازنة للشحنة بالشكل الآتي :

$$R = \gamma_r np . \quad (3)$$

في الواقع، يدخل في العلاقة الأخيرة الحد الممثّل بالمعادلة (2) لأن التركيزن الامتوازنان n و p يحييان التركيزن المتوازنين n_0 و p_0 ، أي يؤخذ فيما بالحساب، إعادة اتحاد الحاملات المتوازنة أيضاً. ولذلك، إذا عُيّنت سرعة إعادة الاتحاد بالمعادلة (3) ودرست معادلة الاستمرارية في ظروف غياب التوليد الخارجي، فلا بد من احتساب التوليد الحراري، G_0 ، في هذه الحالة.

تأخذ معادلة الاستمرارية في غياب التيار الكهربائي الشكل الآتي:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{\partial p}{\partial t} = G_0 - \gamma_r np, \quad (4)$$

أو بالشكل الآتي:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r np = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r (n_0 + \Delta n)(p_0 + \Delta p).$$

$$\therefore \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 \Delta p + p_0 \Delta n + \Delta n \Delta p). \quad (5)$$

وإذا أخذنا بالحساب أن $\Delta n = \Delta p$ ، في ظروف حقن بمستوى منخفضٍ، تُصبح المعادلة (5) من الشكل:

$$\tau_n = \frac{1}{\gamma_r (n_0 + p_0)}. \quad \text{ومن ثم: (7)} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 + p_0) \Delta n = -\frac{\Delta n}{\tau_n}, \quad (6)$$

إن فترة الحياة هذه، لا تتغير في أثناء عملية إعادة اتحاد الحاميات اللامتوازنة للشحنة، مما يعني أنها توافق إعادة الاتحاد الخطى التي يُعد التركيز الفائض فيها تابعاً أساسياً للزمن، وفق المعادلة (43-5)، في الفكرة السابقة:

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{t}{\tau_n}}, \quad (8)$$

ثالثاً- إذا كان مستوى حقن الحاميات اللامتوازنة عالياً، تتحقق المترابحة $(n_0 + p_0) \gg \Delta n$ ونحصل تابعاً للمعادلة (7)، على العلاقة الآتية:

$$\frac{\partial \Delta n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad \text{أو} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad (9)$$

بهذا الشكل، يكون المقدار $\frac{\partial n}{\partial t}$ تابعاً تربيعياً بالنسبة للتركيز الفائض للإلكترونات، Δn ، وتدعى إعادة الاتحاد خطى، بإعادة الاتحاد التربيعية. ويتکامل طرفي المعادلة (9) نحصل على قانون تغير Δn الآتي في حالة إعادة الاتحاد التربيعي:

$$\Delta n = \frac{(\Delta n)_0}{1 + \gamma_r t (\Delta n)_0}. \quad (10)$$

يأخذ القانون (10) شكل قطع زائد هنا، يحول إلى شكل أسي خلال فترة من الزمن بعد إزالة توليد حاميات الشحنة. إذ تُخرق المترابحة $(n_0 + p_0) \gg \Delta n$ بعد انقضاء هذه الفترة، أي عندما ينخفض التركيز الفائض إلى قيمة، توافق مستوى الحقن المنخفض.

رابعاً- سويات الفصل الطيفي هي سويات طاقة تفصل بين مصادر اقتناص حاميات الشحنة ومصادر إعادة اتحادها. يُعرف المعامل k_n بأنه ثابت يساوي نسبة احتمال اقتناص ثقب على مصددة مشحونة سلبياً إلى احتمال القذف الحراري للإلكترون إلى عصابة الناقلة ويعطى بالمساواة:

$$k_n = \frac{\gamma_p N_{tr} f_{tr} p}{\gamma_n N_{tr} f_{tr} n_1} = \frac{\gamma_p p}{\gamma_n n_1}.$$

حيث p تركيز الثقوب و n_1 التركيز المتوازن للإلكترونات.

تسمى المصادر التي من أجلها $k_n > 1$ ، مصادر إعادة اتحاد، لأنها في هذه الحالة، يكون احتمال إعادة الاتحاد أكبر من احتمال التهيج الحراري، والمصادر التي من أجلها $k_n < 1$ ، فتسمى مصادر قنصٍ. وتسمى سوية الطاقة التي من أجلها $k_n = 1$ ، أي عندما يتساوى احتمال إعادة الاتحاد مع احتمال التوليد الحراري، سوية فصل إلكترونيٍّ، E_{dn} .

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: (20 درجة)

أولاً- إن الضوء المسلط على العينة المدروسة يولّد إلكترونات وتقوب على حساب تأين المادة الأساسية للعينة، أي نتيجة لانتقال الإلكترونات عبر الفجوة. وبسبب الاختلاف الكبير في تركيز الحاملات الأساسية للشحنة (الإلكترونات هنا) عند سطح n وفي عمقها يلاحظ انتشارها نحو عمق n ، وهذا يؤدي إلى ظهور شحنة حجمية سالبة في عمقه، ولكن في الوقت ذاته يجري انجذاب للثقوب إلى ذلك العمق بسبب استرخاء مكسوبل. ولذلك، فإن الحاملات الأساسية للشحنة تجذب معها أشلاء انتشارها إلى عمق n كمية من الحاملات الأساسية للشحنة (الثقوب)، ومن ثم يُصان شرط الاعتدال الكهربائي في عمق n ؛

فمع اقتراب الإلكترونات والثقوب من عمق n سيعاد اتحادها، ومن ثم ستتناقص تراكيزها. (5)

ثانياً- نوجد الآن قانون تغير تركيز الحاملات الأساسية اللامتوازنة للشحنة تأسيساً على معادلة الاستمرارية: في الحالة الراهنة، لا يوجد توليد للحاملات اللامتوازنة للشحنة $G_n = 0$ في عمق نصف الناقل (من أجل $x \neq 0$)، كما أن $E = 0$. أضعف إلى ذلك، طالما تبقى الإضاءة متواصلة، يمكننا وضع $\frac{\partial n}{\partial t} = 0$ في أي مقطع، $x \neq 0$ ، في عمق n .

ومن ثم تؤول معادلة الاستمرارية، $\frac{\partial n}{\partial t} = G_n - \frac{\Delta n}{\tau_n} + \frac{1}{e} \operatorname{div} \vec{j}_n$ إلى الشكل الآتي:

$$\frac{\Delta n}{\tau_n} = \frac{1}{e} (e D_n \nabla^2 n).$$

تم الحصول على الطرف الأيمن في المعادلة الأخيرة على اعتبار أن $0 = \nabla^2 \phi$. وبما أن

$$\nabla^2 n = \frac{\partial^2 (\Delta n)}{\partial x^2}$$

تصبح المعادلة الأخيرة من الشكل

$$\frac{\Delta n}{\tau_n D_n} = \frac{\partial^2 (\Delta n)}{\partial x^2} \quad \text{أو} \quad \frac{\partial^2 (\Delta n)}{\partial x^2} - \frac{\Delta n}{\tau_n D_n} = 0.$$

ولهذه المعادلة حل عام من الشكل

$$\Delta n = C_1 e^{\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}} + C_2 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}}.$$

ولكن، بما أن $\Delta n \rightarrow 0$ مع ازدياد x ، فمن الواضح أن $C_1 = 0$.

$$\Delta n = C_2 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}}.$$

وعيه فإن:

نوجد قيمة الثابت C_2 ، بوضع $x = 0$ في المعادلة الأخيرة، فنجد أن قيمته تساوي $(\Delta n)_0$ ، $(\Delta n)_0 = C_2$.

وفي هذه الحالة، نستطيع كتابة العلاقة:

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}},$$

ثالثاً- ومن ثم نحصل على علاقة طول انتشار الحاملات الأساسية اللامتوازنة في نصف الناقل الثقيبي الآتية: $L_n = \sqrt{D_n \tau_n}$

حل التطبيق: $L_n \approx 10^{-2} \text{ cm}$.

رابعاً- يمكن تعريف طول الانتشار، $L_n = \sqrt{D_n \tau_n}$ ، بأنه المدى الذي يتناقص خلاله التركيز الفائق من الحاملات الأساسية اللامتوازنة للشحنة بمقدار e مرة.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: 20 درجة

لإجابة على السؤال نوجد في البداية تركيز الإلكترونات التي طاقاتها محصورة في المجال الطاقي من E إلى $E + dE$ ، ثم نجري الحساب من أجل سطح تساوي الطاقة لكرة مركزها $k = 0$ ، فرضاً. لدينا:

$$dn = N(E) 2f(E) dE ;$$

$$dn = \frac{4\pi (2m_n)^{3/2}}{h^3} (E - E_c)^{1/2} f(E) dE , \quad (1)$$

حيث $m_n = m^* = m_{\infty}$ الكتلة الفعالة السلمية.

ومن المفيد أن نعد قاع عصابة الناقلة مبدأ لحساب الطاقة، بحيث نضع $E_c = 0$.

يُعبر عن الشحنة التي ينقلها dn إلكتروناً، انساق تحت تأثير الحقل E ، خلال واحدة الزمن على طول المحور x عبر واحدة السطح بالمساواة الآتية:

$$-ev_x dn = dj = -\frac{4\pi e (2m_n)^{3/2}}{h^3} v_x (E)^{1/2} f(E) dE . \quad (2)$$

إذن، تساوي كثافة تيار الإلكترونات في الاتجاه x :

$$j = -\frac{4\pi e (2m_n)^{3/2}}{h^3} \int_0^{\infty} v_x E^{1/2} f(E) dE . \quad (3)$$

وعند التعويض عن التابع $f(E)$ بقيمه $f = f_0 + \frac{eE\tau}{m_n} \frac{\partial f_0}{\partial v_x}$ نحصل على مجموع تكاملين:

الأول يساوي الصفر، لكونه يُمثل تيار الإلكترونات في شروط التوازن، أمّا التكامل الثاني فيعطي المساواة:

$$j = -\frac{4\pi e^2 (2m_n)^{3/2}}{h^3} E \int_0^{\infty} v_x^2 \tau E^{1/2} \frac{df_0}{dE} dE . \quad (4)$$

إذن، التيار مرتبط بالإضافة اللامتوازنة، f_1 ، الناجمة عن تطبيق الحقل الكهربائي، والتي أضيفت إلى التابع التوزع المتوازن f_0 .

وعلى فرض أن:

$$v_x^2 \approx v_y^2 \approx v_z^2 = \frac{2}{3} \frac{E}{m_n} . \quad (5)$$

نجد أن المعادلة (4) تأخذ الشكل:

$$j = -\frac{8\pi^2 e (2m_n)^{3/2}}{3h^3 m_n} E \int_0^{\infty} \tau E^{3/2} \frac{\partial f_0}{\partial E} dE . \quad (6a)$$

ومن أجل غاز إلكتروني غير متحلل، حيث $f_0 = f_{MB} = e^{-\frac{E-E_F}{k_B T}}$ ، ومن ثم

$$j = \frac{8\pi e^2 (2m_n)^{3/2}}{3h^3 m_n k_B T} E e^{\frac{E_F}{k_B T}} \int_0^{\infty} \tau E^{3/2} e^{-\frac{E}{k_B T}} dE \quad (6b)$$

وإذا أخذنا بالحساب أن:

نجد، عندما $E_c = 0$ ، أن:

$$e^{\frac{E_F}{k_B T}} = \frac{n_0}{N_c} = \frac{n_0 h^3}{2(2\pi m_n k_B T)^{3/2}} \quad (7)$$

وبضرب الطرف الأيمن من المعادلة (6b) بالمقدار $\int_0^{\infty} E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE$ والتقسيم عليه، مع الأخذ بالحساب المعادلة (7)،

نحصل على علاقة كثافة التيار كما يأتي:

$$j = \frac{8\pi e^2 (2m_n)^{3/2}}{3h^3 m_n k_B T} \cdot \frac{n_0 h^3}{2(2\pi m_n k_B T)^{3/2}} \cdot \frac{\int_0^{\infty} E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE \int_0^{\infty} \tau E^{3/2} e^{-\frac{E}{k_B T}} dE}{\int_0^{\infty} E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE}$$

وعلى اعتبار أن الزمن الوسطي للاسترخاء يُعرف بالعلاقة

$$\langle \tau \rangle = \frac{\int_0^{\infty} \tau E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE}{\int_0^{\infty} E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE} \quad (8)$$

والأخذ بالحساب المساواة

$$\int_0^{\infty} E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE = \frac{3}{4} \sqrt{\pi} (k_B T)^{5/2} \quad (9)$$

تؤول علاقـة كثـافة التـيار إلـى الشـكل المـطلوب الآتـي:

$$j = \frac{n_0 e^2 \langle \tau \rangle}{m_n} \quad (10)$$

وهكـذا، نـحصل من أـجل غـاز إـلكتروـنـي غـير مـتحـلـل عـلـى قـانـون أـوـم مـن الشـكـل (10) بـحـيث تـسـاوـي النـاقـلـيـة التـنوـعـيـة:

$$\sigma = \frac{n_0 e^2}{m_n} \langle \tau \rangle. \quad (24)$$

إذـن، تـوـصـف النـاقـلـيـة الكـهـرـبـائـية مـن أـجل غـاز إـلكـتروـنـي غـير مـتحـلـل بـزـمـن اـسـتـرـخـاء إـلـكـتروـنـات وـيـنـاسـب مـع تـرـكـيز إـلـكـتروـنـات تـنـاسـباً طـرـديـاً وـمـع الكـتـلـة الفـعـلـة تـنـاسـباً عـكـسـياً.

السؤال الأول: (15 درجة)

ادرس بنية عصابات الطاقة للمركيّات $A^{III}B^V$ (GaAs) و InSb و GaP و GaSb (المركيّات المتّبورة النصف ناقلة موضحاً إيجابتك برسم مخطط بنية عصابة الطاقة لأحد هذه المركيّات.

السؤال الثاني: (20 درجة)

أولاً- عرف درجة حرارة دينامي وكتب العلاقة الموقّفة لها.

ثانياً- اكتب علاقّة التركيز الكلي للفونونات الصوتية بدلالة درجة الحرارة T وطاقة الفونون $\hbar\omega/k_B T$.

ثالثاً- ادرس علاقّة التركيز الكلي للفونونات الصوتية في مجال درجات الحرارة المنخفضة ثم في مجال درجات الحرارة المرتفعة. لماذا تستنتج؟.

السؤال الثالث: (25 درجة)

تعطى علاقّة سوية فيرمي في أنصاف النواقل الامثلة والحاويات مانحات

$$E_F = E_d + k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(\sqrt{1 + \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} - 1 \right) \right] \quad \text{بالشكل}$$

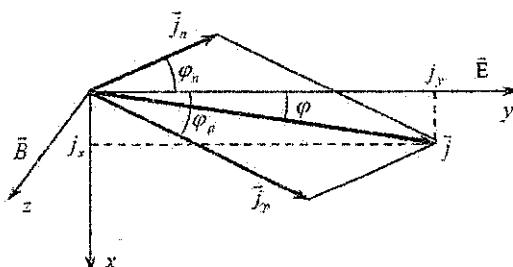
والمطلوب: أولاً- كتابة شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المنخفضة نسبياً مع ذكر مدلول الرمز ثم اشرح ماذا يحدث في نصف الناقل في درجات الحرارة الأعلى منها واتّب الشكل الذي يؤول إليه شرط الاعتدال الكهربائي.

ثانياً- إيجاد علاقّة فيرمي انطلاقاً من العلاقة المعطاة في درجات الحرارة الأكثّر انخفاضاً مع مناقشة ما يلزم.

ثالثاً- إيجاد علاقّة تركيز الحاملات الأساسية للإلكترونات، n_0 ، استناداً إلى علاقّة فيرمي التي حصلت عليها في الطالب السابق.

رابعاً- إيجاد علاقّة فيرمي من أجل الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة ثم شرط الاعتدال الكهربائي الموقّف. لماذا تستنتج؟.

السؤال الرابع: (30 درجة)



لدرس عيّنة من مادة نصف ناقلة لها شكل متوازي مستطيلات ناقليتها مختلطة يجري فيها تيار كهربائي من اليمين نحو اليمين وموضوّعة في حقل مغناطيسي خارجي ضعيف، \bar{B} ، تتجه تحرّيبيّة في اتجاه عمودي على اتجاه التيار، والمطلوب:

أولاً- صفت ماذا يحدث لمتجه كثافة التيار الكلي. ثانياً- تبعاً للشكل

المجاور تعطى علاقّة كثافة التيار بالقيمة المطلقة بالشكل $j_x = j_p \sin \varphi_p + j_n \sin \varphi_n$ و $j_y = j_p \cos \varphi_p + j_n \cos \varphi_n$.

استنتاج العلاقتين اللتان تصفان كل من زاويتي انحراف كثافة تيار الإلكترونات وكثافة تيار التقوّب.

ثالثاً- أوجد علاقّة زاوية الدوران φ ثم العلاقة العامة من أجل معامل هول، لماذا تستنتج؟.

بالتوفيق والنجاح

طرطوس في 06/02/2024

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

السؤال الأول: (20 درجة)

أولاً- اشرح كيفية حدوث الاعتدال الكهربائي في أنصاف النواقل والعوازل موضحاً كيفية توليد إلكترونات وثقوب ناقلة حرة في حجم متجانس من نصف ناقل أو عازل.

ثانياً- بين متى يحدث شرط التوازن термодинاميكى ومتى يكون التوازن غير ترموديناميكى ثم استنتج علاقة شرط الاعتدال الكهربائي.

السؤال الثاني: (35 درجة)

يوضح الشكل المجاور مخططاً مبسطاً لحزمة الطاقة من أجل وصلة معدن-

نصف ناقل من النوع-n، والمطلوب:

أولاً- ماذا يحدث في منطقتي الوصلة في شروط التوازن.

ثانياً- ماذا يحدث عند تطبيق حقل كهربائي \vec{E} ضعيف بالاتجاه المشار إليه في الشكل وإهمال مفعولات التقويم في وصلة نصف الناقل - معدن.

ثالثاً- وضِّح سبب انتشار حرارة بيلته في وصلة الالتحام هذه.

رابعاً- أوجد علاقة بيكارينكا من أجل نصف ناقل إلكتروني ثم اكتب العلاقة الناتجة من أجل نصف ناقل ثقبى (انظر أثناء ذلك قيمة الدليل ٢ من أجل كل تبعثر). ماذا تستنتج؟.

السؤال الثالث: (35 درجة)

أولاً- وضِّح ما المقصود بنصف الناقل الذاتي وما هو الفارق بين تيار الانتشار وتيار الانسياق.

ثانياً- لنفرض أن نصف ناقل إلكتروني معزول يقع عند إضاءته في حالة مستقرة ويتحقق المترابحة $n_0 <> \Delta n$ ، ونُستعاد حالة التوازن فيه وتصبح الكثافة الكليّة للتيار صفرًا، والمطلوب:

a) كتابة معادلة الكثافة الكليّة للتيار (مع ذكر المسميات) ثم إيجاد علاقه الحقل الكهربائي المتشكل في نصف الناقل المدروس وفق المحور-z مستفيداً من علاقه اينشتاين.

b) إيجاد معادلة تفاضلية من أجل Δn ثم استنتاج علاقه طول حجب ديباى في نصف الناقل المدروس.

c) كتابة المعادلة الناتجة في الطلب الثاني بدلة طول حجب ديباى وكتابة حلها العام ثم مناقشة الحل من أجل الشروط الحدية. أعط تفسيراً فيزيائياً للنتيجة التي تحصل عليها.

بالتوفيق والنجاح

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

طرطوس في 10/09/2023

السؤال الأول: (15 درجة)

العنوان الأول: (١٥-١٦) ملخص بنية عصابة الطاقة فقط.

الستة، الثاني، (20 درجة)

ثانياً- يعطى التركيز الكلي للفونونات الصوتية بالعلاقة

٦٦٦١- ١- المارق، ٢٢- الفئران الصوتية والفنون الصوتية ومدى تحرّض كل منها.

$$E_F = E_d + k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(\sqrt{1 + \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} - 1 \right) \right] \quad \text{بالشكل}$$

والمطلوب: أولاً- كتابة شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المنخفضة نسبياً مع ذكر مدلول الرموز ثم أشرح ماذا يحدث في الشكل الذي أتمناه، ثانياً- الشكل الذي أتمناه، ثالثاً، أسلوب الكهرباء.

نصف الناقل في درجات الحرارة الأعلى منها وكتب السندي يورن في:

ثانياً- إيجاد علاقة فيرمي انطلاقاً من العلاقة المعطاة في درجات الحرارة الأ历 المعاصر مع درجة حرارة T_0 = 0°C.

٤٤٦ - اولاً - علاقة تكين الحاملات الأساسية للإلكترونات، n_0 ، استناداً إلى علاقة فيرمي التي حصلت عليها في الدرس السابق.

النهاية: (30 درجة)

السؤال الرابع (٣٥-٣٦):
 لندرس عينة من مادة نصف ناقلة لها شكل متوازي مستطيلات ناقليتها مختلطة يجري فيها تيار كهربائي من اليسار نحو اليمين وموضعه في حقل مغناطيسي خارجي ضعيف، \vec{B} ، تتجه تحريرضية في اتجاه عمودي على اتجاه التيار، والمطلوب:

أولاً- صف ماذا يحدث لمتجهة كثافة التيار الكلي. ثانياً- تبعاً للشكل عمودي على الجهة المعاوقة.

أولاً- صنف ماذا يحدث لمتجه كثافة التيار الكلي. ثانياً- ببعض السعى
التيار الكلي $j_x = j_p \sin \varphi_p + j_n \sin \varphi_n$ و $j_y = j_p \cos \varphi_p + j_n \cos \varphi_n$.
القيمة المطلقة بالشكل

المجاور تعطى علاقتاً كثافة التيار بالقيمة المطلقة باستثناء $n=4$ التي تعطى كثافة تيار التقوب.

استنتج العلاقتين اللتان تصفان كل من زاويتي انحراف كثافة تيار الإلكترونيات وذلك في

٤٤١- أحد علاج زاوية الدوران ثم العلاقة العامة من أجل معامل هول، ماذا تستنتج؟

التوفيق والنجاح

د. حسن عدّة الكريم سليمان

2023/07/09 في طلسم

$$\gamma^2 = 0/09$$

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 20 درجة

أولاً- عرف درجة حرارة ديباي وكتب العلاقة المموافقة لها: (4 درجات)

درجة حرارة ديباي هي درجة حرارة مميزة للجسم الصلب ~~وعندما تتحرس كل الفونونات الصوتية والضوئية وتوافق درجة الحرارة التي يانخفضها~~ يلاحظ انخفاض السعة الحرارية للجسم الصلب وتعطى نسبة الطاقة الحرارية إلى ثابت بولتزمان $\Theta_D = \hbar\omega_{\max} / k_B$ حيث التواتر الأعظمي للاهتزازات الصوتية الطولانية.

ثانياً- يعطى التركيز الكلي للفونونات الصوتية بالعلاقة $N_{ph} = \frac{3}{2\pi^2 v_s^3} \left(\frac{k_B T}{\hbar}\right)^3$ حيث $v_s = \hbar\omega / k_B T$

والمطلوب دراسة علاقة التركيز هذه في درجات الحرارة المنخفضة ثم في درجات الحرارة المرتفعة. ماذا تستنتج؟

في مجال في درجات الحرارة المنخفضة، تتحقق المترابحة $\Theta_D \ll T$ وعندما يمكن استبدال الحد العلوي

للتكميل في المعادلة المعطاة باللأنهاية، فنحصل على المساواة

$$N_{ph} = \frac{1}{2} \left(\frac{k_B}{v_s \hbar} \right)^3 T^3 \quad \text{ومن ثم} \quad \int_0^{\Theta_D/T} \frac{x^2 dx}{e^x - 1} = \frac{\pi^2}{3}$$

درجات) في مجال درجات الحرارة المرتفعة، تتحقق المترابحة $\Theta_D \gg T$ ومن ثم $x \ll 1$ ، وعندما يمكن نشر

المقدار e^x في سلسلة والاكتفاء بالحدين الأول والثاني من المنشور، فنحصل على المساواة

$$\int_0^{\Theta_D/T} \frac{x^2 dx}{e^x - 1} = \int_0^{\Theta_D/T} x dx = \frac{1}{2} \left(\frac{\Theta_D}{T} \right)^2,$$

وعندما تؤول العلاقة المعطاة إلى الشكل

$$N_{ph} = \frac{3\Theta_D^2}{4\pi^2} \left(\frac{k_B}{\hbar v_s} \right)^3 T.$$

بهذه الطريقة نجد، في درجات الحرارة المنخفضة، أن المقدار N_{ph} يتاسب طردياً مع المرتبة الثالثة لدرجة الحرارة، وفي درجات الحرارة المرتفعة، يتاسب خطياً مع درجة الحرارة.

شكل مشابه، يمكن إجراء الحساب من أجل شبكات بلوريّة معقدة التي من الممكن أن تتهيّج فيها الاهتزازات الضوئية. وعندما، يؤخذ بالحساب، أن الاهتزازات الضوئية تتهيّج في درجات الحرارة المرتفعة نسبياً، طالما أن تواتراتها أكبر من تواتر الاهتزازات الصوتية، وفي الكثير من الحالات، يمكن عد تواتر الاهتزازات الضوئية ثابتاً في كامل مجال تغيير العدد الموجي.

ثالثاً- ما هو الفارق بين الفونونات الصوتية والфонونات الضوئية ومتى تتحرس كل منها: (4 درجات)

الاهتزازات الصوتية تتوافر في البلورات الحجمية ذات شبكة برافيه فقط والتي تحوي ذرة واحدة في الخلية الأولية، كما في حالة السلاسل الخطية (المتجانسة) البسيطة، أمّا الاهتزازات الضوئية التي تواتراتها ثابتة تقربياً في منطقة بريلوان الأولى فتظهر في الشبكات الأكثر تعقيداً كتلك التي تمتلك البنية البلورية الماسية نتيجة لاهتزاز إحدى الشبكتين الجزيئتين على تعاكس بالطّور بالنسبة للشبكة الجزيئية الأخرى كبلورة السيلكون والجرمانيوم.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث (25 درجة)

أولاً- يأخذ شرط الاعتدال الكهربائي في درجة حرارة منخفضة نسبياً الشكل $p_d = n_0$ يعني أن تركيز الإلكترونات في عصابة الناقلة يساوي تركيز المانحات المتأينة لمرة واحدة.

وعند درجة الحرارة الأعلى يزداد احتمال انتقال الإلكترونات عبر المنطقة المحظورة، ويمكن للشوائب أن تستفاد، أي تتأين بأكملها. ولكن، في هذه الحالة يتحول نصف الناقل خارج مجال استفاد الشوائب، من نصف ناقل إلكتروني إلى نصف ناقل ذاتي.

وعندما، يكتب شرط الاعتدال الكهربائي بالشكل: $n_0 = p_d + p_0$ ثم يفترض تأين كل المانحات، بحيث أن $N_d = N_d^+$

$$\Delta E_d = E_c - E_d \gg \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \quad \text{حيث}$$

ثانياً- تحدّد درجات الحرارة الأكثر انخفاضاً بالمتراجحة 1 وعندما يمكن إهمال الواحد في العلاقة المعطاة في نص السؤال، في القوسين المتوضطين، فنحصل على العلاقة الآتية:

$$E_F = k_B T \ln \left(\frac{1}{4} e^{\frac{E_d}{k_B T}} \sqrt{\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} \right);$$

$$E_F = k_B T \left(\ln \frac{1}{4} + \ln e^{\frac{E_d}{k_B T}} + \ln \sqrt{\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} \right);$$

$$E_F = k_B T \left(\ln \frac{1}{4} + \frac{E_d}{k_B T} + \frac{1}{2} \left(\ln \frac{8N_d}{N_c} + \frac{E_c - E_d}{k_B T} \right) \right);$$

$$E_F = k_B T \left(\frac{2E_d}{2k_B T} + \frac{E_c - E_d}{2k_B T} \right) + \frac{k_B T}{2} \left(\ln \frac{8N_d}{N_c} + \ln \frac{1}{16} \right) = \frac{E_c + E_d}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c}. \quad (1)$$

المناقشة: تقع سوية فيرمي في درجة الصفر المطلق وفق العلاقة (1) في منتصف المسافة بين E_c و E_d ؛ ومع ارتفاع درجة الحرارة يبدأ دور الكسر $N_d / 2N_c$ يظهر وتبعاً لذلك تقترب سوية فيرمي E_F من قاع عصابة الناقلة E_c ثم تبتعد عنها لتصل إلى E_d مع ارتفاع درجة الحرارة واستفاد المانحات.

ثالثاً- يمكن إيجاد التركيز المتوازن للإلكترونات، n_0 ، باستخدام علاقة سوية فيرمي الأخيرة (1) وفقاً للعلاقة الثانية المعطاة في نص السؤال. إذ ينتج من العلاقةين الثانية و (1) علاقة n_0 الآتية:

$$n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(E_c - \frac{E_c + E_d}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c} \right)};$$

$$n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(\frac{E_c - E_d}{2} \right)} e^{\frac{\ln N_d}{2N_c}} = n_0 = N_c e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}} \sqrt{\frac{N_d}{2N_c}}; \quad (2)$$

$$n_0 = \sqrt{\frac{N_c N_d}{2}} e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}}.$$

رابعاً- يعبر عن معيار الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة بالمتراجحة (3)

وباستخدام منشور الجذر التربيعي في سلسلة، عندما $1 < \alpha$ ، نجد:

$$\sqrt{1+\alpha} = 1 + \frac{\alpha}{2} - \frac{\alpha^2}{8} + \dots \quad (4)$$

وبالاكتفاء بالحددين الأول والثاني من المنشور الناتج، نستطيع كتابة العلاقة الآتية:

$$\sqrt{1 + \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} = 1 + \frac{8N_d}{2N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}$$

$$E_F = E_d + k_B T \ln \left(\frac{1}{4} \frac{4N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \right) = E_d + k_B T \ln \left(\frac{N_d}{N_c} \right) + E_c - E_d.$$

$$E_F = E_c + k_B T \ln \frac{N_d}{N_c}. \quad (5)$$

وبالتعويض (5) عن في (4) نحصل على المساواة الآتية:

$$n_0 = N_c e^{-\frac{E_c - E_F}{k_B T}} = N_c e^{-\frac{E_c}{k_B T}} e^{\frac{1}{k_B T} \left(E_c + k_B T \ln \frac{N_d}{N_c} \right)} = N_c \frac{N_d}{N_c} = N_d$$

بهذه الطريقة، نجد أن تركيز الإلكترونات الحرة، n_0 ، عند تحقق المعيار (3)، لا يتعلّق بدرجة الحرارة ويساوي تركيز الشوائب؛ وهذا ما يوافق مجال استفاد الشوائب التي تبدو متأينة بشكلٍ كاملٍ.

At 01

توزيع الدرجات على جواب السؤال الرابع (30 درجة)
 إن الكثافة الكلية للتيار \bar{j} هي مجموع متوج لثافيتي التيار الثقب \bar{j}_p والتيار الإلكتروني \bar{j}_n ويُشَكِّل زاوية دوران φ مع اتجاه الحقل الكهربائي الخارجي المطبق، \bar{E} ، والمسؤول عن انسياق حاملات الشحنة، ثم إن زاوية الدوران تكون صغيرة

$$\bar{j} = \bar{j}_n + \bar{j}_p$$

لضعف قيمة الحقل المطبق، مما يسمح لنا بكتابة العلاقة الآتية:

$$\tan \varphi = \frac{j_x}{j_y} \approx \varphi,$$

من الشكل:

وبحسب الشكل المعطى يكون لدينا علاقة ظل زاوية (صغيرة) φ من الشكل:

حيث j_x و j_y مسقطاً متوجاً للتيار الكلي على المحورين x و y على الترتيب.

ومن ثم يمكننا كتابة علاقة مركبة كثافة التيار j الآتية: (5)

$$j_y = j_p \cos \varphi_p + j_n \cos \varphi_n = e(p\mu_p + n\mu_n)E \equiv \sigma E, \quad (1)$$

حيث أن $\cos \varphi_p = \cos \varphi_n = 1$ لأن الزاويتين φ_p و φ_n صغيرتان، لكونهما تدرسان في حالة الحقول المغناطيسية الضعيفة \bar{B} .

ومركبة كثافة التيار j تكتب بالشكل:

$$j_x = j_p \sin \varphi_p + j_n \sin \varphi_n = j_p \varphi_p + j_n \varphi_n, \quad (2)$$

حيث أن $\sin \varphi_p = \varphi_p$ و $\sin \varphi_n = \varphi_n$ ، وذلك بحكم صغر الزاويتين φ_p و φ_n . يمكن التعبير عن هاتين الزاويتين من المخططين المتجهيين الموضعين في الشكل المعطى؛ فالرسم حالة التوازن الديناميكي وبلغ حقل هول قيمة مستقرة. إذن،

لدينا:

$$\tan \varphi_n = \frac{E_{xn}}{E} = \frac{E_{xn}}{j_n / en\mu_n} \approx \varphi_n. \quad (4) \quad \text{و} \quad \tan \varphi_p = \frac{E_{xp}}{E} = \frac{E_{xp}}{j_p / ep\mu_p} \approx \varphi_p; \quad (3)$$

كما يمكن الاستفادة من المعادلة (1) والتعبير عن الحقل E وفق الآتي:

$$E = \frac{j_p}{\sigma_p} = \frac{j_p}{ep\mu_p}. \quad (6) \quad \text{و} \quad E = \frac{j_n}{\sigma_n} = \frac{j_n}{en\mu_n}; \quad (5)$$

وبتبعاً لمفعول هول نستطيع كتابة العلاقات الآتى من أجل نصف الناصل المدروس:

$$E_{xn} = -\frac{A}{en} \frac{I_n B}{ab} = -\frac{A}{en} j_n B. \quad (8) \quad \text{و} \quad E_{xp} = \frac{A}{ep} \frac{I_p B}{ab} = \frac{A}{ep} j_p B; \quad (7)$$

وبالتعويض عن المعادلات (8)-(5) في جملة المعادلين (3) و (4) نجد أن:

$$\varphi_n = \frac{E_{xn}}{E} = -\frac{A}{en} \frac{j_n B}{\frac{j_n}{en\mu_n}} = -A\mu_n B. \quad (10) \quad \text{و} \quad \varphi_p = \frac{E_{xp}}{E} = \frac{A}{ep} \frac{j_p B}{\frac{j_p}{ep\mu_p}} = A\mu_p B; \quad (9)$$

ولإيجاد زاوية الدوران الكلية، φ ، نعرض عن العلاقات (9) و (10) في العلاقات (1) و (2) على الترتيب، حيث نجد أن:

$$j_x = j_p (A\mu_p B) + j_n (-A\mu_n B) = ep\mu_p E (A\mu_p B) + en\mu_n E (-A\mu_n B)$$

ومن ثم

$$j_x = eA (p\mu_p^2 - n\mu_n^2) E B, \quad (11)$$

10

ومن ثم نعرض العلقتين (1) و (11) في علاقة دوران φ ، فنجد:

$$\varphi = \frac{j_x}{j_y} = \frac{eA(p\mu_p^2 - n\mu_n^2)EB}{e(p\mu_p + n\mu_n)E} = A \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{p\mu_p + n\mu_n} B. \quad (12)$$

ومن جهة أخرى، يمكننا استناداً للعلاقة (9) كتابة المساواة الآتية:

$$\varphi_p = R_{xp}\sigma_p B. \quad (13)$$

وبشكل مشابه يمكننا كتابة علاقة من أجل زاوية الدوران φ :

ومن ثم

$$\varphi = R_x\sigma B, \quad (14)$$

وبمقارنة العلقتين (12) و (14) مع بعضهما البعض نجد أن:

$$R_x = \frac{A}{e(p\mu_p + n\mu_n)} \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{(p\mu_p + n\mu_n)^2}.$$

ومن ثم

$$R_x = \boxed{\frac{A}{e} \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{(p\mu_p + n\mu_n)^2}}.$$

وهو معامل هو المطلوب حيث نجد أنه يتاسب مع التراكيز الإلكترونية والتقبية وحركياتها الموقفة وتبعاً لذلك يمكن أن تكون إشارة المعامل موجبة أو سالبة.

أ. و. سلامة

السؤال الأول: (35 درجة)

$$I. E_F = E_d + k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(\sqrt{1 + \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} - 1 \right) \right]$$

والمطلوب: أولاً- كتابة شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المنخفضة نسباً مع ذكر مدلول الرموز ثم اشرح ماذا يحدث في نصف الناقل في درجات الحرارة الأعلى منها واكتب الشكل الذي يقول إليه شرط الاعتدال الكهربائي.

ثانياً- إيجاد علاقه فيرمي انطلاقاً من العلاقة المعطاة في درجات الحرارة الأكثر انخفاضاً مع مناقشة ما يلزم.

ثالثاً- إيجاد علاقه تركيز الحاملات الأساسية للإلكترونات، n_0 ، استناداً إلى علاقه فيرمي التي حصلت عليها في الطلب السابق.
رابعاً- إيجاد علاقه فيرمي من أجل الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة ثم شرط الاعتدال الكهربائي الموفق. ماذا تستنتج؟

$$II. n_0 = \frac{N_d}{2} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{4n_i^2}{N_d^2}} \right)$$

$$E_F = E_c + k_B T \ln \left[\frac{N_d}{2N_c} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{4n_i^2}{N_d^2}} \right) \right]$$

ثانياً- دراسة العلاقات من أجل حالتين حديثتين بدلاً من n فقط مع شرح المعنى الفيزيائي.

السؤال الثاني: (20 درجة)

6 أولاً- اشرح الطواهر الكهرومغناطيسية: مفعول سبيك- مفعول بيلتيه- مفعول طومسون. ثانياً- اذكر أهمية كلٍ من المفاعيل الثلاثة المذكورة في الطلب السابق في أنصاف النواقل و الفلزات (المعادن) بالتفصيل. ثالثاً- اشرح مفهوم الفونون.

السؤال الثالث: (35 درجة)

إحدى نظريات التقويم في وصلة نصف ناصل- فلز (معدن)، هي النظرية الديودية التي تطبق في حالة الطبقات المقلقة الواقعية، حيث ارتفاع الحاجز الذي يقف عائقاً أمام الإلكترونات الممكّن انتقالها من الحد الداخلي للطبقة المقلقة باتجاه الفلز، يساوي $E_i - E_{c0} = e(V_c - V) = e\varphi$ ، كما يظهر في الشكل المجاور، ثم إن الإلكترونات المتحركة من الفلز باتجاه نصف الناصل يجب أن تتجاوز حاجزاً مقداره $E_i - E_{HM}$. والمطلوب: أولاً- متى يقال عن الطبقة المقلقة أنها رقيقة؟ ثم اذكر لماذا سميت هذه النظرية بالنظرية الديودية؟. ثانياً- إذا علمت أنّه يمكن تعين كثافة تيار الإلكترونات العابرة بسرعة v وفق المحور- x ، من منطقة نصف الناصل غير المتدخل إلى الفلز، j_s ، من أجل طبقة مقلقة رقيقة؛ كثافة تيار إصدار حراري إلكتروني، فاكتب الشرط الموفق لذلك. ثالثاً- اكتب علاقه الطاقة الحركية للإلكترونات الواقعية خلف حدود الطبقة المقلقة وعند حدها الداخلي ثم علاقه الطاقة الكليّة. رابعاً- اكتب المتراجّحات الموافقة لاندفاعة الإلكترونات من أجل الاتجاهات x و y و z . خامساً- إذا علمت أنّ كثافة تدفق الإلكترونات عند السطح الداخلي للطبقة المقلقة تُعطى بالعلاقة

$$dN_x = \frac{p_x}{m_n} \cdot \frac{dp_x dp_y dp_z}{h^3} 2 \exp \left(-\frac{E - E_F}{k_B T} \right)$$

التيار المتدفق من نصف الناصل إلى الفلز، j_s ، وكثافة التيار المتدفق من الفلز إلى نصف الناصل، j_M ، ثم علاقه كثافة التيار الكلي مع شرح ما يلزم. ماذا تستنتج؟.

تمنياتي لطلابنا الأعزاء التوفيق والنجاح

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

طرطوس في 2023/01/31

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: 35 درجة

I. أولاً- شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المنخفضة:

في درجة حرارة منخفضة نسبياً، يكون شرط الاعتدال الكهربائي من الشكل $n_0 = p_d$ وفي درجة حرارة أعلى من سابقتها، يرتفع احتمال انتقال الإلكترونات عبر المنطقة المحظورة، والشوابئ عندها، يمكن أن تستند، أي تتأين بأكملها. ولكن، في مثل هذه الحالة يتحول نصف الناقل خارج مجال استفاد الشوابئ، من نصف ناقل إلكتروني إلى نصف ناقل ذاتي؛ وعندما، يكتب شرط الاعتدال الكهربائي بالشكل $n_0 = p_d + p_0$ ثم يفترض أن كل المانحات متآينة، بحيث أن $p_d = N_d^+ = N_d$

التركيز المترافق للتقارب الحراري يساوي تركيز الإلكترونات الموجودة في السوابات الآتية، $p_0 = n_d$.

ثانياً- استنتاج علاقة فيرمي انتلاقاً من العلاقة المعطاة في درجات الحرارة الأكثر انخفاضاً:

$$\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \gg 1.$$

تحقق في هذا المجال الحراري المترافق الآتية:

وعندما يمكن إهمال الواحد الواقع تحت الجذر التربيعي في القوسين المتوسطين في العلاقة المعطاة في نص السؤال فنحصل على ما يأتي:

$$E_F = k_B T \ln \left(\frac{8N_d}{16N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \right)^{1/2} = k_B T \left(\frac{E_d}{k_B T} + \frac{1}{2} \frac{\Delta E_d}{k_B T} \ln \frac{N_d}{2N_c} \right) = E_d + \frac{1}{2} (E_c - E_d) \ln \frac{N_d}{2N_c},$$

$$\Delta E_d = E_d - E_c \quad \text{حيث } E_F = \frac{E_c + E_d}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c}.$$

ثالثاً-

$$n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(\frac{E_c - E_d}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c} \right)};$$

$$n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(\frac{E_c - E_d}{2} \right)} e^{\frac{1}{2} \left(\ln \frac{N_d}{2N_c} \right)} = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(\frac{E_c - E_d}{2} \right)} e^{\ln \left(\frac{N_d}{2N_c} \right)^{1/2}} = N_c e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}} \sqrt{\frac{N_d}{2N_c}},$$

$$= \sqrt{\frac{N_c N_d}{2}} e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}}$$

$$\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \ll 1.$$

رابعاً- بتعيين الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة وفقاً للشرط

10

يوافق هذا المعيار الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة.

باستخدام منشور الجذر التربيعي في سلسلة، عندما $1 \ll \alpha$ ، نجد: $\sqrt{1+\alpha} = 1 + \frac{1}{2}\alpha - \frac{1}{8}\alpha^2 + \dots$

وبالاكتفاء بالحدين الأول والثاني من المنشور الناتج، نستطيع إعادة كتابة العلاقة الأخيرة بالشكل الآتي:

$$\begin{aligned} E_F &= E_d + k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(\sqrt{1 + \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} - 1 \right) \right] \equiv E_d + k_B T \ln \frac{1}{4} \left(1 + \frac{4N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} - 1 \right) \\ &= E_d + k_B T \ln \left(\frac{N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \right) = E_d + k_B T \left(\ln \frac{N_d}{N_c} + \frac{\Delta E_d}{k_B T} \right) = E_d + k_B T \ln \frac{N_d}{N_c} + \Delta E_d. \end{aligned}$$

$$E_F = E_c + k_B T \ln \frac{N_d}{N_c}.$$

ومن ثم:

وبوضع العلاقة الأخيرة في العلاقة $E_c - E_F$ ، نحصل على المساواة الآتية:

$$n_0 = N_c e^{-\frac{E_c - E_F}{k_B T}} = N_c e^{-\frac{E_c}{k_B T}} e^{-\frac{E_c + k_B T \ln(N_d/N_c)}{k_B T}} = N_c e^{\ln(N_d/N_c)} = N_c \frac{N_d}{N_c}.$$

$$n_0 = N_d.$$

ومن ثم:

بهذه الطريقة، نجد أن تركيز الإلكترونات الحرية، n_0 ، عند تحقق المتراجحة المذكورة أعلاه ، لا يتعلّق بدرجة الحرارة ويساوي لتركيز الشوائب؛ وهذا ما يوافق مجال استفاد الشوائب التي تبدو متّبعة بشكّل كامل.

نلاحظ أن تركيز الحاملات غير الأساسية للشحنة (الثقوب)، في مجال استفاد الشوائب، سيزداد أسيّاً بارتفاع درجة الحرارة، طالما

$$p_0 = \frac{n_i^2}{n_0} = \frac{N_c N_v}{N_d} e^{-\frac{\Delta E_0}{k_B T}}.$$

إن المعادلة الأخيرة تبقى محققة، طالما يبقى تركيز الثقوب أقل بكثير من تركيز الإلكترونات: $p_0 \ll n_0 = N_d^+ = N_d$.
بتغيير آخر، تنشأ الثقوب نتيجة لتشييدها عبر المنطقة المحظورة، ومن الممكن عدم احتساب تغيرات التركيز n_0 ، فقط لأن هذه الثقوب قليلة.

II. أولاً- كتابة شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المرتفعة:

يفرض هنا أن $N_d = N_d^+ = p_d$ ، أي تُعد كل المانحات متّبعة.

ثانياً- دراسة العلاقات من أجل حالتين حديثتين مع شرح المعنى الفيزيائي.

تكمّن الحالة الحدية الأولى في تحقق المتراجحة $4n_i^2 / N_d^2 < 1$ التي تتوافق مجال درجات الحرارة الوسطية، وبدقّة أكثر ، مجال استفاد الشوائب المانحة، حيث نحصل على العلاقات الآتية:

$$E_F = E_c + k_B T \ln(N_d / N_c) \quad \text{و} \quad n_0 = N_d.$$

بهذه الطريقة، نجد أن درجات الحرارة المنخفضة والمرتفعة، تقطع في مجال استفاد الشوائب.

تكمّن الحالة الحدية الثانية في تحقق المتراجحة $4n_i^2 / N_d^2 > 1$.

$$E_F = E_c + k_B T \ln(n_i / N_c).$$

أو على العلاقة

وهي علاقة تتطابق مع العلاقة الموافقة لحالة نصف ناقل ذاتي.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: (20 درجة)

أولاً- تكمن ظاهرة سبب في نشوء قوة دافعة كهرا حرارية، في دارة مكونة من جسمين صلبين مختلفين، لدى وجود فارق حراري في نقاط اتصالهما.

وظاهرة بيلتيه تكمن في تسخين أو تبريد وصلة التحام مادتين عند جريان تيار مستمر فيها. وهذا المفعول لا ينبع من نشر حرارة لنز - جول، أي أن لهذه الظاهرة طبيعة مختلفة عن ذلك.

أمّا ظاهرة طومسون فتكم في نشر أو امتصاص كمية من الحرارة تضاف إلى حرارة لنز - جول عند جريان تيار مستمر في نصف ناقل متجلانس، يتوافر فيه تدرج حراري.

ترصد ظهرتا سبب وبيلتيه عادة في المعادن،

إلا أنهما جليتان في أكثر في أنصاف النواقل؛

فمثلاً يمكن لقيم معطيات هاتين الظاهرتين في أنصاف النواقل أن تفوق مثيلاتها بعدة مراتب في المعادن.

ولهذا السبب تجد هاتان الظاهرتان تطبقاً عملياً واسعاً في أنصاف النواقل.

إذ يمكن على وجه الخصوص، استعمال الأزواج نصف الناقلة التي تتصف بقدرة دافعة كهرا حرارية كبيرة؛ كمنابع تغذية كهربائية.

كما يمكن تطبيق ظاهرة بيلتيه في أجهزة التبريد.

ولظاهرة طومسون أهمية نظرية في المقام الأول:

فالدرج الحراري يكون تدرجاً في التركيز ومن ثم تياراً انتشارياً موافقاً له.

وبنتيجة هذا الانتقال الانشاري تنشأ شحنات حجمية على طول نصف الناقل.

فإذا كان حقل الشحنات الحجمية موجهاً باتجاه معاكس لاتجاه الحقل الخارجي، فإن هذا الأخير يمارس عملاً ضد الحقل الداخلي وتنشر كمية حرارة إضافية في نصف الناقل.

وعند تطابق اتجاه الحقولين ينجز الحقل الداخلي جزءاً من العمل، يُستهلك في تشكيل انسياق لحاملات الشحنة الكهربائية، ما

يتتحقق في نهاية المطاف على حساب الطاقة الحرارية لنصف الناقل، مما يؤدي إلى تبريد.

مفهوم الفونون: هو شبه جسيم لا يوجد إلا في البلورة وهو كم اهتزازات الشبكة البلورية الحرارية وهو نوعان صوتي وضوئي؛ فعند انتقاله من مستوى طاقة أدنى إلى مستوى طاقة أعلى يعني ولادة فونون وبالعكس عند انتقاله من مستوى طاقة أعلى إلى مستوى طاقة أدنى فيعني فناء فونون.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: 35 درجة

أولاً- يقال عن الطبقة المفلقة أنها رقيقة عندما لا تتجاوز سماكتها طول المسار الحر الوسطي لحاملات الشحنة.
وسميت هذه النظرية بالنظرية الديودية لأن الطبقة المفلقة تشبه فجوة الخلاء التي تفصل بين الفلزات أو الفاصل الخلائي بين مسرب مصباح إلكتروني (ديود).

ثانياً- الشرط الموافق هو: $\frac{1}{2} m_n v_x^2 = \frac{p_x^2}{2m_n} \geq e(V_c - V)$ ، فإن هذه الإلكترونات تستطيع عبور هذه الطبقة من دون

تبعد وتصل إلى الفلز ، ومن ثم يدور الحديث هنا عن الإلكترونات المتحركة باتجاه المحور x والتي من أجلها $E \geq E_1$

ثالثاً- اكتب علاقة الطاقة الحرارية للإلكترونات الواقعة خلف حدود الطبقة المفلقة وعند حدّها الداخلي ثم علاقة الطاقة الكلية.

$$E = E_{ken} = \frac{p_x^2}{2m_n} + \frac{p_y^2}{2m_n} + \frac{p_z^2}{2m_n}.$$

وفي الطبقة المفلقة، يكون لدينا العلاقة الآتية من أجل قيم مختلفة للموضع x :
 $E = E_{ken}(x) + U(x)$ أو العلاقة الآتية إذا أخذنا بالحساب، $E_{c0} = 0$:

ومن أجل السطح الفاصل بين نصف الناقل والفلز، نستطيع كتابة العلاقات الآتية:

$$E_1 = e\varphi_s \quad \text{و} \quad E = E_{ken} + e\varphi_s$$

رابعاً- المتراجحات الموافقة لاندفاعة الإلكترونات من أجل الاتجاهات x و y و z هي:

$$-\infty \leq p_z \leq \infty \quad \text{و} \quad -\infty \leq p_y \leq \infty \quad \text{و} \quad \sqrt{2m_n e(V_c - V)} \leq p_x \leq \infty$$

خامساً- بما أن تركيز الإلكترونات الموافق وباعتبار نصف

الناقل في هذه الدراسة غير متحلٍ و $p_x = m_n v_x$

تساوي كثافة التيار المتدفق من نصف الناقل إلى الفلز :

$$j_s = e N_x. \quad (1)$$

إذن، مسألة تعين j_s تقودنا إلى إيجاد تكامل المعادلة المعطاة في نص السؤال في حدود المتراجحات المذكورة أعلاه. فإذا أخذنا

بالحساب أن $E = \frac{p_x^2}{2m_n} + \frac{p_y^2}{2m_n} + \frac{p_z^2}{2m_n}$ ، نجد:

$$N_x = \frac{2e^{\frac{E_F}{k_B T}}}{h^3} \int_{\sqrt{2m_n e(V_c - V)}}^{+\infty} \frac{p_x}{m_n} e^{-\frac{p_x^2}{2m_n k_B T}} dp_x \cdot \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{p_y^2}{2m_n k_B T}} dp_y \cdot \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{p_z^2}{2m_n k_B T}} dp_z.$$

وبعد إجراء عملية التكامل والاستفادة من المساواة: $\int e^{-ax^2} dx = \sqrt{\pi/a}$

نحصل على المعادلة الآتية: $N_x = \frac{2e^{\frac{E_F}{k_B T}}}{h^3} \frac{1}{2m_n} \left\{ -2m_n k_B T \left(e^{-\frac{E_F}{2m_n k_B T}} - e^{-\frac{2m_n e(V_c - V)}{k_B T}} \right) \right\} \left(2m_n k_B T \pi \right)^{1/2}$

$$\Rightarrow N_x = \frac{4\pi m_n k_B^2}{h^3} T^2 e^{\frac{E_F}{k_B T}} e^{-\frac{e(V_c - V)}{k_B T}}. \quad (2)$$

يُدخل رمز السرعة الحرارية الوسطية للإلكترونات: $v_T = \sqrt{\frac{8k_B T}{\pi m_n}}$ في العلاقة (2) والأخذ بالحسبان علاقـة التركيز المـتوازـن

لـلـإـلـكـتـرـوـنـاتـ، n_0 الآتـيـةـ، وـ $E_{c0} = 0$

$$n_0 = N_c e^{\frac{E_F}{k_B T}} = \frac{2 (2\pi m_n k_B T)^{3/2}}{h^3} e^{\frac{E_F}{k_B T}}$$

يمـكـنـ كـاتـبـةـ عـلـاقـةـ كـثـافـةـ تـيـارـ المـتـدـفـقـ منـ نـصـفـ النـاقـلـ إـلـىـ الـفـلـزـ، j_S ، أـيـ المـعـادـلـةـ (1)، بالـشـكـلـ الآـتـيـ:

$$j_S = e N_c = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{e V_c}{k_B T}} e^{\frac{e V}{k_B T}}.$$

ولـيجـادـ كـثـافـةـ تـيـارـ المـتـدـفـقـ منـ الـفـلـزـ إـلـىـ نـصـفـ النـاقـلـ، j_M ، نـعـدـ فـيـ شـرـوـطـ التـواـزـنـ، أـنـ $j_M = j_S$ ، وـمـنـ ثـمـ

$$j_M = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{e V_c}{k_B T}}.$$

وـمـنـهـ، نـحـصـلـ عـلـىـ عـلـاقـةـ كـثـافـةـ تـيـارـ الـكـلـيـ الذـيـ يـمـرـ مـنـ الـوـصـلـةـ المـدـرـوـسـةـ:

$$j = j_S - j_M = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{e V_c}{k_B T}} \left(e^{\frac{e V}{k_B T}} - 1 \right).$$

نـرـمـزـ لـلـمـقـدـارـ الـوـاقـعـ أـمـامـ الـقـوـسـينـ بـالـرـمـزـ j_{sat} ، حـيـثـ

$$j_{sat} = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{e V_c}{k_B T}} = \frac{1}{4} e v_T n_s$$

يـسـمـيـ هـذـاـ المـقـدـارـ بـكـثـافـةـ تـيـارـ الإـشـبـاعـ.

وـفـيـ درـجـةـ الـحـرـارـةـ الـمـعـطـاـةـ، يـكـونـ المـقـدـارـ j_{sat} ثـابـتاـ منـ أـجـلـ وـصـلـةـ مـحـدـودـةـ مـؤـلـفـةـ مـنـ نـصـفـ نـاقـلـ- فـلـزـ. ثـمـ إـنـ الـكـمـيـةـ n تـمـثـلـ تـرـكـيزـ

الـإـلـكـتـرـوـنـاتـ عـنـ سـطـحـ نـصـفـ نـاقـلـ فـيـ شـرـوـطـ التـواـزـنـ، أـيـ عـنـدـماـ $V = 0$ ، وـمـنـ ثـمـ يـكـونـ لـدـيـنـاـ الـعـلـاقـةـ الـدـهـانـيـةـ الآـتـيـةـ:

$$j = j_{sat} \left(e^{\frac{e V}{k_B T}} - 1 \right)$$

وـهـيـ عـلـاقـةـ الصـفـةـ الـمـمـيـزةـ لـوـصـلـةـ نـصـفـ نـاقـلـ - فـلـزـ؛ تـيـارـ الإـشـبـاعـ فـيـهـاـ يـتـعـلـقـ بـالـسـرـعـةـ الـحـرـارـيةـ وـمـسـتـقـلـ عـنـ الـجـهـدـ الـخـارـجـيـ.

أـ.ـ دـ.ـ حـسـنـ عـدـ الـكـرـيمـ سـلـيـمانـ

السؤال الأول: (35 درجة)

I. تعطى علاقة مستوى فيرمي في نصف ناقل لامتحل ويحوي شوائب مانحة بالشكل $E_F = E_d + k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(\sqrt{1 + \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} - 1 \right) \right]$

والمطلوب: أولاً- اشرح شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المنخفضة نسبياً مع ذكر مدلول الرموز ثم اشرح ماذا يحدث في نصف الناقل في درجات الحرارة الأعلى منها وكتب الشكل الذي يؤول إليه شرط الاعتدال الكهربائي. ثانياً- أوجد علاقة مستوى فيرمي انطلاقاً من العلاقة المعلقة في درجات الحرارة الأكثر انخفاضاً مع شرح ومناقشة ما يلزم. ثالثاً- أوجد علاقة تركيز الحاملات الأساسية للإلكترونات، n_0 ، استناداً إلى علاقة فيرمي التي حصلت عليها في الطلب السابق. رابعاً- أوجد علاقة فيرمي من أجل الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة ثم شرط الاعتدال الكهربائي الموفق. ماذا تستنتج؟.

II. تعطى في أنصاف النواقل غير المتحلة والحاوية شوائب مانحة في درجات الحرارة المرتفعة العلقات: $n_0 = \frac{N_d}{2} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{4n_i^2}{N_d^2}} \right)$

و $E_F = E_c + k_B T \ln \left[\frac{N_d}{2N_c} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{4n_i^2}{N_d^2}} \right) \right]$ ، والمطلوب: أولاً- اكتب شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المرتفعة.

ثانياً- ادرس العلاقاتين من أجل حالتين حديثتين بدلالة التركيز الذاتي فقط مع شرح المعنى الفيزيائي.

السؤال الثاني: (20 درجة)

أولاً- اشرح الظواهر الكهرا حرارية الآتية: مفعول سبيك- مفعول بيلتيه- مفعول طومسون. ثانياً- اذكر أهمية كل من المفاعيل الثلاثة المذكورة في الطلب السابق في أنصاف النواقل والفلزات بالتفصيل. ثالثاً- عرف الفونون.

السؤال الثالث: (35 درجة)

إحدى نظريات التقويم في وصلة نصف ناقل- فلز، هي النظرية الديوبدية التي تطبق في حالة الطبقات المقلقة الرقيقة، حيث ارتفاع الحاجز الذي يقف عائقاً أمام الإلكترونات الممكّن انتقالها من الحد الداخلي للطبقة المقلقة باتجاه الفلز، يساوي $E_1 - E_{c0} = e(V_c - V) = e\varphi_s$ ، ثم إن الإلكترونات المتحركة من الفلز باتجاه نصف الناقل يجب أن تتجاوز حاجزاً مقداره $E_1 - E_{FM}$. والمطلوب:

أولاً- ارسم مخطط عصابات الطاقة الموقّف للوصف السابق بشكل مبسط مع وضع الرموز المناسبة عليه.

ثانياً- وضح متى يُقال عن الطبقة المقلقة أنها رقيقة ثم اذكر لماذا سميت النظريّة الديوبدية بهذا الاسم.

ثالثاً- إذا علمت أنّه يمكن تعين كثافة تيار الإلكترونات العابرة بسرعة v_x وفق المحور x ، من منطقة نصف الناقل الامتحل إلى الفلز، j_x ، من أجل طبقة مقلقة رقيقة؛ كثافة تيار حراري إلكتروني، فاكتب الشرط الموقّف لذلك. رابعاً- اكتب علاقة الطاقة الحرارية للإلكترونات الواقعية خلف حدود الطبقة المقلقة وعند حدّها الداخلي ثم علاقة الطاقة الكلية. خامساً- اكتب المتراجّحات الموقّفة لاندفاعة الإلكترونات من أجل الاتجاهات x و y و z . سادساً- إذا علمت أنّ كثافة تدفق الإلكترونات عند السطح الداخلي للطبقة المقلقة تعطى

بالعلاقة $dN_x = v_x dn = \frac{p_x}{m_n} \cdot \frac{dp_x dp_y dp_z}{h^3} 2 \exp\left(-\frac{E - E_F}{k_B T}\right)$ حيث $dn = dz 2f_F$ (حيث تركيز الإلكترونات الموقّف)، فاستنتج علاقتي

كثافة التيار المتدفق من نصف الناقل إلى الفلز، j_x ، وكثافة التيار المتدفق من الفلز إلى نصف الناقل، j_M ، ثم علاقة كثافة التيار الكلي مع شرح ما يلزم. ماذا تستنتج؟.



توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول: 35 درجة

الجزء الأول: (7) أولاً - نقول عن نصف الناقل بأنه ذاتياً إذا لم تتوافر فيه شوائب، بحيث تتحقق المساواة $N_d = N_n = 0$.

يأخذ شرط الاعتدال الكهربائي في درجة حرارة منخفضة نسبياً الشكل $p_d = n_0$ ويعني أن تركيز الإلكترونات في عصابة الناقلية يساوي تركيز المانحات المتأينة لمرة واحدة.

و عند درجة الحرارة الأعلى يزداد احتمال انتقال الإلكترونات عبر المنطقة المحظورة، ويمكن للشوائب أن تستفيد، أي تتأين بأكملها.

ولكن، في هذه الحالة يتحول نصف الناقل خارج مجال استفاد الشوائب، من نصف ناقل إلكتروني إلى نصف ناقل ذاتي؛ 3

و عندها، يكتب شرط الاعتدال الكهربائي بالشكل: $n_0 = p_d + p_0$ ثم يفترض تأين كل المانحات ، بحيث أن $p_d = N_d^+ = N_d$ 2

$$(8) \text{ ثانياً - تحدد درجات الحرارة الأكثر انخفاضاً بالمتراجحة 1} \quad \Delta E_d = E_c - E_d \quad \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \gg 1 \quad \text{حيث } 1 >> 1$$

و عندها يمكن إهمال الواحد في العلاقة المعطاة في نص السؤال، في القوسين المتوسطين، فنحصل على العلاقة الآتية:

$$E_F = k_B T \ln \left(\frac{1}{4} e^{\frac{E_d}{k_B T}} \sqrt{\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} \right);$$

$$E_F = k_B T \left(\ln \frac{1}{4} + \ln e^{\frac{E_d}{k_B T}} + \ln \sqrt{\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} \right);$$

$$(1) \quad E_F = k_B T \left(\ln \frac{1}{4} + \frac{E_d}{k_B T} + \frac{1}{2} \left(\ln \frac{8N_d}{N_c} + \frac{E_c - E_d}{k_B T} \right) \right);$$

$$E_F = k_B T \left(\frac{2E_d}{2k_B T} + \frac{E_c - E_d}{2k_B T} \right) + \frac{k_B T}{2} \left(\ln \frac{8N_d}{N_c} + \ln \frac{1}{16} \right) = \frac{E_c + E_d}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c}.$$

المناقشة: تقع سوية فيرمي في درجة الصفر المطلق وفق العلاقة (1) في منتصف المسافة بين E_c و E_d ؛

ومع ارتفاع درجة الحرارة يبدأ دور الكسر $N_d / 2N_c$ يظهر وتبعاً لذلك تقترب سوية فيرمي E_F من قاع عصابة الناقلية E_c ثم تبتعد عنها لتصل إلى E_d مع ارتفاع درجة الحرارة واستفاد المانحات. 3

(3) ثالثاً - يمكن إيجاد التركيز المتوازن للإلكترونات، n_0 ، باستخدام علاقة سوية فيرمي الأخيرة (1) وفقاً للعلاقة الثانية المعطاة في السؤال. إذ ينبع من العلاقاتين الثانية و (1) علاقة n_0 الآتية: 1+1+1

$$n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(E_c - \frac{E_c + E_d}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c} \right)}; \\ n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(\frac{E_c - E_d}{2} \right)} e^{\left(\ln \frac{N_d}{2N_c} \right)} = n_0 = N_c e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}} \sqrt{\frac{N_d}{2N_c}}; \quad (2)$$

$$n_0 = \sqrt{\frac{N_c N_d}{2}} e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}}.$$

(8) رابعاً - يعبر عن معيار الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة بالمتراجحة (3). 3 << 1 << 1

ويستخدم منشور الجذر التربيعي في سلسلة، عندما $\alpha << 1$ ، نجد:

$$(1) \quad \sqrt{1+\alpha} = 1 + \frac{\alpha}{2} - \frac{\alpha^2}{8} + \dots \quad (4)$$

بالحدّين الأول والثاني من المنشور الناتج، نستطيع كتابة العلاقة الآتية:

$$(1) \quad \sqrt{1 + \frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} = 1 + \frac{8N_d}{2N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}$$

$$(1) \quad E_F = E_d + k_B T \ln \left(\frac{1}{4} \frac{4N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \right) = E_d + k_B T \ln \left(\frac{N_d}{N_c} \right) + E_c - E_d.$$

$$(1) \quad E_F = E_c + k_B T \ln \frac{N_d}{N_c}. \quad (5)$$

وبالتعويض (5) عن في (4) نحصل على المساواة الآتية:

$$n_0 = N_c e^{-\frac{E_c - E_F}{k_B T}} = N_c e^{-\frac{E_c}{k_B T}} e^{\frac{1}{k_B T} \left(E_c + k_B T \ln \frac{N_d}{N_c} \right)} = N_c \frac{N_d}{N_c} = N_d$$

بهذه الطريقة، نجد أن تركيز الإلكترونات الحرّة، n_0 ، عند تحقق المعيار (3)، لا يتعلّق بدرجة الحرارة ويساوي تركيز الشوائب؛ وهذا ما يُوافق مجال استفاد الشوائب التي تبدو متأينة بشكل كامل (2).

الجزء الثاني: أولاً - يأخذ شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المرتفعة بالشكل: $\frac{4n_i^2}{N_d^2} < 1$ ومن أجل الحالة الحرية الثانية $n_0 = \frac{N_d}{2} (1 + \sqrt{1}) = \frac{N_d}{2} (2) = N_d$

ثانياً - مجال درجات الحرارة الوسطية وبدقة أكثر مجال استفاد الشوائب

$$n_0 = \frac{N_d}{2} (1 + \sqrt{1}) = \frac{N_d}{2} (2) = N_d;$$

وتعني أن التركيز المتوازن للإلكترونات يساوي تركيز المانحات المستفدة.

$$E_F = E_c + k_B T \ln \frac{N_d}{2N_c} \cdot 2 = E_c + k_B T \ln \frac{N_d}{N_c}.$$

$$\frac{4n_i^2}{N_d^2} < 1 \quad \text{ومن أجل الحالة الحرية الثانية } n_0 = \frac{N_d}{2} \frac{2n_i^2}{N_d} = n_i$$

$$n_0 = \frac{N_d}{2} \frac{2n_i^2}{N_d} = n_i \quad \text{التركيز المتوازن مطابق للتركيز الذاتي}$$

نحصل في هذه الحالة على العلاقات الآتية:

$$E_F = E_c + k_B T \ln \left(\frac{N_d}{2N_c} \frac{2n_i^2}{N_d} \right) = E_c + k_B T \ln \left(\frac{1}{N_c} \sqrt{N_c N_v} e^{-\frac{E_c - E_v}{2k_B T}} \right)$$

$$= \frac{2E_c - E_c + E_v}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \left(\frac{N_v}{N_c} \right).$$

ومن ثم

$$E_F = \frac{E_c + E_v}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_v}{N_c}$$

تقع سوية فرمي في منتصف المنطقة المحظورة وتتابع مسیرها حسب النسبة الموجودة في اللغاریتم.

درجات على جواب السؤال الثاني: (20 درجة)

نتمكن ظاهرة سبب في نشوء قوة دافعة كهرا حرارية، في دارة مؤلفة من جسمين صلبيين مختلفين، لدى توافر فارق حراري في نقاط تصالهما.

وظاهرة بيئته تكمن في تسخين أو تبريد وصلة التحام مادتين عند جريان تيار مستمر فيها. وهذا المفعول لا يتعلّق بنشر حرارة لزوج، أي أن لهذه الظاهرة طبيعة مختلفة عن ذلك.

أمّا ظاهرة طومسون فتكمّن في نشر أو امتصاص كمية من الحرارة تضاف إلى حرارة لزوج عند جريان تيار مستمر في نصف ناقل متجانس، يتوافر فيه تدرج حراري.

■ ثُرّصد ظاهرتا سبب وبيئته عادةً في المعادن،

■ إلاً أنها جليتان في أكثر في أنصاف الناقل؛

فمثلاً يمكن لقيم معطيات هاتين الظاهرتين في أنصاف الناقل أن تفوق مثيلاتها بعدة مراتب في المعادن.

ولهذا السبب تجد هاتان الظاهرتان تطبيقاً عملياً واسعاً في أنصاف الناقل.

إذ يمكن على وجه الخصوص، استعمال الأزواج نصف الناقلة التي تتصف بقدرة دافعة كهرا حرارية كبيرة، كمنابع تغذية كهربائية.

كما يمكن تطبيق ظاهرة بيئته في أجهزة التبريد.

ولظاهرة طومسون أهمية نظرية في المقام الأول:

■ فالدرج الحراري يكون تدريجاً في التركيز ومن ثم تياراً انتشارياً موافقاً له.

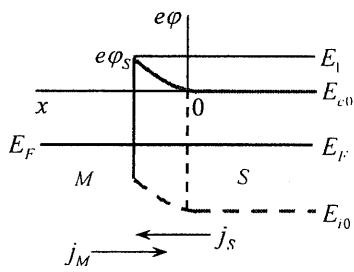
■ وبنتيجة هذا الانتقال الانتشاري تنشأ شحنات حجمية على طول نصف الناقل.

إذا كان حقل الشحنات الحجمية موجهاً باتجاه معاكس لاتجاه الحقل الخارجي، فإن هذا الأخير يمارس عملاً ضد الحقل الداخلي وتنتشر كمية حرارة إضافية في نصف الناقل.

وعند تطابق اتجاه الحقولين ينجز الحقل الداخلي جزءاً من العمل، يستهلك في تشكيل انسياق لحاملات الشحنة الكهربائية، ما يتحقق في نهاية المطاف على حساب الطاقة الحرارية لنصف الناقل، مما يؤدي إلى تبريد.

الفنون هو شبه جسيم لا يوجد إلاً في البلورة وهو كم اهتزازات الشبكة البلورية الحرارية وهو نوعان صوتي وضوئي.

درجات على جواب السؤال الثالث: 35 درجة



يقال عن الطبقة المغفلة أنها رقيقة عندما لا تتجاوز سماكتها طول المسار الحر الوسطي خاملات الشحنة.

وسميت هذه النظرية بالنظرية الديودية لأن الطبقة المغفلة تشبه فجوة الخلاء التي تفصل بين الفلزات أو الفاصل الخلاني بين مساري مصباح إلكتروني (ديود).

ثانياً- الشرط الموافق هو: $\frac{1}{2} m_n v_x^2 = \frac{p_x^2}{2m_n} \geq e(V_c - V) - \frac{1}{2m_n} d_n^2$ ، فيما أن $d_n \leq l$ ، فإن هذه

الإلكترونات تستطيع عبور هذه الطبقة من دون تبعثر وتصل إلى الفلز ، ومن ثم يدور الحديث هنا عن الإلكترونات المتحركة باتجاه المحور x والتي من أجلها $E \geq E_1$.

ثالثاً- اكتب علاقة الطاقة الحرارية للإلكترونات الواقعة خلف حدود الطبقة المغفلة وعند حدتها الداخلية ثم علاقة الطاقة الكلية.

$$E = E_{ken} = \frac{p_x^2}{2m_n} + \frac{p_y^2}{2m_n} + \frac{p_z^2}{2m_n}.$$

وفي الطبقة المغفلة، يكون لدينا العلاقة الآتية من أجل قيم مختلفة للموضع x :
 $E = E_{ken}(x) + e\varphi(x)$ أو العلاقة الآتية إذا أخذنا بالحساب، $E_{c0} = 0$:

ومن أجل السطح الفاصل بين نصف الناقل والفلز ، نستطيع كتابة العلاقاتين الآتيتين:

$$E_1 = e\varphi_s \quad \text{و} \quad E = E_{ken} + e\varphi_s$$

رابعاً- المتراجحات الموافقة لاندفاعة الإلكترونات من أجل الاتجاهات x و y و z هي:

$$-\infty \leq p_z \leq \infty \quad \text{و} \quad -\infty \leq p_y \leq \infty \quad \text{و} \quad \sqrt{2m_n e(V_c - V)} \leq p_x \leq \infty$$

خامساً- بما أن تركيز الإلكترونات الموافق وباعتبار نصف

أقل في هذه الدراسة غير متحلل و $p_x = m_n v_x$

تساوي كثافة التيار المتدفق من نصف الناقل إلى الفلز:

$$(1) \quad j_s = e N_x.$$

إذن، مسألة تعين j_s تقوينا إلى إيجاد تكامل المعادلة المعطاة في نص السؤال في حدود المتراجحات المذكورة أعلاه. فإذا أخذنا

بالحساب أن $E = \frac{p_x^2}{2m_n} + \frac{p_y^2}{2m_n} + \frac{p_z^2}{2m_n}$ ، نجد:

$$N_x = \frac{2e^{\frac{E_F}{k_B T}}}{h^3} \int_{\sqrt{2m_n e(V_c - V)}}^{+\infty} \frac{p_x}{m_n} e^{-\frac{p_x^2}{2m_n k_B T}} dp_x \cdot \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{p_y^2}{2m_n k_B T}} dp_y \cdot \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{p_z^2}{2m_n k_B T}} dp_z.$$

وبعد إجراء عملية التكامل والاستفادة من المساواة: $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-ax^2} dx = \sqrt{\pi/a}$

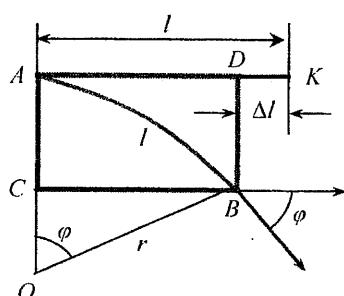
السؤال الأول:

درسنا في إحصاء الإلكترونات والثقوب في أنصاف النواقل والعوازل غير المتحالة كلاً من الاعتدال الكهربائي والتراكيز الإلكترونية والثقوب، والمطلوب: أولاً- عزف نصف الناقل الذاتي. ثانياً- وضح ماذا يقصد بالمنطقة المحظورة لنصف الناقل والعازل ثم قارن بينهما.

ثالثاً- اكتب شرط الاعتدال الكهربائي من أجل نصف ناقل ذاتي غير متحالٍ.

رابعاً- اكتب علاقات كثافات الحالات من أجل الإلكترونات والثقوب في في عصايني الناقلة والتكافؤ وكذلك التراكيز الإلكترونية والثقبية المترادفة مع ذكر المدلول الفيزيائي للرموز الداخلة فيها.

خامساً- استنتج علاقة موضع سوية فرمي من أجل نصف ناقل ذاتي غير متحالٍ موضحاً تأثير الكتل الفعالة للإلكترونات والثقوب عليه ثم استنتاج علاقة الترکيز الذاتي استناداً لعلاقة موضع سوية فرمي التي حصلت عليها مع مناقشة ما يلزم. ماذا تستنتج؟.



السؤال الثاني:
أولاً- يوضح الشكل المجاور تغير طول المسار الحر لحامل شحنة عند تبعثره في نصف ناقل بوجود حقل مغناطيسي، B ، والمطلوب دراسة تغير طول المسار الحر هذا نتيجةً لانحرافه عن اتجاه حقل كهربائي خارجي وإيجاد العلاقة التي تربط هذا التغير بتأثير المقاومة النوعية لنصف الناقل المدروس.

ثانياً- اشرح كل ما تعرفه عن الفونون.

السؤال الثالث:

إحدى نظريات التقويم في وصلة نصف ناقل- فلز (معدن)، هي النظرية الديودية التي تطبق في حالة الطبقات المقفلة الرقيقة، حيث ارتفاع الحاجز الذي يقف عائقاً أمام الإلكترونات الممكّن انتقالها من الحد الداخلي للطبقة المقفلة باتجاه الفلز، يساوي $E_1 - E_{c0} = e(V_c - V) = e\varphi$ ، كما يظهر في الشكل المجاور، ثم إنَّ الإلكترونات المتحركة من الفلز باتجاه نصف الناقل يجب أن تتجاوز حاجزاً مقداره $E_1 - E_{c0}$. والمطلوب:

أولاً- متى يقال عن الطبقة المقفلة أنها رقيقة؟ ثم اذكر لماذا سميت هذه النظرية بالنظرية الديودية؟.

ثانياً- إذا علمت أنه يمكن تعين كثافة تيار الإلكترونات العابرة بسرعة v وفق المحور x ، من منطقة نصف الناقل غير المتحالٍ إلى الفلز، z ، من أجل طبقة مقفلة رقيقة، كثافة تيار إصدار حراري إلكتروني، فاكتب الشرط الموفق لذلك. ثالثاً- اكتب علاقة الطاقة الحركية للإلكترونات الواقعة خلف حدود الطبقة المقفلة عند حدها الداخلي ثم علاقة الطاقة الكلية. رابعاً- اكتب المتراجحات الموقعة لاندفاعة (كمية حركة) الإلكترونات من أجل الاتجاهات x و y و z . خامساً- اذا علمت أنَّ كثافة تدفق الإلكترونات عند السطح الداخلي للطبقة المقفلة تُعطى بالعلاقة

$$dN_x = v_x dn = \frac{p_x}{m_n} \cdot \frac{dp_x dp_y dp_z}{h^3} 2 \exp\left(-\frac{E - E_{c0}}{k_B T}\right)$$

(حيث $dn = dz$ تركيز الإلكترونات الموقعة)، فاستنتاج علاقتي كثافة التيار المتدايق من نصف الناقل إلى الفلز، j_s ، وكثافة التيار المتدايق من الفلز إلى نصف الناقل، j_M ، ثم علاقة كثافة التيار الكلي مع شرح ما يلزم. ماذا تستنتج؟.

ملاحظة: للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة

تمنياتي لطلابنا الأعزاء التوفيق والنجاح

2022/06/26 طرطوس في

توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول: 36 درجة : 36 = 7 + 3 + 10 + 8 + 2 + 4 + 2

أولاً- نصف الناقل الذاتي هو مادة نصف ناقلة نقية خالية من الشوائب $N_a = N_d = 0$ بمعنى أن تراكيز المانحات والآخذات مهملة.

ثانياً- المنطقة المحظورة هي قطاع طaci خالٍ من أي سويات طاقة لذرات المادة الأصلية المكونة لنصف الناقل ولكنه يحوي سويات طاقة متوضعة تُعزى للشوائب والعيوب من أجل إلكترونات وتقوب مقيدة وتسمى بالفجوة الطاقية لنصف الناقل وقيمتها في العازل أكبر

منها في نصف الناقل

ثالثاً- $n_i = p_i$

$$\textcircled{2} \quad N_p(E) = \frac{2\pi(2m_p)^{3/2}}{h^3} (E_v - E)^{1/2} \quad \textcircled{2} \quad N_n(E) = \frac{2\pi(2m_n)^{3/2}}{h^3} (E - E_c)^{1/2}$$

$$\textcircled{2} \quad p_0 = N_v e^{-\frac{E_F - E_v}{k_B T}} \quad \textcircled{2} \quad n_0 = N_c e^{-\frac{E_c - E_F}{k_B T}}$$

خامساً- لإيجاد علاقة سوية فرمي نبدأ من شرط الاعتدال الكهربائي من أجل نصف ناقل ذاتي غير محلى $: n_i = p_i$

$$N_c e^{-\frac{E_c - E_F}{k_B T}} = N_v e^{-\frac{E_F - E_v}{k_B T}}$$

نحصل من هذه المساواة على المعادلة

$$e^{\frac{2E_F}{k_B T}} = \frac{N_v}{N_c} e^{\frac{E_c + E_v}{k_B T}}$$

ومن ثم

$$\textcircled{6} \quad E_F = \frac{E_c + E_v}{2} + k_B T \ln \left(\frac{N_v}{N_c} \right)^{1/2},$$

وبالتعويض عن علاقتي كثافة الحالات في عصابة الناقلة والتكافؤ نجد ما يأتي:

$$E_F = \frac{E_c + E_v}{2} + k_B T \ln \left(\frac{N_v}{N_c} \right)^{1/2} = \frac{E_c + E_v}{2} + k_B T \ln \left(\frac{\frac{2(2\pi m_p k_B T)^{3/2}}{h^3}}{\frac{2(2\pi m_n k_B T)^{3/2}}{h^3}} \right)^{1/2}$$

$$E_F = \frac{E_c + E_v}{2} + k_B T \ln \left(\left(\frac{m_p}{m_n} \right)^{3/2} \right)^{1/2},$$

ومن ثم

$$E_F = \frac{E_c + E_v}{2} + k_B T \ln \left(\frac{m_p}{m_n} \right)^{3/4}.$$

نلاحظ هنا أنه إذا كانت الكتلة الفعالة للثقب أكبر منها للاكترون، فإن مستوى فرمي الذاتي يقترب نحو قاع عصابة الناقلة والعكس، إذا كانت الكتلة الفعالة للثقب أقل منها للاكترون، فإن مستوى فرمي الذاتي يقترب نحو سقف عصابة التكافؤ. وعند تساوي الكتل الفعالة، فإن مستوى فرمي في درجة الصفر المطلق يقع في منتصف المنطقة المحظورة تماماً.

ولإيجاد التركيز المتوازن، نعرض علاقة مستوى فرمي الأخيرة في العلاقة التي تربط بين التركيز الذاتي والتركيز المتوازن الآخري:

$$\begin{aligned}
 n_i &= \sqrt{n_0 p_0} = \\
 &= \sqrt{N_c \exp\left(-\frac{E_c - E_F}{k_B T}\right) N_v \exp\left(-\frac{E_F - E_v}{k_B T}\right)} = \\
 &= \sqrt{N_c N_v} \sqrt{\exp\left(-\frac{E_c - E_F}{k_B T} - \frac{E_F - E_v}{k_B T}\right)} = \\
 &\quad \text{(5)}
 \end{aligned}$$

ومن ثم

$$n_i = \sqrt{N_c N_v} \exp\left(-\frac{\Delta E}{2k_B T}\right).$$

ونستنتج أن التركيز الذاتي لحملات الشحنة الكهربائية تتناسب طرداً مع درجة الحرارة وعكساً مع عرض المنطقة المحظورة وفق علاقة أسيّة، كما تتناسب طرداً مع الجذر التربيعي لكثافة الحالات الطاقية للإلكترونات والثقوب في عصاقيتي الناقلية والتكافؤ.

2

At 6 1

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: (20 درجة)

أولاً- نجري الحساب هنا على فرض أن مفعول هول لم يظهر بعد: إن الطول الوسطي للمسار الحر، $l = AK$ ، يتناقص في \vec{E} بمقدار

$$\Delta l = DK = l - AD,$$

$$\textcircled{2} \quad AD = AB \cos \varphi = l \cos \varphi = l \left(1 - \frac{\varphi^2}{2}\right), \quad (1) \quad \text{فضلاً عن أن:}$$

حيث نشرنا التجيب في سلسلة وأكفينا بالحدين الأول والثاني.

$$\textcircled{2} \quad \Delta l = l - l \left(1 - \frac{\varphi^2}{2}\right) = l \frac{\varphi^2}{2}, \quad (2) \quad \text{ومن ثم}$$

ومن أجل نصف ناقل من النوع p و n لدينا:

$$\textcircled{2} \quad \varphi_n = -A \mu_n B, \quad \varphi_p = A \mu_p B \quad (3)$$

وبفرض أن عامل هول A يساوي الواحد، نحصل من جملة العالقتين (2) و (3) على المعادلتين الآتيتين:

$$\textcircled{2} \quad \frac{\Delta l_p}{l_p} = \frac{\varphi_p^2}{2} = \frac{\mu_p^2 B^2}{2} = \frac{\Delta \rho_p}{\rho_p};$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{\Delta l_n}{l_n} = \frac{\varphi_n^2}{2} = \frac{\mu_n^2 B^2}{2} = \frac{\Delta \rho_n}{\rho_n}.$$

نستنتج من هاتين العالقتين أن **تغير المقاومة النوعية** يتاسب طردياً مع **تغير الطول الوسطي للمسار الحر**، وعندما يفترض أن كل **الحملات الحرية للشحنة** تنتقل بسرعة وسطية وتملك طول مسار واحد. (أو نقول أن **المقاومة الكهربائية النوعية لنصف الناقل**، واقع

في **حقل مغناطيسي عرضاني**، تزداد على حساب تقلص طول **الحملات الحرية والباردة للشحنة فقط**)

إن **المقاومة الحجمية النوعية لنصف الناقل** تزداد عند انخفاض طول المسار الحر لـ **حملات الشحنة**. ومن ثم، نجد أنه في حال غياب مفعول هول (بدقة أكبر إذا أهملنا وجوده)، فإن **التغير النسبي للمقاومة النوعية لنصف الناقل** يبدو متبايناً طردياً مع مربع حاصل ضرب **حركة حاملات الشحنة في حقل التحرير المغناطيسي المطبق**.

وعند أخذ حقل هول الكهربائي E_x بالحسبان، فإن عملية الانحناء في مجال تأثير **الحقل المغناطيسي**، ومن ثم تغير طول المسار الحر، سترصدان من أجل **حملات الحرارة** (السرعة) فقط، فضلاً عن أن الانحناء وتغير طول المسار الحر من أجل هذه **حملات** سيكونان أقل منهما عند غياب حقل هول E_x . أما **حملات الشحنة الباردة** (البطئ) التي سرعاتها أقل بكثير من السرعة الوسطية، فستتحرف إلى الاتجاه المقابل (المعاكس لاتجاه انحراف **حملات الحرارة**) تحت تأثير حقل هول، وهذا بدوره سيؤدي إلى زيادة المقاومة أيضاً.

الفنون هو شبه جسيم لا يوجد إلا في **البلورة** وهو كم اهتزازات الشبكة **البلورية الحرارية** وهو نوعان صوتي وضوئي.

٣٤ توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: ١٩ + ٣ + ٦ + ٣ + ٣ درجة

أولاً- يقال عن الطبقة المغفلة أنها رقيقة عندما لا تتجاوز سمكها طول المسار الحر الوسطي لحامات الشحنة. وسميت هذه النظرية بالنظرية اليدوية لأن الطبقة المغفلة تشبه جوهر الخلاء التي تفصل بين الفلزات أو الفاصل الخلائي بين مسرب مصباح إلكتروني (ديود).

ثانياً- الشرط الموفق هو: $\frac{1}{2}m_n v_x^2 = \frac{p_x^2}{2m_n} \geq e(V_c - V)$ ، فإن هذه الإلكترونات تستطيع عبور هذه الطبقة من دون تبعثر وتصل إلى الفلز، ومن ثم يدور الحديث هنا عن الإلكترونات المتحركة باتجاه المحور x والتي من أجلها $E \geq E_{c0}$.

ثالثاً- اكتب علاقه الطاقة الحركية للإلكترونات الواقعة خلف حدود الطبقة المغفلة وعند حدها الداخلي ثم علاقه الطاقة الكلية.

$$E = E_{ken} = \frac{p_x^2}{2m_n} + \frac{p_y^2}{2m_n} + \frac{p_z^2}{2m_n}.$$

وفي الطبقة المغفلة، يكون لدينا العلاقة الآتية من أجل قيم مختلفة للموضع x :
أو العلاقة الآتية إذا أخذنا بالحساب، $E_{c0} = 0$

ومن أجل السطح الفاصل بين نصف الناقل والفلز، نستطيع كتابة العلاقتين الآتتين:

$$E_l = e\varphi_s \quad \text{و} \quad E = E_{ken} + e\varphi_s$$

رابعاً- المتراجحات الموفقه لأندفاف الإلكترونات من أجل الاتجاهات x و y و z هي:

$$-\infty \leq p_z \leq \infty \quad \text{و} \quad -\infty \leq p_y \leq \infty \quad \sqrt{2m_n e(V_c - V)} \leq p_x \leq \infty$$

خامساً- بما أن $dN_x = v_x dn = \frac{p_x}{m_n} \cdot \frac{dp_x dp_y dp_z}{h^3} 2e^{-\frac{E-E_F}{k_B T}}$ ، حيث $dn = dz 2f_F$ ، حيث تركيز الإلكترونات الموفق وباعتبار نصف الناقل في هذه الدراسة غير متحلل و $p_x = m_n v_x$

تساوي كثافة التيار المتدفق من نصف الناقل إلى الفلز: $j_s = e N_x$.

إذن، مسألة تعين j_s تقودنا إلى إيجاد تكامل المعادلة المعطاة في نص السؤال في حدود المتراجحات المذكورة أعلاه. فإذا أخذنا

$$E = \frac{p_x^2}{2m_n} + \frac{p_y^2}{2m_n} + \frac{p_z^2}{2m_n} \quad \text{بالحساب أن:} \quad \text{نجد:}$$

$$N_x = \frac{2e^{\frac{E_F}{k_B T}}}{h^3} \int_{\sqrt{2m_n e(V_c - V)}}^{+\infty} \frac{p_x}{m_n} e^{-\frac{p_x^2}{2m_n k_B T}} dp_x \cdot \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{p_y^2}{2m_n k_B T}} dp_y \cdot \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{p_z^2}{2m_n k_B T}} dp_z.$$

$$\text{وبعد إجراء عملية التكامل والاستفادة من المساواة: } \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-ax^2} dx = \sqrt{\pi/a}$$

نحصل على المعادلة الآتية:

$$N_x = \frac{4\pi m_n k_B^2}{h^3} T^2 e^{\frac{E_F}{k_B T}} e^{-\frac{e(V_c - V)}{k_B T}}. \quad (2)$$

يُدخل رمز السرعة الحرارية الوسطية للإلكترونات: $v_T = \sqrt{\frac{8k_B T}{\pi m_n}}$ في العلاقة (2) والأخذ بالحسبان علاقة التركيز المتوازن للإلكترونات، n_0 الآتية، و: $E_{e0} = 0$

$$1 \quad n_0 = N_c e^{\frac{E_F}{k_B T}} = \frac{2(2\pi m_n k_B T)}{h^3} e^{\frac{E_F}{k_B T}}$$

يمكن كتابة علاقة كثافة التيار المتدايق من نصف الناقل إلى الفلز، j_s ، أي المعادلة (1)، بالشكل الآتي:

$$1 \quad j_s = e N_c = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}} e^{\frac{eV}{k_B T}}.$$

ولإيجاد كثافة التيار المتدايق من الفلز إلى نصف الناقل، j_M ، نعد في شروط التوازن، أن $j_s = j_M$ ، أي عندما $V = 0$ ، ومن ثم

$$1 \quad j_M = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}}.$$

ومنه، نحصل على علاقة كثافة التيار الكلي الذي يمر من الوصلة المدروسة:

$$1 \quad j = j_s - j_M = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}} \left(e^{\frac{eV}{k_B T}} - 1 \right).$$

نرمز للمقدار الواقع أمام القوسين بالرمز j_{sat} ، حيث

$$1 \quad j_{sat} = \frac{1}{4} e v_T n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}} = \frac{1}{4} e v_T n_s$$

يسمى هذا المقدار بـ **كثافة تيار الإشباع**.

وفي درجة الحرارة المعطاة، يكون المقدار j_{sat} ثابتاً من أجل وصلة محددة مؤلفة من نصف ناقل - فلز. ثم إن الكمية n تمثل تركيز الإلكترونات عند سطح نصف الناقل في شروط التوازن، أي عندما $V = 0$ ، ومن ثم يكون لدينا العلاقة النهائية الآتية:

$$2 \quad j = j_{sat} \left(e^{\frac{eV}{k_B T}} - 1 \right)$$

وهي علاقة الصفة المميزة لوصلة نصف ناقل - فلز؛ تيار الإشباع فيها يتعلّق بالسرعة الحرارية ومستقل عن الجهد الخارجي.

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

السؤال الأول: (35 درجة)

ليكن لدينا عينة - مقاومة على شكل متوازي مستطيلات واقعة في حقل مغناطيسي (\vec{B}, \vec{r}, t) موجّه باتجاه المحور $-z$; يُطبّق بين طرفيها حقل كهربائي (\vec{E}, \vec{r}, t) على طول المحور x - العمودي على المحور $-z$. أولاً- أشرح ماذا يحدث في هذه العينة - المقاومة إذا وصلنا طرفيها كهربائياً (أي قصرناها). ثانياً- إذا علمنا أن سرعة الإلكترون (\vec{v}, \vec{r}, t) في العينة في الموضع \vec{r} والزمن t تحقق المعادلة

$$m_n^* \frac{d\vec{v}(\vec{r}, t)}{dt} = -e [\vec{E}(\vec{r}, t) - \vec{v}_n(\vec{r}, t) \times \vec{B}(\vec{r}, t)] + \vec{F}_{\text{scat}}(\vec{r}, t)$$

فوضح ماذا تمثل الحدود الواقعة في الطرف الأيمن لهذه المعادلة؟

ثالثاً- اكتب المعادلة المعطاة في الحالة المستقرة ثم استنتج مركبات السرعة الثلاثة، علماً بأن

$$\vec{B}(\vec{r}) = B(\vec{r}) \hat{z} \quad \text{و} \quad \vec{v}(\vec{r}) = v_x(\vec{r}) \hat{x} + v_y(\vec{r}) \hat{y} + v_z(\vec{r}) \hat{z} \quad \text{و} \quad \vec{E}(\vec{r}) = E_x(\vec{r}) \hat{x} + E_y(\vec{r}) \hat{y} + E_z(\vec{r}) \hat{z}$$

$$- \rho_{xy}(\vec{r}) = \rho_{yx}(\vec{r}) = \frac{\mu_n(\vec{r}) B(\vec{r})}{\sigma_n(\vec{r})} = \frac{B(\vec{r})}{en(\vec{r})} \quad \text{و} \quad \rho_{xx}(\vec{r}) = \rho_{yy}(\vec{r}) = \frac{1}{\sigma_n(\vec{r})}$$

ثم وضح المعنى الفيزيائي لكل منها مع تكرار الفائدة من العلاقة الثانية.

السؤال الثاني: (30 درجة)

أولاً- اكتب معادلات الاستمرارية من أجل الإلكترونات والثقوب في الحالة المستقرة (في الأبعاد الثلاثة) ثم أشرح المعنى الفيزيائي لها.
ثانياً- أشرح كيفية حصول عمليات توليد حاملات الشحنة الكهربائية وإعادة اتحادها بالتفصيل موضحاً إجابتك بالرسم.
بماذا يتغير طاقة الإلكترون؟. وبماذا يرتبط هذا التغير.

ثالثاً- وضح لماذا تُفضل لزيارات أنصاف النواقل عمليات إعادة الاتحاد المُشبع على حساب عمليات إعادة الاتحاد اللامشّع .
رابعاً- على ندرة حدوث عمليات إعادة الاتحاد المُشبع في السيليكون والجرمانيوم.

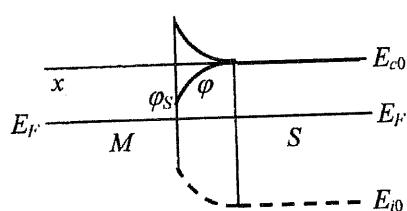
السؤال الثالث: (25 درجة)

لدى دراسة وصلة نصف ناقل من النوع n مع معدن (فلز) من أجل W_M $< W_S >$ تتشّأ في نصف الناقل طبقة مقفلة كما يظهر في الشكل المجاور وتعين كثافة الشحنة الحجمية بالعلاقة

$$e\varphi > 0 \quad \rho = en_0 (1 - \exp(-e\varphi/k_B T))$$

الطاقة الكامنة للإلكترون الموافقة لانحناء قاع عصابة الناقلة ومبدأ حساب الكمون هو

والمطلوب: أولاً- أوجد علاقة الكمون الكهروساكن بدلاّلة طول حجب ديباً، وذلك باستخدام شروط البدء المناسبة، والموافقة لكون التقوس ضعيفاً، أي فقط عندما يتحقق الشرط $k_B T \ll e\varphi$. نقش النتائج التي تحصل عليها.



ثانياً- عرف طول حجب ديباً. ثالثاً- أحسب طول الحجب في بلورة الجermanium في درجة الحرارة 300 K علماً بأن $n_0 = 10^{14} \text{ cm}^{-3}$ و $\epsilon = 16$ و $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-14} \text{ F} \cdot \text{cm}^{-1}$ ، ثم أعد الحساب من أجل السيليكون حيث $n_0 = 10^{10} \text{ cm}^{-3}$ و $\epsilon = 11$. قارن بين الحسابين. ماذا تستنتج؟. رابعاً- عرف حاجز (طبقة شوتكي).

ملاحظة: للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة

طرطوس في 31/01/2022

تمنياتي لجميع الطلاب بالتوفيق والنجاح

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول: 35 درجة

ليكن لدينا عينة - مقاومة على شكل متوازي مستطيلات واقعة في حقلٍ مغناطيسيٍ $\bar{B}(\bar{r}, t)$ موجّه باتجاه المحور- z ; يُطبّق بين طرفيها حقل كهربائي $\bar{E}(\bar{r}, t)$ على طول المحور- x العمودي على المحور- z .

أولاً - (4 درجات) اشرح ماذا يحدث في هذه العينة - المقاومة إذا وصلنا طرفيها كهربائياً (أي قصرناها):
إن تطبيق الحقل الكهربائي بين طرفي المقاومة المدروسة على طول المحور- x , يخلق تياراً يتدفق في الاتجاه- x ذاته. وبما أنّ الحقل المغناطيسي يؤثّر بقوة لورانس على الإلكترون في الاتجاه- x , فإن مساره سينحنى (بحيث تنمو وتظهر سرعته وفق المركبة- x) وبالتالي ستراكم الإلكترونات عند إحدى طرفي المقاومة. ومن ثُمَّ تكون الشحنة "المتراكمة" هذه حفلاً كهربائياً على طول الاتجاه- x , والذي بدوره يسبّب تياراً يتدفق في الاتجاه- x إذا وصلنا طرفي المقاومة كهربائياً.

ثانياً - (4 درجات) إذا علمت أنّ سرعة الإلكترون $(\bar{v}(\bar{r}, t))$ في العينة في الموضع \bar{r} والزمن t تحقق المعادلة:

$$m_n^* \frac{d\bar{v}(\bar{r}, t)}{dt} = -e [\bar{E}(\bar{r}, t) - \bar{v}_n(\bar{r}, t) \times \bar{B}(\bar{r}, t)] + \bar{F}_{\text{scat}}(\bar{r}, t)$$

فوضح ماذا تمثل الحدود الواقعة في الطرف الأيمن لهذه المعادلة:

يمثل الحدان الأول والثاني قوّي تأثير الحقلين الكهربائي والمغناطيسي المؤثّران في حركة الإلكترونات في الموقع \bar{r} واللحظة الزمنية t , في المقاومة المدروسة, أمّا الحدان الثالث فيمثل $\bar{F}_{\text{scat}}(\bar{r}, t)$ قوّة التبعثر الموضعي التي يتعرّض لها الإلكترون في الموقع \bar{r} واللحظة الزمنية t , حيث $(\bar{B}(\bar{r}, t))$ كثافة التدفق المغناطيسي في ذلك الموقع وتلك اللحظة, و e هي شحنة الإلكترون و m_n^* الكتلة الفعالة الموضعية للإلكترون التي فرضنا أنّها تابعة للزمن بحكم التعميم.

ثالثاً - (7 درجات) تأخذ المعادلة المعطاة في الحالة المستقرة الشكل (درجتان)

$$e [\bar{E}(\bar{r}) - \bar{v}_n(\bar{r}) \times \bar{B}(\bar{r})] = -\frac{m_n^* \bar{v}_n(\bar{r})}{\tau_n(\bar{r})}.$$

ومن ثُمَّ مركبات السرعة تأخذ الشكل الآتي: (5 درجات):

$$v_x(\bar{r}) = -\frac{e \tau_n(\bar{r})}{m_n^*} [E_x(\bar{r}) - v_y B(\bar{r})] = -\mu_n(\bar{r}) [E_x(\bar{r}) - v_y B(\bar{r})]$$

$$v_y(\bar{r}) = -\frac{e \tau_n(\bar{r})}{m_n^*} [E_y(\bar{r}) + v_x B(\bar{r})] = -\mu_n(\bar{r}) [E_y(\bar{r}) + v_x B(\bar{r})]$$

$$v_z(\bar{r}) = -\frac{e \tau_n(\bar{r})}{m_n^*} E_z(\bar{r}) = -\mu_n(\bar{r}) E_z(\bar{r}),$$

رابعاً - (20 درجة) أثبت صحة العلاقات $\rho_{xy}(\bar{r}) = \rho_{yx}(\bar{r})$ و $\rho_{yy}(\bar{r}) = \rho_{yy}(\bar{r})$ و $\rho_{xx}(\bar{r}) = \rho_{yy}(\bar{r})$ - ثُمَّ وضح المعنى الفيزيائي لكل منها مع ذكر الفائدة من العلاقة الثانية.

لفعل ذلك نكتب العلاقات الأولى والثانية في جملة المعادلات الأخيرة بالشكل (درجتان)

$$v_x(\bar{r}) = -\mu_n(\bar{r}) [E_x(\bar{r}) - v_y B(\bar{r})]$$

$$v_y(\bar{r}) = -\mu_n(\bar{r}) [E_y(\bar{r}) + v_x B(\bar{r})].$$

أو بالشكل (درجتان)

$$-\frac{1}{\mu_n(\vec{r})}v_x(\vec{r}) + B(\vec{r})v_y(\vec{r}) = E_x(\vec{r});$$

$$-B(\vec{r})v_x(\vec{r}) - \frac{1}{\mu_n(\vec{r})}v_y(\vec{r}) = E_y(\vec{r}).$$

ثم نجعلهما على شكل مصفوفة وفق الآتي: (درجتان)

$$\begin{bmatrix} -\frac{1}{\mu_n(\vec{r})} & B(\vec{r}) \\ -B(\vec{r}) & -\frac{1}{\mu_n(\vec{r})} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_x(\vec{r}) \\ v_y(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix}.$$

وباستخدام المعادلة، $\vec{J}_n(\vec{r}) = -n(\vec{r})e\mu_n(\vec{r})\vec{E}(\vec{r})$ ، يمكننا كتابة المصفوفة بالشكل: (درجتان)

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{\mu_n(\vec{r})} & -B(\vec{r}) \\ B(\vec{r}) & \frac{1}{\mu_n(\vec{r})} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} J_x(\vec{r})/en(\vec{r}) \\ J_y(\vec{r})/en(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix}.$$

وأخيراً، يمكننا باستخدام المعادلة $\sigma_n(\vec{r}) = -n(\vec{r})e/\mu_n(\vec{r})$ أو المعادلة $\sigma_n(\vec{r}) = n(\vec{r})e\mu_n(\vec{r})$ ، كتابة المصفوفة الآتية: (درجتان)

$$\frac{1}{\sigma_n(\vec{r})} \begin{bmatrix} 1 & -\mu_n(\vec{r})B(\vec{r}) \\ \mu_n(\vec{r})B(\vec{r}) & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} J_x(\vec{r}) \\ J_y(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix}.$$

ومن جهة أخرى يُعرف تصور المقاومة النوعية $[\rho_n(\vec{r})]$ بالشكل الآتي: (درجتان)

$$\begin{bmatrix} \rho_{xx}(\vec{r}) & \rho_{xy}(\vec{r}) \\ \rho_{yx}(\vec{r}) & \rho_{yy}(\vec{r}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} J_x(\vec{r}) \\ J_y(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix},$$

والذي يعطي المساواة الآتية من خلال المقارنة بين التصورين الآخرين:

$$\begin{aligned} \rho_{xx}(\vec{r}) &= \rho_{yy}(\vec{r}) = \frac{1}{\sigma_n(\vec{r})} \\ -\rho_{xy}(\vec{r}) &= \rho_{yx}(\vec{r}) = \frac{\mu_n(\vec{r})B(\vec{r})}{\sigma_n(\vec{r})} = \frac{B(\vec{r})}{en(\vec{r})}. \end{aligned}$$

وهو المطلوب.

تسمى المقاومة النوعية القطرية (أي $\rho_{xx} = E_x/J_x|_{J_x=0}$) بالمقاومة النوعية الطولانية والمقاومة النوعية اللاقطية

(أي $\rho_{yy} = E_y/J_y|_{J_y=0}$) بمقاومة هول النوعية. (4 درجات)

والمقاومة الأخيرة تتناسب خطياً مع كثافة التدفق المغناطيسي، $(B(\vec{r}))$ ، وثبتة التناوب هذه تتعلق بالتركيب الإلكتروني فقط، (\vec{r}) .

ومن ثم، سيسمح لنا قياس ثابت التناوب هذا، المسمى ثابتة هول، بتعيين التركيز الوسطي لحاملات الشحنة في العينة المدروسة.

وإذا توفر نوعان من حاملات الشحنة في العينة، الإلكترونات والثقوب على وجه الخصوص، فإن المسألة تتعدد بعض الشيء؛ ولكن ما

دام هناك نوع واحد فقط من حاملات الشحنة أو نوعان يسيطر أحدهما على الآخر (أي أنَّ تعداد أحدهما أكبر بكثير من تعداد النوع

الآخر). (4 درجات)

يُعَدُّ قياس هول طريقة بسيطة لقياس تركيز حاملات الشحنة الأكثريّة في العينة المدروسة. وتجري التجربة بقياس الجهد V بين الطرفين العرضيين للعينة بمقاييس فولط أثناء تطبيق حقل مغناطيسي في الاتجاه $-z$ ومرور تيار كهربائي في الاتجاه $-x$ باستعمال منبع تيار. وطالما أنَّ مقياس فولط المثالي يمتلك ممانعة لانهائيّة، فإنه لن يستجر تياراً، بحيث يبقى $0 = J_y$. ويُقْدِمُ الحقل الكهربائي، E_y ، من العلاقة $V_y = E_y / W$ ، حيث W عرض العينة. وتناسى كثافة التيار J_x بمقاييس أمبير. ومن ثُمَّ نحصل على مقاومة هول النوعيّة، $\rho = E_y / J_x$. وبقياس هذه الكمية من أجل كثافات تدفق مختلفة يمكننا الحصول على ثابتة هول ومنها على تركيز حاملات الشحنة طالما أنَّ العينة أحادية القطبية أو ثنائية القطبية، ولكن إحدى النوعين يسيطر على الآخر.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 30 درجة

$$\begin{aligned} \bar{\nabla}_r \cdot \bar{J}_n + e G_n(\bar{r}) - e R_n(\bar{r}) &= 0 \quad (\text{for electrons}); \\ \bar{\nabla}_r \cdot \bar{J}_p - e G_p(\bar{r}) + e R_p(\bar{r}) &= 0 \quad (\text{for holes}). \end{aligned}$$

أولاً-

يُمثِّلُ الحد الأول والثاني والثالث : (4 درجات)

ثانياً- لدينا في معادلات الاستمرارية الحدان G و R المرتبطان بمعدلات توليد حاملات الشحنة وإعادة اتحادها على الترتيب. يمكن للأزواج (إلكترون - ثقب) أن تولد في جسم صلب باستخدام مؤثرات خارجية؛ كالتشعيع الضوئي للجسم الصلب، والترجمات الحرارية، والقذف الإلكتروني، الخ. وتقليدياً، بمقدور العمليات الداخلية؛ كالتأين الصدمي، أن تولد أزواج (إلكترون - ثقب) أيضاً.

عدد الأزواج المتولدة في وحدة الزمن بوساطة مثل هذه العمليات هو معدل التوليد G .

ومن جهة أخرى، يمكن فناء الأزواج (إلكترون - ثقب) عند اتحاد الإلكترون مع ثقب وإصدار أشعة هذه العملية ضوءاً أو حرارة؛ كما يمكن فنائهما بطريقة إعادة اتحاد أوجيّه. وعدد الأزواج المُعاد اتحادها في وحدة الزمن هي معدل إعادة الاتحاد R : الشحنة المحصّلة مصانة في كلٍ من عمليات التوليد وإعادة الاتحاد لأنَّ الإلكترون والثقب يملكان شحتين متساويتين بالقيمة ومتعاكستين بالإشارة. وهذا يتفق مع قانون انفاذ الشحنة. من المهم الإشارة إلى أنَّه، أيّنما تولد الإلكترون يتولد ثقب أيضاً، وأينما فني الإلكترون يفني ثقب معه.

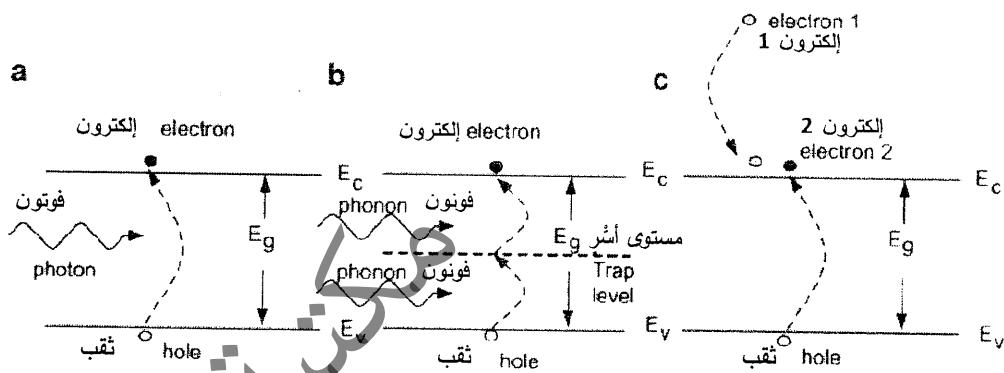
ولذلك، من الواضح أنَّ $G_n(\bar{r}, t) = G_p(\bar{r}, t)$.

يُمتصض الضوء في نصف الناقل في عملية التوليد المتحرّض ضوئياً، والمعروف بالتلويذ المشع أيضاً، لتأمين طاقة لقطع رابطة تساهمية بين الذرات وتحرير الإلكترون ليُصبح حرّ الحركة في نصف الناقل. تظهر هذه العملية على شكل امتصاص فوتون لإثارة الإلكترون من عصابة التكافؤ إلى عصابة الناقليّة، مخلفاً وراءه ثقباً في عصابة التكافؤ، وهذا ما يوضحه الشكل (a).

وفي عملية التوليد المتحرّضة حراريّاً، يمتص الإلكترون في عصابة التكافؤ فونوناً مرتبطة باهتزازات الشبكة البُلوريّة الحراريّة فيثار إلى مستوى مصيّدة (أُسرِّ) في فجوة الطاقة.

بما طاقة الفونونات أقل بكثير عادةً من طاقة الفوتونات، فإنَّ انفصالاً مباشراً من عصابة التكافؤ إلى عصابة الناقليّة غير ممكّن ما لم يمتلك نصف الناقل فجوة طاقة صغيرة جداً. وعندما، بمقدور الإلكترونات المأسورة امتصاص فونون آخر لتصل إلى عصابة الناقليّة. يمكن لهذه العملية المتعددة الفونونات أن تثير الإلكترونات من عصابة التكافؤ إلى عصابة الناقليّة بعدة خطوات وتنسب توليد أزواج (إلكترون - ثقب)، وهذا ما يوضحه الشكل (b).

يمكن توليد أزواج (إلكترون - ثقب) أيضاً عن طريق العمليات الداخلية؛ كالتأين الصدمي، حيث يصدم الإلكترون طاقته الحركية كبيرة ذرّة، فيقطع رابطة وينزع منها إلكترونـاً (نسميه إلكترونـاً فائضاً) مخلفاً وراءه ثقباً. تظهر هذه العملية في مخطط عصابات الطاقة؛ كـإلكترون مرتفع في عصابة الناقليّة (طاقته الحركية كبيرة) يسقط في عصابة الناقليّة، فُمتصض الطاقة المتحرّرة لتثير إلكترونـاً من عصابة التكافؤ إلى عصابة الناقليّة مخلفاً وراءه ثقباً في عصابة التكافؤ)، وهذا ما يوضحه الشكل (c).

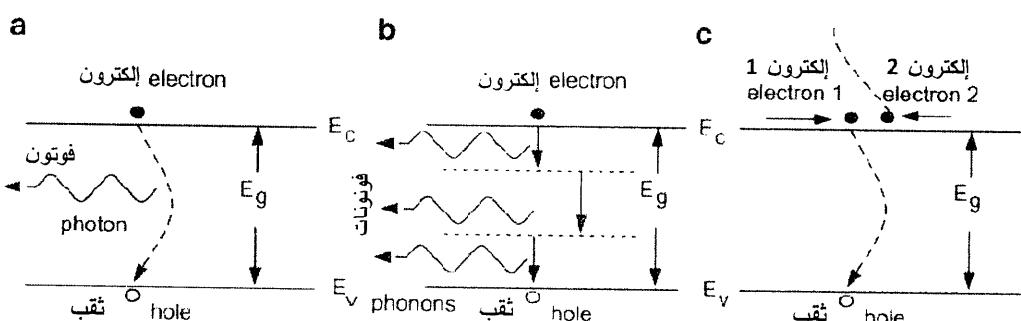


ترتبط إعادة الاتحاد بين إلكترون وثقب، بفني أحدهما الآخر. وتبهير هذه العملية في مخطط عصايات الطاقة كسقوط إلكترونٍ من عصابة الناقلة في عصابة التكافؤ (بخطوة واحدة أو بعدة خطوات)، يتراافق بتحرير طاقة وفناه ثقب في عصابة التكافؤ. يمكن للطاقة المتحركة أن تكون على شكل ضوء (فوتون) أو حرارة (فونونات)؛ وتسمي الحالة الأولى بإعادة الاتحاد المُشع والثانية بإعادة الاتحاد اللامشع.

يمكن تحقيق العمليات المُشعّة بقفزة وحيدة بحيث تساوي طاقة الفوتون الصادر لفجوة الطاقة أو أكبر منها. إذا توفّرت في فجوة الطاقة حالات طافية أي توجّد مستويات طاقة مسماة في فجوة الطاقة لنصف ناقل ناتجة من الشوائب والعيوب البلورية، فمن الممكن أن يقوم الإلكترون الساقط بعدة قفزات إلى جانب التوقفات في الحالات الطافية (الموافقة لحرف الكمون لتلك الشوائب والعيوب البلورية) في فجوة الطاقة. وهنا يمكن أن تصدر فوتونات ويمكن أن تصدر خلال أي من القفزات، ولكن بما أن فرق الطاقة بين الحالات البدائية والحالات النهائية للإلكترون في بداية القفزة ونهايتها أقل من فجوة الطاقة، فإن طاقة الفوتون الصادر - إن صدر - ستكون أقل من فجوة الطاقة. غير أن احتمال إصدار فوتون أثناء عملية الانتقال بين الحالات الطافية في فجوة الطاقة ضعيف عادةً. وبما أن طاقة الفونون في نصف الناقل أقل بكثير من فجوة الطاقة، فلا يصدر فونون بعملية وحيدة القفزة عادةً. وهكذا، يساعد وجود الحالات (الناتجة من الشوائب والعيوب) في فجوة الطاقة على العمليات اللامشعّة (إصدار فونوني) في حين أن غيابها يحظرها. تُفضّل ليزرات أنتصف النوافل التي تصدر خلال العمليات المُشعّة ضوءاً أن تكون كل عمليات إعادة الاتحاد مشعّة ولا تفضّل تلك غير المُشعّة. في الواقع، تُعرّف الكفاءة الكمومية الداخلية لليزّر نصف ناقل بأنها نسبة معدّل إعادة الاتحاد المُشع إلى المعدّل الكلي لإعادة الاتحاد (المُشعّ واللامُشع). ومن ثمّ، لكي يجعل هذه الكفاءة كبيرة يجب سحق العمليات اللامشعّة، ولتحقيق ذلك يجب إزالة الحالات من فجوة الطاقة.

باستعمال مواد نصف ناقلة مثالية وعالية النقاوة.

وأخيراً، شمة عملية إعادة اتحاد أخرى مهمة تُعرف بإعادة اتحاد أوجيـه Auger حيث يصدـم خـلالـها إـلكـتروـنـانـ من عصـابةـ النـاقـلـةـ بعضـهـماـ بـعـضـاـ،ـ فـيـحـصـلـ أـحـدـهـماـ عـلـىـ طـاقـةـ مـنـ التـصـادـمـ وـيـرـتـقـيـ إـلـىـ مـسـتـوـيـاتـ أـعـلـىـ فـيـ عـصـابـةـ النـاقـلـةـ فـيـ حـينـ يـفـقـدـ الـآـخـرـ طـاقـةـ



ويسقط في عصابة التكافؤ حيث يتحدد مع ثقب. تُصان الطاقة الكلية في عملية التصادم أي الطاقة التي اكتسبها أحد الإلكترونونين تساوي الطاقة التي فقدها الآخر. من الواضح، أن هذه العملية معاكسة للتأين الصدمي. وطالما لا يصدر ضوء هنا فهذه العملية شكل من أشكال إعادة الاتحاد الامشع. يوضح الشكل (a,b,c) عمليات إعادة الاتحاد المتشعة واللامتشعة وأوجيه، على الترتيب. يمكن أن تحدث عمليات مشعة (إعادة اتحاد وتوليد) بفعالية فقط فيما يسمى أنصاف النوافل ذات "فجوة الطاقة المباشرة"؛ مثل GaAs ، وهي لن تحصل بفعالية في أنصاف النوافل ذات "فجوة الطاقة اللامباشرة"؛ مثل السيلكون والجرمانيوم.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: 35 درجة

مفهوم ضمن الشروط المطلوبة في المسألة، $(e\varphi - E_{c0}) \ll k_B T$ يكون صحيحاً، ومن ثم لا بد منأخذ الحد الأسني في هذه الدراسة بالحسبان حيث نقوم بنشره في سلسلة وفق الآتي: 4 درجات

$$e^{-\frac{e\varphi}{k_B T}} = 1 - \frac{e\varphi}{k_B T} + \frac{1}{2} \left(\frac{e\varphi}{k_B T} \right)^2 + \dots$$

نكتفي هنا بالحدين الأول والثاني من السلسلة فنحصل على علاقة كثافة الشحنة الحجمية الآتية:

$$\rho = e n_0 \left[1 - \left(1 - \frac{e\varphi}{k_B T} \right) \right] = \frac{e^2 n_0}{k_B T} \varphi,$$

حيث اعتمدنا هنا القيمة المطلقة للكمون φ ، ولكن إذا أخذنا بالحسبان أن $\varphi < 0$ في الحالة الراهنة، فإن:

$$\rho = -\frac{e^2 n_0}{k_B T} \varphi.$$

وعندما تأخذ معادلة بواسون الشكل الآتي: 6 درجات

$$\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_n^2} = -\frac{e^2 n_0}{k_B T \epsilon \epsilon_0} \varphi.$$

وبإدخال الرمز المسمى طول حجب ديباي الآتي

$$L_{sc} = \sqrt{\frac{\epsilon \epsilon_0 k_B T}{e^2 n_0}}.$$

إلى المعادلة الأخيرة، فإنها تُصبح من الشكل:

$$\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_n^2} - \frac{1}{L_{sc}^2} \varphi = 0.$$

والحل العام لهذه المعادلة من الشكل

$$\varphi = C_1 e^{\frac{x}{L_{sc}}} + C_2 e^{-\frac{x}{L_{sc}}}.$$

نختار اتجاه حساب البعد x من المعدن نحو عمق نصف الناقل:

بفرض أن $\varphi = 0$ في العمق نجد $C_1 = 0$ والثابت الثاني $C_2 = \varphi_0$ حيث φ_0 هي القيمة المطلقة للكمون، عندما $x = 0$ ، والذي نختاره انطلاقاً من الشرط الذي من أجله تُصبح المترابحة $e\varphi \ll k_B T$ محققة، أي من أجل ما يسمى المجال شبه-المعتدل كهربائياً. درجتان

إذا امتد هذا المجال حتى يصل السطح تماماً، فإن $\varphi = \varphi_0$ ، ومن ثم نحصل من أجل الطبقة شبه-المعتدلة على العلاقة الآتية:

درجتان

$$\varphi = \varphi_0 e^{-\frac{x}{L_{sc}}}.$$

وهكذا نجد أن طول حجب ديباي L_{sc} يمثل عمق أو مدى تغلغل الحقل الكهربائي في المجال شبه-المعتدل كهربائياً، الذي تتناقص فيه القيمة المطلقة للكمون e مرات. درجتان 6 درجات فمن أجل Ge لدينا:

$$L_{sc}|_{Ge} = \sqrt{\frac{16(8.85 \times 10^{-14} \text{ F/cm})(1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K})(300 \text{ K})}{(1.9 \times 10^{-19} \text{ C})^2 (10^{14} \text{ cm}^{-3})}} = 4 \times 10^{-5} \text{ cm}.$$

ومن أجل Si

$$L_{sc}|_{Si} = \sqrt{\frac{11(8.85 \times 10^{-14} \text{ F/cm})(1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K})(300 \text{ K})}{(1.9 \times 10^{-19} \text{ C})^2 (10^{10} \text{ cm}^{-3})}} = 334.13 \times 10^{-5} \text{ cm}.$$

إذن، طول حجب ديباي في السيلكون أكبر منه في الجermanيوم بنحو 83 مرة بسبب قلة حاملات الشحنة الكهربائية الأساسية في نصف الناقل السيلكوني على وجه الخصوص.

حاجز شوتكي هو طبقة مجردة من حاملات الشحنة الحرة وتحوي شحنات مقيدة فقط تتشكل عادةً عند تماش نصف ناقل مع معدن أو نصف ناقل مع نصف ناقل آخر، ويكون التركيب الذي له من نفس التركيب الذي تتمتع به مادة نصف الناقل، ولذلك يسمى حاجزاً فيزيائياً، فضلاً عن أن سماكته متغيرة مع البعد. أما الحاجز الكيميائي فيشبه الحاجز الفيزيائي من حيث التشكّل ولكنه يختلف عنه في أن تركيبه الذي مختلف عن تركيب نصف الناقل وسماكته ثابتة، ولا تتغير حتى في شروط عدم التوازن.

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

بيان
2022

السؤال الأول: (32 درجة)

أولاً- عرف درجة حرارة ديبابي واكتب العلاقة المموافقة لها مع شرح المدلول الفيزيائي لها.

ثانياً- يعطى التركيز الكلي للفونونات الصوتية بالعلاقة

$$N_{ph} = \frac{3}{2\pi^2 v_s^3} \left(\frac{k_B T}{\hbar} \right)^3 \int_0^{\Theta_{D/T}} \frac{x^2 dx}{(e^x - 1)}$$

حيث $x = \hbar\omega / k_B T$ ، والمطلوب

دراسة هذه العلاقة في درجات الحرارة المنخفضة ثم في درجات الحرارة المرتفعة. ماذا تستنتج؟.

ثالثاً- وضح متى تتحصل الفونونات الصوتية والфонونات الضوئية وما هو الفارق بينهما.

السؤال الثاني: (23 درجة)

أولاً- أشرح الظواهر الكهروحرارية الآتية: مفعول سبيك- مفعول بيلتيه- مفعول طومسون.

ثانياً- اذكر أهمية كل من المفاسيل الثلاثة المذكورة في الطلب السابق في أنصاف النواقل والمعادن بالتفصيل.

السؤال الثالث: (35 درجة)

أولاً- أشرح مفهوم الوصلة الإلكترونية- النقبية والشحنة الحجمية ثم وضح متى تكون الوصلة حادة ومتى تكون سلسة مع ذكر العمليات التي تحدث عند السطح الفاصل بين المجالين n و p بالتفصيل موضحاً إجابتك بالرسم عند اللزوم.

ثانياً- ارسم مخطط عصابات الطاقة ومنحني الكمون من أجل الوصلة $p-n$ في حالة التوازن موضحاً كيفية حصول كل منها وما علاقة مقدار تقوس عصابات الطاقة بفرق الكمون التماسي.

ثالثاً- أثبت أن صحة العلاقة $(eV_c = k_B T \ln(n_{p_0} / n_{n_0}) = k_B T \ln(p_{p_0} / p_{n_0}))$ ؛ ماذا تستنتج؟.

رابعاً- وضح تأثير تطبيق حقل كهربائي خارجي على تقوس عصابات الطاقة في الاتجاهين الأمامي والعكسى باختصار.

ملاحظة: للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة

تمنياتي لجميع الطلاب بال توفيق والنجاح

طرطوس في 2021/09/30

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

أولاً- عرف درجة حرارة ديبابي واكتب العلاقة المموافقة لها.

- ثانياً- يعطى التركيز الكلي للفونونات الصوتية بالعلاقة $N_{ph} = \frac{3}{2\pi^2 V_s} \left(\frac{k_B T}{\hbar} \right)^3 \int_0^{\Theta_B T} \frac{x^2 dx}{(e^x - 1)}$ حيث $x = \hbar\omega / k_B T$ ، والمطلوب دراسة علاقة التركيز هذه في درجات الحرارة المنخفضة ثم في درجات الحرارة المرتفعة. ماذا تستنتج؟.
- ثالثاً- ما هو الفارق بين الفونونات الصوتية والфонونات الضوئية ومتي تتحرج كل منها.

السؤال الثاني: (35 درجة)

ليكن لدينا عيّنة- مقاومة على شكل متوازي مستطيلات واقعة في حقل مغناطيسي (\vec{B}, \vec{r}, t) موجّه باتجاه المحور- z ، يُطبق بين طرفيها حقل كهربائي (\vec{E}, \vec{r}, t) على طول المحور- x العمودي على المحور- z .

أولاً- اشرح ماذا يحدث في هذه العيّنة- المقاومة إذا وصلنا طرفيها كهربائياً (أي قصرناها).

ثانياً- إذا علمت أن سرعة الإلكترون (\vec{r}, t) في العيّنة في الموضع \vec{r} والزمن t تحقق المعادلة:

$$m_n^* \frac{d\vec{v}(\vec{r}, t)}{dt} = -e [\vec{E}(\vec{r}, t) - \vec{v}_n(\vec{r}, t) \times \vec{B}(\vec{r}, t)] + \vec{F}_{\text{scat}}(\vec{r}, t)$$

فوضح ماذا تمثل الحدود الواقعة في الطرف الأيمن لهذه المعادلة؟

ثالثاً- اكتب المعادلة المعطاة في الحالـة المستقرـة ثم استـخرج مركـبات السـرعة الـثـلـاثـة، عـلـمـاً بـأـن \hat{x} \hat{y} \hat{z} $\vec{E}(\vec{r}) = E_x(\vec{r}) \hat{x} + E_y(\vec{r}) \hat{y} + E_z(\vec{r}) \hat{z}$ ، و $\vec{B}(\vec{r}) = B_x(\vec{r}) \hat{x} + B_y(\vec{r}) \hat{y} + B_z(\vec{r}) \hat{z}$ ، و $\vec{v}(\vec{r}) = v_x(\vec{r}) \hat{x} + v_y(\vec{r}) \hat{y} + v_z(\vec{r}) \hat{z}$.

رابعاً- أثبت صحة العلاقات $\rho_{yy}(\vec{r}) = \frac{\mu_n(\vec{r}) B(\vec{r})}{\sigma_n(\vec{r})} = \frac{B(\vec{r})}{en(\vec{r})}$ و $\rho_{xx}(\vec{r}) = \rho_{yy}(\vec{r}) = \frac{1}{\sigma_n(\vec{r})}$ لكل منها مع ذكر الفائدة من العلاقة الثانية.

السؤال الثالث: (35 درجة)

أولاً- اشرح مفهوم الوصلة الإلكترونية- التقبية والشحنة الحجمية ثم وضح متى تكون الوصلة حادة ومتى تكون سلسة مع ذكر العمليات التي تحدث عند السطح الفاصل بين المجالين n و p بالتفصيل موضحاً إجابتك بالرسم عند اللزوم.

ثانياً- ارسم مخطط عصابات الطاقة ومنحني الكمون من أجل الوصلة $p-n$ في حالة التوازن موضحاً كيفية حصول كل منها وما علاقة مقدار تقوس عصابات الطاقة بفرق الكمون التماسـي.

ثالثاً- أثبت أن صحة العلاقة $(p_{p_0} / p_{n_0}) = k_B T \ln(p_{p_0} / p_{n_0}) = k_B T \ln(n_{n_0} / n_{p_0}) = eV_c$ ، ماذا تستنتج؟.

رابعاً- وضح تأثير تطبيق حقل كهربائي خارجي على تقوس عصابات الطاقة في الاتجاهين الأمامي والعكسي باختصار.

ملاحظة: للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة

تمنياتي لجميع الطلاب بالتفوق والنجاح

طرطوس في 11/07/2021

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

أولاً- (4 درجات) درجة حرارة ديباي هي درجة حرارة مميزة للجسم الصلب وعندما تتحرس كل الفونونات الصوتية والضوئية وتتوافق درجة الحرارة التي بانفاضتها اللاحقة يلاحظ انخفاض السعة الحرارية للجسم الصلب وتعطى بنسبة الطاقة الحرارية إلى ثابت بولتزمان $\Theta_D = \frac{\hbar \omega_{\max}}{k_B}$ حيث التواتر الأعظمي للاهتزازات الصوتية الطولانية.

ثانياً- (4 درجات) في مجال في درجات الحرارة المنخفضة، تتحقق المترابحة $\Theta_D \ll T$ وعندما يمكن استبدال الحد العلوي للتكمال في المعادلة المعطاة باللأنهاية، فنحصل على المساواة

$$N_{ph} = \frac{1}{2} \left(\frac{k_B}{\nu_s \hbar} \right)^3 T^3 \quad \text{ومن ثم} \quad \int_0^{\infty} \frac{x^2 dx}{e^x - 1} = \frac{\pi^2}{3}$$

4 درجات) في مجال درجات الحرارة المرتفعة، تتحقق المترابحة $\Theta_D \gg T$ ومن ثم $1 \ll x$ ، وعندما يمكن نشر المقدار e^x في سلسلة والاكتفاء بالدين الأول والثاني من المنشور، فنحصل على المساواة

$$\int_0^{\Theta_D/T} \frac{x^2 dx}{e^x - 1} = \int_0^{\Theta_D/T} x dx = \frac{1}{2} \left(\frac{\Theta_D}{T} \right)^2,$$

وعندما تؤول العلاقة المعطاة إلى الشكل

$$N_{ph} = \frac{3 \Theta_D^2}{4 \pi^2} \left(\frac{k_B}{\hbar \nu_s} \right)^3 T.$$

بهذه الطريقة نجد، في درجات الحرارة المنخفضة، أن المقدار N_{ph} يتاسب طردياً مع المرتبة الثالثة لدرجة الحرارة، وفي درجات الحرارة المرتفعة، يتاسب خطياً مع درجة الحرارة. (درجتان)

يشكل مشابه، يمكن إجراء الحساب من أجل شبكات بلورية معقدة التي من الممكن أن تتهيّج فيها الاهتزازات الضوئية. وعندما، يؤخذ بالحسبان، أن الاهتزازات الضوئية تتهيّج في درجات الحرارة المرتفعة نسبياً، طالما أن تواترها أكبر من تواتر الاهتزازات الصوتية. وفي الكثير من الحالات، يمكن عدّ تواتر الاهتزازات الضوئية ثابتاً في كامل مجال تغيير العدد الموجي (درجتان).

ثالثاً- (4 درجات) الاهتزازات الصوتية تتواجد في البُلورات الحجمية ذات شبكة بروافيه فقط والتي تحوي ذرة واحدة في الخلية الأولية، كما في حالة السلاسل الخطية (المتجانسة) البسيطة، أمّا الاهتزازات الضوئية التي تواترها ثابتة تقريباً في منطقة بريلوان الأولى فتظهر في الشبكات الأكثر تعقيداً كتلك التي تمتلك البنية البلورية الماسية نتيجة اهتزاز إحدى الشبكتين الجزيئتين على تعاكس بالتطور النسبي للشبكة الجزيئية الأخرى كبلورة السيلكون والجرمانيوم.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 35 درجة

أولاً- (4 درجات) إنّ تطبيق الحقل الكهربائي بين طرفي المقاومة المدروسة على طول المحور- x ، يخلق تياراً يتدفق في الاتجاه- x ذاته. وبما أنّ الحقل المغناطيسي يؤثر بقوة لورانس على الإلكترون في الاتجاه- x ، فإن مساره سينحنى (حيث تنمو وتظهر سرعته وفق المركبة- x) وبالتالي ستترافق الإلكترونات عند إحدى طرفي المقاومة. ومن ثم تكون الشحنة "المتراكمة" هذه حقاً كهربائياً على طول الاتجاه- x ، والذي بدوره يسبب تياراً يتدفق في الاتجاه- y إذا وصلنا طرفي المقاومة كهربائياً.

ثانياً - (4 درجات) يمثل الحدان الأول والثاني قوتي تأثير الحقلين الكهربائي والمغناطيسي المؤثرين في حركة الإلكترونات في الموقع \vec{r} واللحظة الزمنية t ، في المقاومة المدروسة، أما الحدان الثالث فيمثل $F_{\text{scat}}(\vec{r}, t)$ قوة التبعثر الموضعية التي يتعرض لها الإلكترون في الموقع \vec{r} واللحظة الزمنية t ، حيث (\vec{r}, t) كثافة التدفق المغناطيسي في ذلك الموقع وتلك اللحظة، و e هي شحنة الإلكترون و (\vec{r}, t) الكتلة الفعالة الموضعية للإلكترون التي فرضنا أنها تابعة للزمن بحكم التعميم.

ثالثاً - (7 درجات) تأخذ المعادلة المعطاة في الحالة المستقرة الشكل (درجتان)

$$e \left[\vec{E}(\vec{r}) - \vec{v}_n(\vec{r}) \times \vec{B}(\vec{r}) \right] = - \frac{m_n^* \vec{v}_n(\vec{r})}{\tau_n(\vec{r})}.$$

ومن ثم مركبات السرعة تأخذ الشكل الآتي: (5 درجات)

$$v_x(\vec{r}) = - \frac{e \tau_n(\vec{r})}{m_n^*} [E_x(\vec{r}) - v_y B(\vec{r})] = -\mu_n(\vec{r}) [E_x(\vec{r}) - v_y B(\vec{r})]$$

$$v_y(\vec{r}) = - \frac{e \tau_n(\vec{r})}{m_n^*} [E_y(\vec{r}) + v_x B(\vec{r})] = -\mu_n(\vec{r}) [E_y(\vec{r}) + v_x B(\vec{r})]$$

$$v_z(\vec{r}) = - \frac{e \tau_n(\vec{r})}{m_n^*} E_z(\vec{r}) = -\mu_n(\vec{r}) E_z(\vec{r}),$$

رابعاً - (20 درجة) لفعل ذلك نكتب العلقتين الأولى والثانية في جملة المعادلات الأخيرة بالشكل (درجتان)

$$v_x(\vec{r}) = -\mu_n(\vec{r}) [E_x(\vec{r}) - v_y B(\vec{r})]$$

$$v_y(\vec{r}) = -\mu_n(\vec{r}) [E_y(\vec{r}) + v_x B(\vec{r})].$$

أو بالشكل (درجتان)

$$-\frac{1}{\mu_n(\vec{r})} v_x(\vec{r}) + B(\vec{r}) v_y(\vec{r}) = E_x(\vec{r}),$$

$$-B(\vec{r}) v_x(\vec{r}) - \frac{1}{\mu_n(\vec{r})} v_y(\vec{r}) = E_y(\vec{r}).$$

ثم نجعلهما على شكل مصفوفة وفق الآتي: (درجتان)

$$\begin{bmatrix} -\frac{1}{\mu_n(\vec{r})} & B(\vec{r}) \\ -B(\vec{r}) & -\frac{1}{\mu_n(\vec{r})} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_x(\vec{r}) \\ v_y(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix}.$$

وباستخدام المعادلة، $\bar{J}_n(\vec{r}) = -n(\vec{r}) e \mu_n(\vec{r}) \vec{E}(\vec{r})$ ، يمكننا كتابة المصفوفة بالشكل: (درجتان)

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{\mu_n(\vec{r})} & -B(\vec{r}) \\ B(\vec{r}) & \frac{1}{\mu_n(\vec{r})} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} J_x(\vec{r})/en(\vec{r}) \\ J_y(\vec{r})/en(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix}.$$

وأخيراً، يمكننا باستخدام المعادلة $\sigma_n(\vec{r}) = n(\vec{r}) e \mu_n(\vec{r})/1$ ، كتابة المصفوفة الآتية: (درجتان)

$$\frac{1}{\sigma_n(\vec{r})} \begin{bmatrix} 1 & -\mu_n(\vec{r}) B(\vec{r}) \\ \mu_n(\vec{r}) B(\vec{r}) & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} J_x(\vec{r}) \\ J_y(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix}.$$

ومن جهة أخرى يُعرف تصور المقاومة النوعية $[\rho(\vec{r})]$ بالشكل الآتي: (درجتان)

$$\begin{bmatrix} \rho_{xx}(\vec{r}) & \rho_{xy}(\vec{r}) \\ \rho_{yx}(\vec{r}) & \rho_{yy}(\vec{r}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} J_x(\vec{r}) \\ J_y(\vec{r}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_x(\vec{r}) \\ E_y(\vec{r}) \end{bmatrix},$$

والذي يعطي المساواة الآتية من خلال المقارنة بين الترسرين الآخرين:

$$\begin{aligned} \rho_{xx}(\vec{r}) &= \rho_{yy}(\vec{r}) = \frac{1}{\sigma_n(\vec{r})} \\ -\rho_{xy}(\vec{r}) &= \rho_{yx}(\vec{r}) = \frac{\mu_n(\vec{r})B(\vec{r})}{\sigma_n(\vec{r})} = \frac{B(\vec{r})}{en(\vec{r})}. \end{aligned}$$

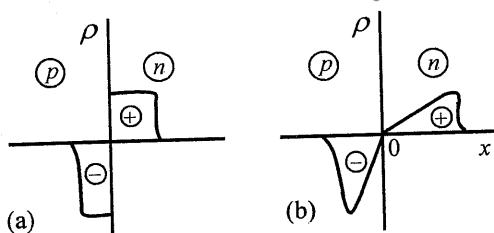
وهو المطلوب.

تسمى المقاومة النوعية القطرية (أي $\rho_{xx} = E_x|_{J_y=0}$) بالمقاومة النوعية الطولانية والمقاومة النوعية اللاقطية (أي $\rho_{yy} = E_y|_{J_x=0}$) بمقاومة هول النوعية. (4 درجات)

والمقاومة الأخيرة تتناسب خطياً مع كثافة التدفق المغناطيسي، ($B(\vec{r})$ ، وثابتة التناوب هذه تتعلق بالتركيز الإلكتروني فقط، ($\rho(\vec{r})$). ومن ثم، سيسماح لنا قياس ثابت التناوب هذا، المسمى بثابتة هول، بتعيين التركيز الوسطي لحاملات الشحنة في العينة المدروسة. وإذا توفر نوعان من حاملات الشحنة في العينة، الإلكترونات والتقوب على وجه الخصوص، فإن المسألة تتعدد بعض الشيء؛ ولكن ما دام هناك نوع واحد فقط من حاملات الشحنة أو نوعان يسيطر أحدهما على الآخر (أي أنَّ تعداد أحدهما أكبر بكثير من تعداد النوع الآخر). (4 درجات)

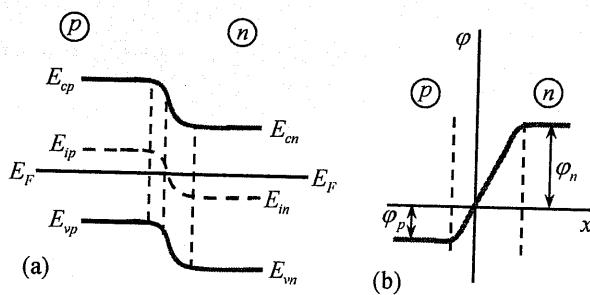
يُعدُّ قياس هول طريقة بسيطة لقياس تركيز حاملات الشحنة الأكثرية في العينة المدروسة. وتجري التجربة بقياس الجهد V بين الطرفين العرضيين للعينة بمقاييس فولط أثناء تطبيق حقل مغناطيسي في الاتجاه- z ومرور تيار كهربائي في الاتجاه- x - باستعمال منبع تيار. وطالما أنَّ مقياس فولط المثالى يمتلك ممانعة لانهائية، فإنه لن يستجر تياراً، بحيث يبقى $0 = J_y$. ويُقيّم الحقل الكهربائي، E_y ، من العلاقة $V = E_y/W$ ، حيث W عرض العينة. وتناسى كثافة التيار J_x بمقاييس أمبير. ومن ثمَّ نحصل على مقاومة هول النوعية، $\rho = E_y|_{J_x=0}$. وبقياس هذه الكمية من أجل كثافات تدفق مختلفة يمكننا الحصول على ثابتة هول ومنها على تركيز حاملات الشحنة طالما أنَّ العينة أحادية القطبية أو ثنائية القطبية، ولكن إحدى النوعين يسيطر على الآخر.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: 35 درجة



ولأ- (14 درجة) تسمى طبقة نصف الناقل المتوضعة على جانبي الحد الفاصل بين المجالين من النوع- n والنوع- p والفقيرة بالحاملات الأساسية للشحنة، والتي تُعد طبقة مقللة، وصلة إلكترونية- ثقبية ويرمز لها بالرمز "وصلة- $p-n$ ". (3 درجات)

تبعاً لسلوك توزُّع الشوائب، نميّز بين الوصلة الحادة والوصلة السَّلَسَة حيث يتغيّر تركيز المانحات والأخذات في الوصلة المتدرجة مع المسافة على شكل قفرة عند الحد الفاصل بين المجالين n و p ، وفي الوصلة السَّلَسَة تتغيّر تركيزها خطياً مع المسافة، كما يوضح الشكلان (a,b) المجاوران.



ويمكن تكوين الوصلة $p-n$ الحادة نسبياً، في البلورة، عند انصهار الشائبة والسلسة عند انتشار هذه الشائبة. (4 درجات)

بما أنه يوجد تدرج لتركيز الحاملات الحرة للشحنة عند السطح الفاصل بين المجالين n و p ، فإنه تحدث عملية انتشار ل الإلكترونات إلى المجال- p وانتشار للثقوب إلى المجال- n ، مما يؤدي إلى إفقار الطبقتين السطحيتين الحدوبيتين بالحاملات الأساسية للشحنة، أي تجريدهما منها، ومن ثم نشوء شحنات حجمية بإشارتين متعاكستين. (3 درجات)

تشكل في الوصلة $p-n$ الحادة طبقات فقيرة ذات شحنة حجمية متدرجة

وتشكل في الوصلة $p-n$ السلسة، طبقات فقيرة ذات شحنة حجمية خطية، كما يوضح الشكلان (a,b) المجاوران: توافق الأشكال المجاورة الحالة التي يكون من أجلها تركيز الآخذات في المجال التثبيتي أكبر من تركيز المانحات في المجال الإلكتروني، $N_n > N_p$ ؛ إذ تكون سماكة طبقة الشحنة الحجمية السالبة أصغر من سماكة طبقة الشحنة الحجمية الموجبة؛

ويمكن أن تحدث الحالة المعاكسة، حيث يكون تركيز المانحات في المجال- n أكبر من تركيز الآخذات في المجال- p . في كل الأحوال، يساوي مجموع الشحنات الحجمية في المجالين n و p الصفر، أي أن المساحتين الواقعتين تحت المنحنين (x) متساويتان. يُعد في نظرية الوصلة $p-n$ عادةً، تركيز الحاملات المتوازنة للشحنة في نصف الناقل خارج الوصلة $p-n$ متساوياً لتركيز

الشوائب، مما يعني أن الشوائب هنا، تكون متأينة تماماً. (4 درجات)

ثانياً - (5 درجات) يُعد مستوى فرمي فيه مستوى مشتركاً من أجل مجالات نصف الناقل كافة. ثم إن قاع عصابة الناقلة في نصف الناقل التثبيتي، E_{cp} ، يشغل الموضع الأعلى، ما يوافق التركيز الأخفض لـ الإلكترونات لأن مستوى فرمي يتوضع بعيداً عن (تحت E_{ip}). ونلاحظ هنا، أن مسار الكمون يعاكس مسار عصابات الطاقة، بحيث يبلغ الكمون في الجزء الإلكتروني من نصف الناقل أعلى قيمة في حين يبلغ الكمون في الجزء التثبيتي منه أدنى قيمة له، وعند الانتقال من المجال- n إلى المجال- p يتناقص الكمون بمقدار فرق الكمون التماسي، أي بمقدار $\varphi_p - \varphi_n = V_c$ ، كما يبدو في الشكل (b).

ثالثاً - (10 درجات) بمقدور تقوس عصابات الطاقة أن يصف فرق الكمون التماسي هذا، ثم إنه يساوي (درجة واحدة)

$$E_{cp} - E_{cn} = E_{ip} - E_{in} = eV_c, \quad (1)$$

ثم إن:

$$E_{ip} - E_{in} = (E_{ip} - E_F) + (E_F - E_{in}); \quad (2)$$

(درجة واحدة)

نوجد هذه الفروق الطاقية $E_{ip} - E_F$ و $E_F - E_{in}$ من علقي التراكيز

الآتية: (درجتان)

$$p_{p_0} = n_i e^{-\frac{E_F - E_{ip}}{k_B T}} \quad \text{و} \quad n_{n_0} = n_i e^{-\frac{E_F - E_{in}}{k_B T}}$$

ثم نوّض عن قيمتيهما في المساواة (2)، فنجد: (درجتان)

$$E_{ip} - E_F = k_B T \ln \left(\frac{p_{p_0}}{n_i} \right) \quad \text{و} \quad E_F - E_{in} = k_B T \ln \left(\frac{n_{n_0}}{n_i} \right)$$

ومنه

$$E_{ip} - E_{in} = k_B T \ln \left(\frac{n_{n_0} p_{p_0}}{n_i} \right)$$

ومن ثم (درجتان)

$$E_{ip} - E_{in} = k_B T \ln \left(\frac{n_{n_0} p_{p_0}}{n_i^2} \right) = k_B T \ln \left(\frac{n_{n_0} p_{p_0}}{n_{n_0} p_{n_0}} \right) = k_B T \ln \left(\frac{n_{n_0} p_{p_0}}{n_{p_0} p_{p_0}} \right),$$

ومنه نحصل على العلاقة المطلوبة

$$eV_c = k_B T \ln \left(\frac{n_{n_0}}{n_{p_0}} \right) = k_B T \ln \left(\frac{p_{p_0}}{p_{n_0}} \right).$$

نستنتج من المعادلة الأخيرة أنه، كلما اشتد تطعيم مجال نصف الناقل، أي كلما ازداد n_{n_0} و p_{p_0} ، كلما ازداد فرق الكمون التماسي، V_c . أضف إلى ذلك، يمكننا تعين القيمة القصوى $(eV_c)_{\max}$ في أنصاف الناقل الامتحلة مباشرةً من مخطط العصابات الطاقية، (درجتان)

رابعاً - (6 درجات) إن القطب "الموجب" لمنبع التغذية يُخْفِضُ المستويات الطاقية في مخطط العصابات الطاقية، أمّا القطب "السلالب" فيرفعها. وعند تطبيق الحقل الكهربائي الخارجي يُخْرِقُ التوازن وُتُبَدِّلُ مستويات فرمي بأشباه-مستويات فرمي. وهنا ثُمَّ الحقل في عمق نصف الناقل، أي نعتبر العصابات الطاقية مستقيمة من دون ميول (أفقيةً؛ عملياً، هذا يعني أن كامل الجهد الخارجي يُسْتَلِّ على الوصلة $p-n$.

فعند تطبيق حقل خارجي في الاتجاه الأمامي، ينخفض تقوس العصابات الطاقية في الوصلة $p-n$ ، ومقدار هذا التقوس يساوي

$$e(V_c - V) = e(\varphi_p + \varphi_n),$$

حيث φ_n و φ_p تغييرات الكمون في المجالين n - و p - على الترتيب والمشابهة لتغييرات φ_n و φ_p . كما أن شبهي-مستوى فرمي من أجل الحاملات الأساسية للشحنة في المجال n (E_{in}) والمجال p ، (E_{ip}) ينزاحان بالنسبة لبعضهما البعض بمقدار eV ، أي إن $E_{Fn} - E_{Fp} = eV$

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

أسئلة بدون حل

جامعة طرطوس
كلية العلوم
قسم الفيزياء

الاسم: _____
المدة: ساعتان
العلامة القصوى: 90 درجة

امتحان مقرر فيزياء أنصاف النوافل
لطلاب السنة الرابعة فيزياء
لعام الدراسي 2020-2021/الدورة الامتحانية الأولى

السؤال الأول: (35 درجة)

ليكن لدينا نصف ناقل غير متصل يحوي مانحات وأخذات، والمطلوب:

أولاً- اشرح ما المقصود بنصف الناقل المعَدَّل موضحاً فيما إذا كان يشبه نصف الناقل الذاتي.

ثانياً- اكتب شرط الاعتدال الكهربائي من أجل نصف الناقل المذكور أعلاه حيث تركيز المانحات أعلى من تركيز الأخذات بقليل وذلك

عند درجة حرارة قريبة من درجة الصفر المطلق مع شرح ما يلزم ثم استنتج علاقة سوية فيرمي الموافقة.

ثالثاً- أوجد علاقة تركيز الحاملات الأساسية للإلكترونات، n_0 ، استناداً إلى علاقة فيرمي التي حصلت عليها في الطلب السابق

$$\text{مستندياً من العلاقة } N_c e^{\frac{E_c - E_f}{k_B T}} = n_0 \text{ مع مناقشة ما يلزم. ماذا تستنتج؟.}$$

رابعاً- اكتب فقط علاقتي سوية فيرمي وتركيز حاملات الشحنة الكهربائية من أجل نصف ناقل غير متصل يكون فيه تركيز الأخذات

أعلى من تركيز المانحات. ماذا تستنتج؟.

السؤال الثاني: (25 درجة)

أولاً- اشرح الظواهر الكهارحرارية الآتية: مفعول سيبك- مفعول بيلتيه- مفعول طومسون.

ثانياً- انكر أهمية كلٍ من المفاعيل الثلاثة المذكورة في الطلب السابق في أنصاف النوافل والمعادن بالتفصيل.

السؤال الثالث: (30 درجة)

لفرض أن شحنة حجمية لجسيمات حرة بإشارة معينة قد تشکّلت في حجم نصف ناقل أو عازل، حيث تصرف حاملات الشحنة فيها بالطريقة التي تناسبها على اعتبار أن الشيء الوحيد الذي يؤثر فيها هو حقل هذه الشحنة الحجمية فقط، والمطلوب دراسة استرخاء

العازلية (استرخاء مكسوبل) لهذه المادة وإثبات صحة العلاقة $\rho_0 = \rho e^{\frac{1}{\tau_M}}$ انطلاقاً من معادلة الاستمرارية مع شرح ما يلزم وذكر المدلول الفيزيائي للرموز الداخلة في العلاقات التي تستخدمها في هذه الدراسة.

ملاحظة: للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة

تمنياتي لطلابنا الأعزاء التوفيق والنجاح

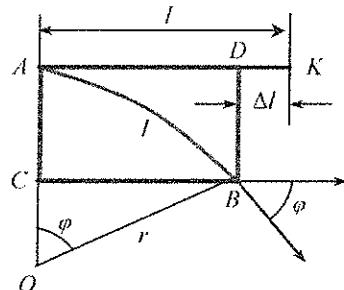
2021/02/23 طرطوس في

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

السؤال الأول: أجب على أحد السؤالين الآتيين (أولاً أو ثانياً): (18 درجة)

أولاً- يوضح الشكل المجاور تغير طول المسار الحر لحامل شحنة عند تبعثره في نصف ناقل بوجود حقل مغناطيسي، B ، والمطلوب دراسة تغير طول المسار الحر هذا نتيجةً لأنحرافه عن اتجاه حقل كهربائي خارجي وإيجاد العلاقة التي تربط هذا التغير بتأثير المقاومة النوعية لنصف الناقل المدروس.

ثانياً- وضح متى يقال عن سويات الطاقة أنها مصادن إعادة اتحاد، ومصادن قنصي، وسويات فصل طاقة مسخداً العلاقات الرياضية المواتفة لذلك ثم أوجد العلاقة التي تحدد موضع سوية الفصل الطاقي الإلكتروني. مادا تستنتج؟.



السؤال الثاني: (32 درجة) 6 + 26

أولاً- وضح ما المقصود بكل من نصف الناقل الذاتي، والتراكيز المتوازنة لإلكترونات وتقويب الناقلي، والفارق بين تيار الانتشار وتيار الانسياق.

ثانياً- لنفرض أن نصف ناقل إلكتروني معزول يقع عند إضاءته في حالة مستقرة ويتحقق المترادفة $n_0 > > \Delta n$ ، وتحتاج حالة التوازن فيه وتحصي الكثافة الكلية للتيار صفراء، والمطلوب:

(a) كتابة معادلة الكثافة الكلية للتيار (مع ذكر المسميات) ثم إيجاد علاقة الحقل الكهربائي المتشكل في نصف الناقل المدروس وفق المحور x مستعيناً بـ x من علاقة اينشتاين.

(b) إيجاد معادلة تفاضلية من أجل Δn ثم استنتاج علاقة طول حجب ديبابي في نصف الناقل المدروس.

(c) كتابة المعادلة الناتجة في الطلب الثاني بدالة طول حجب ديبابي وكتابة حلها العام ثم مناقشة الحل من أجل الشروط الحدية. أعط تفسيراً فيزيائياً للنتيجة التي تحصل عليها.

السؤال الثالث: (40 درجة) 15 + 25

I. تعطى علاقة سوية فيرمي في أنصاف النواقل اللامتحلة والحاوية آخذات بالشكل

$$E_F = E_a - k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(\sqrt{1 + \frac{8N_a}{N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}}} - 1 \right) \right]$$

والمطلوب: أولاً- كتابة شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المنخفضة مع ذكر مدلول الرموز.

ثانياً- إيجاد علاقة فيرمي انطلاقاً من العلاقة المعطاة في درجات الحرارة الأكثـر انخفاضـاً مع مناقشـة ما يلزم.

ثالثـاً- إيجـاد عـلاقـة تـركـيزـ الـحـامـلـاتـ الـأسـاسـيـةـ لـلـثـقوـبـ، p_0 ، استـادـاً إـلـىـ عـلاقـةـ فيـرمـيـ الـتـيـ حـصـلـتـ عـلـيـهـاـ فـيـ الـطـلـبـ السـابـقـ.

رابـعاً- إـيجـادـ عـلاقـةـ فيـرمـيـ منـ أـجـلـ الحـدـ العـلـويـ لـدـرـجـاتـ الـحرـارـةـ المـنـخـفـضـةـ ثـمـ شـرـطـ الـاعـتدـالـ الـكـهـربـائـيـ الـمـوـافـقـ. مـاـ تـسـتـتـجـ؟ـ.

II. تعطى في أنصاف النواقل اللامتحلة والحاوية آخذات في درجات الحرارة المرتفعة العلقتان:

$$p_0 = \frac{N_a}{2} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{4n^2}{N_a^2}} \right)$$

ثانياً- دراسة العلاقاتين من أجل حالتين حديتين بدالة n فقط مع شرح المعنى الفيزيائي.

ملاحظة: للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة

تمنياتي لطلابنا الأعزاء التوفيق والنجاح

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

طرطوس في 2020/08/09

توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول: 18 درجة

أولاً- نجري الحساب هنا على فرض أن مفعول هول لم يظهر بعد: إن الطول الوسطي للمسار الحر، $AK = l$ ، يتناقص في E بمقدار ثلث درجات

$$\Delta l = DK = l - AD,$$

درجتان فضلاً عن أن:

$$AD = AB \cos \varphi = l \cos \varphi = l \left(1 - \frac{\varphi^2}{2}\right), \quad (1)$$

حيث نشرنا التجيب في سلسلة وأكتملنا بالحدين الأول والثاني.

درجتان ومن ثم

$$\Delta l = l - l \left(1 - \frac{\varphi^2}{2}\right) = l \frac{\varphi^2}{2}, \quad (2)$$

ومن أجل نصف ناقل من النوع p و n لدينا:

درجتان

$$\varphi_n = -A \mu_n B \quad , \quad \varphi_p = A \mu_p B \quad (3)$$

وبفرض أن عامل هول A يساوي الواحد، نحصل من جملة العلاقات (2) و (3) على المعادلتين الآتيتين:

درجتان

$$\frac{\Delta l_p}{l_p} = \frac{\varphi_p^2}{2} = \frac{\mu_p^2 B^2}{2} = \frac{\Delta \rho_p}{\rho_p};$$

درجتان

$$\frac{\Delta l_n}{l_n} = \frac{\varphi_n^2}{2} = \frac{\mu_n^2 B^2}{2} = \frac{\Delta \rho_n}{\rho_n}.$$

نستنتج من هاتين العلاقات أن **تغير المقاومة النوعية** يتناصف طردياً مع **تغير الطول الوسطي للمسار الحر**، وعندما يفترض أن

كل الحاملات الحرّة للشحنة تتنقل بسرعة وسطية وتملك طول مسار واحد. (أو نقول أن المقاومة الكهربائية النوعية لنصف الناقل، واقع في حقل مغناطيسي عرضاني، تزداد على حساب تقلص طول مسار الحاملات الحارة والباردة للشحنة فقط)

إن المقاومة الحجمية النوعية لنصف الناقل تزداد عند انخفاض طول المسار الحر لحاملات الشحنة. ومن ثم، نجد أنه في حال غياب مفعول هول (بدقة أكبر إذا أهملنا وجوده)، فإن التغير النسبي للمقاومة النوعية لنصف الناقل يبدو متناسباً طردياً مع مربع حاصل ضرب حركية حاملات الشحنة في حقل التحرير المغناطيسي المطبق.

وعندأخذ حقل هول الكهربائي E بالحساب، فإن عملية الانحناء في مجال تأثير الحقل المغناطيسي، ومن ثم تغير طول المسار الحر، سترصدان من أجل الحاملات الحارة (السريعة) فقط؛ فضلاً عن أن الانحناء وتغير طول المسار الحر من أجل هذه الحاملات سيكونان أقل منهما عند غياب حقل هول E . أما حاملات الشحنة الباردة (البطيئة) التي سرعاتها أقل بكثير من السرعة الوسطية، فستتحول إلى الاتجاه المقابل (المعاكس لاتجاه انحراف الحاملات الحارة) تحت تأثير حقل هول، وهذا بدوره سيؤدي إلى زيادة المقاومة أيضاً.

خمس درجات

ثانياً- نعرف هنا معاملأ نرمز له بالرمز k ؛ ويساوي نسبة احتمال اقتناص ثقب على مصيدة مشحونة سلبياً إلى احتمال القذف الحراري للكترون إلى عصابة الناقلة:

درجة واحدة

$$\text{تتعرّف سرعة اقتناص ثقب على مصيدة بـ} \left(\frac{\partial p}{\partial t} \right)_p = -\gamma_p p N_{tr} f_{tr}$$

أما سرعة التوليد الحراري لإلكترونات إلى عصابة الناقلة، فيمكن تعبيتها من خلال الجداء $\left(\frac{\partial n}{\partial t}\right)_s = \gamma_n N_n f_n n_1$. درجة واحدة

$$k_n = \frac{\gamma_p N_n f_n p}{\gamma_n N_n f_n n_1} = \frac{\gamma_p P}{\gamma_n n_1}.$$
 درجة واحدة

* تسمى المصائد التي من أجلها $k_n > 1$ ، مصائد إعادة اتحاد، لأنه في هذه الحالة، يكون احتمال إعادة الاتحاد أكبر من احتمال التهيج الحراري، درجة واحدة

* والمصائد التي من أجلها $k_n < 1$ ، فتسمى مصائد قنص.

* وتشتتى سوية الطاقة التي من أجلها $k_n = 1$ ، أي عندما يتساوى احتمال إعادة الاتحاد مع احتمال التوليد الحراري، سوية فصل إلكترونی، E_{dn} . درجة واحدة

يمكنا إيجاد موضع هذه السوية الطافية من شرط تساوى احتمال إعادة الاتحاد واحتمال التوليد الحراري $k_n = 1$: درجة واحدة

$$\gamma_p P = \gamma_n n_1, \quad (1)$$

نستبدل هنا تركيز الثقوب، p ، بالكمية المعروفة بالعلاقة $p = N_v e^{-\frac{E_{fp}-E_v}{k_B T}}$ درجة واحدة

والتركيز المتوازن للإلكترونات، n_1 ، بالعلاقة $n_1 = N_c e^{-\frac{E_c-E_{dn}}{k_B T}}$ درجة واحدة

لأن هذا التركيز، n_1 ، يتبع عندما يتحقق الشرط $E_p = E_{dn}$. درجة واحدة

إذن، بالتعويض عن العلاقتين الأخيرتين في العلاقة (1) نحصل على المعادلة الآتية:

$$\gamma_p N_v e^{-\frac{E_{fp}-E_v}{k_B T}} = \gamma_n N_c e^{-\frac{E_c-E_{dn}}{k_B T}}, \quad (2)$$

وبأخذ لغاريتم الطرفين وإعادة كتابة الناتج يمكننا الحصول على الفارق الآتي:

$$\ln e^{\frac{(E_c-E_{dn})-(E_{fp}-E_v)}{k_B T}} = \ln \frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v} \Rightarrow \frac{(E_c - E_{dn}) - (E_{fp} - E_v)}{k_B T} \ln \frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v}$$

ومنه:

$$E_c - E_{dn} = (E_{fp} - E_v) + k_B T \ln \left(\frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v} \right). \quad (3)$$

نستنتج من العلاقة (3) أن موضع سوية الفصل الطافي الإلكتروني يتعلق بمجموعة وسطاء:

* فعند زيادة مستوى الحقن، يقترب شبه-سوية فيرمي، E_{fp} ، نحو حد عصابة التكافؤ، E_v ، مما يؤدي إلى تناقص

الفارق $(E_c - E_{dn})$ ، وهذا بدوره يعني ارتفاع سوية الفصل الطافي (أي اقترابه من قاع عصابة الناقلة). عليه، فإن جزءاً من

مصادق الفنص يتحول إلى مصائد إعادة اتحاد.

* كما يتضح من العلاقة (3) أن إشارة المقدار، $\ln \left(\frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v} \right)$ ، تتعلق بقيمة النسبة، $\gamma_n N_c / \gamma_p N_v$ ، مع الأخذ بالحسبان أن

معامل اقتناص الإلكترونات، γ_n ، والثقوب، γ_p ، على المصائد يتعلقان بموضع سوية المصائد. درجة واحدة

* تتحدد التابعية الحرارية للفارق $(E_c - E_{dn})$ بالتبعية الحرارية لشبه-سوية فيرمي، E_{fp} ، وبالتالي الخطية للحد الأخير في الطرف الأيمن من العلاقة (3).

* إن السويات الطافية المتوضعة فوق سوية الفصل الإلكتروني، E_{dn} ، تتوافق مصادق قنص للإلكترونات، وتلك المتوضعة تحته مصائد إعادة اتحاد.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 32 درجة

أولاً- هو نصف ناقل خالٍ من الشوائب، بحيث تُهمل تراكيز الأخذات والمانحات في نصف الناقل وتتحقق المساواة $0 = N_a = N_d$ ، ويسمى نصف ناقل ذاتي أو نقفي.

نقول أنه لدينا تركيز متوازن من الإلكترونات والتقويب إذا تحقق توليدتها في نصف الناقل على حساب الحركة الحرارية للذرات فقط في شروط التوازن الترموديناميكي.

تيار الانتشار هو حركة موجية لحاملات الشحنة الكهربائية في وحدة الزمن والناتج من انتقالها من منطقة تركيزها المرتفع إلى منطقة تركيزها المنخفض وتيار الانسياق حركة موجية لحاملات الشحنة تحت تأثير حقل كهربائي خارجي مطبق بين طرفي نصف الناقل

ثانياً- تعطى علاقة الكثافة الكلية للتيار بالشكل:

$$j = en\mu_n E_i + eD_n \frac{\partial n}{\partial x} \quad (2)$$

حيث يمثل الحد الأول كثافة تيار الانسياق والحد الثاني كثافة تيار الانتشار ثم إن $E_i = E_x$ في هذه العلاقة، لأن المحور x موجة عمودياً على السطح.

وباستخدام علاقة أينشتاين من أجل الإلكترونات، $\frac{\mu_n}{D_n} = \frac{e}{k_B T}$ ، نحصل على علاقة الحقل الداخلي:

$$E_i = -\frac{k_B T}{en} \frac{\partial n}{\partial x}.$$

$$\frac{\partial(n_0 + \Delta n)}{\partial x} = \frac{\partial(\Delta n)}{\partial x},$$

$$E_i = -\frac{k_B T}{e(n_0 + \Delta n)} \frac{\partial(\Delta n)}{\partial x} \equiv -\frac{k_B T}{e n_0} \frac{\partial(\Delta n)}{\partial x}.$$

ومنه، يمكن إيجاد تدرج الحقل:

$$\frac{\partial E_i}{\partial x} = -\frac{k_B T}{e n_0} \frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial x^2}. \quad (1)$$

وطالما، جرى اختيار المحور x عمودياً على سطح نصف الناقل، فلدينا:

ونحصل من تطبيق معادلة غوص من أجل نصف الناقل المدروس على المعادلة

$$\operatorname{div} E_i = \frac{\partial E_i}{\partial x} = \frac{\rho}{\epsilon \epsilon_0} = -\frac{e \Delta n}{\epsilon \epsilon_0}. \quad (2)$$

وبمقارنة طرفي المعادلين (1) و (2) نحصل على المعادلة الآتية:

$$\frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial x^2} - \frac{e^2 n_0}{\epsilon \epsilon_0 k_B T} \Delta n = 0. \quad (3)$$

$$L_D = \sqrt{\frac{\epsilon \epsilon_0 k_B T}{e^2 n_0}}$$

ويadxال الرمز الآتي في المعادلة الأخيرة (3)

تقول المعادلة (3) إلى الشكل الآتي:

$$\frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial x^2} - \frac{\Delta n}{L_D^2} = 0. \quad (4)$$

يمكن تصور الحل العام للمعادلة الأخيرة بالشكل

$$\Delta n = C_1 e^{\frac{x}{L_D}} + C_2 e^{-\frac{x}{L_D}}. \quad (5)$$

ومن أجل مجال غير متساوٍ في نصف الناقل، تتناقص الكمية Δn عند الابتعاد نحو عمق نصف الناقل، وبالتالي لا بد من

$$\Delta n = C_2 e^{-\frac{x}{L_D}}. \quad \text{وضع } C_1 = 0; \text{ وعندما يُصبح الحل (5) من الشكل}$$

عندما $x = 0$ يكون لدينا $\Delta n = (\Delta n)_0 = C_2$ ولذلك نحصل على العلاقة الآتية:

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{x}{L_D}}. \quad (6)$$

وهكذا نجد، في حالة توافر ناقلة كهربائية أحادية القطبية، أن التركيز الفائض للحملات اللامتوازنة (الأساسية) للشحنة تتناقص عند الابتعاد عن المجال المضاء، أولاً، بثابت تناقص، L_D ، يدعى طول (أو نصف قطر) الحجب لديبياً.

يتضح من العلاقة (4) أن طول ديباي للحجب يتعلق بدرجة الحرارة والتركيز المتوازن للحملات الشحنة (T و n_0). كما يصف طول حجب ديباي تغير الكمون في الطبقات تحت السطحية.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: 27 درجة

I. أولاً- شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المنخفضة:

درجاتن الترکیز المتساون للثقوب الحرّة يساوی ترکیز الالکترونات الموجوّدة فی السویات الآخّة، $p_0 = n_a$

ثانياً- استنتاج علاقه فیرمی انطلاقاً من العلاقة المعطاة في درجات الحرارة الأکثر انخفاضاً:

درجاتن $\frac{8N_a}{N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}} \gg 1$ تتحقق في هذا المجال الحراري المترافقحة الآتية:

ووندها يمكن إهمال الواحد الواقع تحت الجذر التربيعي في القوسين المتوسطين في العلاقة المعطاة في نص السؤال فنحصل على ما يأثي:

$$\begin{aligned} E_F &= E_a - k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(\sqrt{1 + \frac{8N_a}{N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}}} - 1 \right) \right] = E_a - k_B T \ln \left(\sqrt{\frac{8N_a}{16N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}}} \right); \\ &= E_a - k_B T \ln \left(\frac{N_a}{2N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}} \right)^{1/2} = E_a - k_B T \left(\frac{1}{2} \ln \frac{N_a}{2N_v} + \frac{1}{2} \frac{\Delta E_a}{k_B T} \right) \\ &= \frac{2E_a}{2} - \frac{E_a - E_v}{2} - k_B T \left(\frac{1}{2} \ln \frac{N_a}{2N_v} \right) = \frac{E_a + E_v}{2} - k_B T \left[\ln \left(\frac{N_a}{2N_v} \right)^{1/2} \right] \end{aligned}$$

درجاتن $E_F = \frac{E_a + E_v}{2} - \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_a}{2N_v}$

درجة واحدة حيث $\Delta E_a = E_a - E_v$ طاقة تأين الذرة الآخّة.

ثالثاً- أربع درجات

$$\begin{aligned} p_0 &= N_v e^{-\frac{E_F - E_v}{k_B T}} = N_v e^{\frac{E_v}{k_B T}} e^{-\frac{E_F}{k_B T}} = N_v e^{\frac{E_v}{k_B T}} e^{-\frac{1}{k_B T} \left(\frac{E_a + E_v}{2} - \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_a}{2N_v} \right)} \\ &= N_v e^{\frac{E_v}{k_B T}} e^{-\frac{E_a}{2k_B T}} e^{-\frac{E_v}{2k_B T}} e^{\frac{1}{2} \ln \frac{N_a}{2N_v}} = N_v e^{-\frac{E_a - E_v}{2k_B T}} e^{\ln \left(\frac{N_a}{2N_v} \right)^{1/2}} \\ &= N_v e^{-\frac{E_a - E_v}{2k_B T}} \left(\frac{N_a}{2N_v} \right)^{1/2} = \left(\frac{N_a N_v}{2} \right)^{1/2} e^{-\frac{\Delta E_a}{2k_B T}}. \end{aligned}$$

رابعاً-

درجاتن $\frac{8N_a}{N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}} \ll 1$ بتعين الحد العلوي لدرجات الحرارة المنخفضة وفقاً للشرط

ووندها نطبق منشور تايلور على علاقه فیرمی المعطاة في نص السؤال فنتحول إلى الشكل الآتی:

$$E_F = E_a - k_B T \ln \left[\frac{1}{4} \left(1 + \frac{1}{2} \frac{8N_a}{N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}} - 1 \right) \right]$$

درجتان

$$E_F = E_a - k_B T \ln \left(\frac{N_a}{N_v} e^{\frac{\Delta E_a}{k_B T}} \right)$$

$$E_F = E_a - k_B T \frac{\Delta E_a}{k_B T} - k_B T \ln \frac{N_a}{N_v}$$

ومن ثم:

درجتان

$$E_F = E_v - k_B T \ln \frac{N_a}{N_v}$$

لإيجاد شرط الاعتدال الكهربائي في هذه الحالة، نعرض عن العلاقة الأخيرة في علاقة التركيز المتساوى للتنفس الحر، فنجد:

$$p_0 = N_v e^{-\frac{E_F - E_p}{k_B T}} = N_v e^{\frac{E_p}{k_B T}} e^{-\frac{E_F}{k_B T}}$$

$$p_0 = N_v e^{\frac{E_p}{k_B T}} e^{-\frac{E_p}{k_B T}} e^{\ln \frac{N_a}{N_v}} = N_v \frac{N_a}{N_v}$$

ثلاث درجات

$$p_0 = N_a$$

ومن ثم شرط الاعتدال الكهربائي المواقف يأخذ الشكل

درجة واحدة

والذي يوافق مجال استنفاد الشوائب الآخذة.

درجتان

$$p_0 = n_0 + N_a$$

II. أولاً- كتابة شرط الاعتدال الكهربائي في درجات الحرارة المرتفعة:

درجة واحدة

يفرض هنا أن $N_a = N_a^-$ ، أي تُعد كل الآخذات متأينة.

ثانياً- دراسة العلاقتين من أجل هاتين حديتين مع شرح المعنى الفيزيائي.

درجتان

$$\frac{4n_i^2}{N_a^2} \ll 1$$

تكمن الحالة الحرية الأولى في تحقق المترادفة

التي تتوافق مجال درجات الحرارة الوسطية، وبذلة أكثر، مجال استنفاد الشوائب الآخذة، حيث نحصل على العلاقتين الآتيتين: درجتان

درجتان

$$E_F = E_v - k_B T \ln \left[\frac{N_a}{2N_v} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{4n_i^2}{N_a^2}} \right) \right] \cong E_v - k_B T \ln \left(\frac{N_a}{2N_v} 2 \right) = E_v - k_B T \ln \left(\frac{N_a}{N_v} \right).$$

درجتان

$$p_0 = \frac{N_a}{2} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{4n_i^2}{N_a^2}} \right) \cong \frac{N_a}{2} (2) = N_a.$$

درجتان

$$\frac{4n_i^2}{N_a^2} \gg 1$$

ومن أجل المترادفة المعاكسة

نجد

درجتان

$$E_F = E_v - k_B T \ln \left(\frac{N_a}{2N_v} \sqrt{\frac{4n_i^2}{N_a^2}} \right) \cong E_v - k_B T \ln \left(\frac{N_a}{2N_v} 2 \right) = E_v - k_B T \ln \frac{n_i}{N_v}.$$

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان



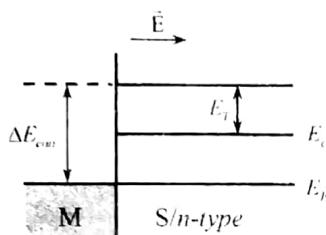
أولاً- أجب على أحد السؤالين الآتيين: (35 درجة)

I- أوجد علاقة الناقلة الكهربائية النوعية لأنصاف النوقل الإلكتروني غير المتحللة انطلاقاً من معادلة بولتزمان الحركية

$$dn = \frac{4\pi (2m_e)^{3/2}}{h^3} (E - E_c)^{1/2} f(E) dE \quad f = f_0 + eE\tau\nu, \quad \frac{\partial f_0}{\partial E}$$

من أجل غاز إلكتروني $f = f_0 + eE\tau\nu$ وعلاقة تركيز الإلكترونات $f(E) = f_0 e^{-E/k_B T}$ التي طاقاتها محصورة في المجال من E إلى $E + dE$ ؛ علماً بأن الغاز الإلكتروني يخضع لتأثير الحقل الكهربائي E على طول المحور x ، وقوع عصابة الناقلة هو مبدأ حساب الطاقة، $E_c = 0$. ثم أعط تفسيراً فيزيائياً للعلاقة الناتجة؟. استفد من

$$\text{المساويتين} \quad \int_0^E E e^{-E/k_B T} E^{1/2} dE = \frac{3}{4} \sqrt{\pi} (k_B T)^{5/2} \quad \text{و} \quad e^{-E/k_B T} = \frac{n_0}{N_e} = \frac{n_0 h^3}{2(2\pi m_e k_B T)^{3/2}}$$



II- يوضح الشكل المجاور مخططاً مبسطاً لحزمة الطاقة من أجل وصلة معدن -

نصف ناقل من النوع n ، والمطلوب أولاً- ماذا يحدث في منطقتي الوصلة في شروط التوازن. ثانياً- ماذا يحدث عند تطبيق حقل كهربائي \vec{E} ضعيف بالاتجاه المترافق معه في الشكل وإهمال مفعولات التقويم في وصلة نصف الناقل - معدن.

ثالثاً- وضح سبب انتشار حرارة بيلته في وصلة الالتحام هذه.

مة

رابعاً- أوجد علاقة بيكارينكا من أجل نصف ناقل إلكتروني ثم اكتب العلاقة الناتجة من أجل نصف ناقل ثقب (انظر أثاء ذلك قيمة الدليل 2 من أجل كل تبعثر). ماذا تستنتج؟.

ثانياً (36 درجة)

I. عَرَفَ الوصلة $n-p$ الحادة وانظر أهمية دراسة هذا النوع من الوصلات كمقومات جهد.

II. اشرح ماذا يقصد بكلٍ من الوصلة $n-p^+$ ، والوصلة $p-p^+$ ، والوصلات المتغيرة $p-n$ ، $n-n$ ، $p-p$ ، $n-n$.

III. ارسم مخطط العصابة الطاقية وأوجد فرق الكمون التماسي من أجل الوصلة $n-p^+$ فقط ثم انظر صفات هذا النوع من الوصلات.

ثالثاً (19 درجة)

I. اكتب علقي سرعة توليد الحاملات اللامتوازنة للشحنة وسرعة إعادة اتحادها من أجل بلورة نصف ناقلة.

II. انطلاقاً من معادلة الاستمرارية، $\frac{\partial n}{\partial t} = G_0 - \gamma_r np$ ، من أجل عمليات توليد الحاملات اللامتوازنة للشحنة وإعادة اتحادها بغياب التيار الكهربائي استنتج علقي التركيز الفائض لحاملات الشحنة في شروط حقين بمستوى منخفض، $\Delta n = \Delta p$ ، ثم في شروط حقين بمستوى مرتفع، $(n_0 + p_0) \gg \Delta n$ ، وذلك بدلالة فترة حياة حاملات الشحنة موضحاً متى يكون إعادة الاتحاد خطياً ومتى يكون تربعياً.

بالتوفيق والنجاح

طرطوس في 03/02/2020

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

ع الدرجات على جواب السؤال الأول: (35 درجة)

يعبر عن الشحنة التي ينقلها dn إلكتروناً، انساق تحت تأثير الحقل E ، خلال وحدة الزمن على طول المحور x عبر وحدة السطح بالمساواة الآتية:

$$-e v_x dn = -\frac{4\pi e (2m_n)^{3/2}}{h^3} v_x (E)^{1/2} f(E) dE. \quad (1)$$

إذن، تساوي كثافة تيار الإلكترونات في الاتجاه x إلى:

$$j = -\frac{4\pi e (2m_n)^{3/2}}{h^3} \int_0^\infty v_x (E)^{1/2} f(E) dE. \quad (2)$$

وعند التعويض عن التابع $f(E)$ بقيمةه نحصل على مجموع تكاملين؛ الأول يساوي الصفر، لكونه يمثل تيار الإلكترونات في شروط التوازن،

أما التكامل الثاني فيعطي المساواة:

$$j = -\frac{4\pi e^2 (2m_n)^{3/2}}{h^3} E \int_0^\infty v_x^2 \tau E^{1/2} \frac{df_0}{dE} dE. \quad (3)$$

إذن، التيار مرتبط بالتتابع الإضافي اللامتوازن، f_0 ، الذي أضيف إلى التابع التوزيع f_0 ، والناتج عن تطبيق حقل كهربائي. وعلى فرض أن:

$$v_x^2 \approx v_y^2 \approx v_z^2 = \frac{2}{3} \frac{E}{m_n}. \quad (4)$$

نجد أن المعادلة (3) تأخذ الشكل:

$$j = -\frac{8\pi e^2 (2m_n)^{3/2}}{3h^3 m_n} E \int_0^\infty \tau E^{3/2} \frac{\partial f_0}{\partial E} dE. \quad (5a)$$

ومن أجل غاز إلكتروني غير متحلل، حيث $f_0 = f_{MB}$ ، ومن ثم

$$j = \frac{8\pi e^2 (2m_n)^{3/2}}{3h^3 m_n k_B T} E e^{\frac{E}{k_B T}} \int_0^\infty \tau E^{3/2} e^{-\frac{E}{k_B T}} dE \quad (5b)$$

وبالاستفادة من معطيات المسألة $E_c = 0$ حيث $E_c = \frac{n_0 h^3}{2(2\pi m_n k_B T)^{3/2}}$ وبضرب الطرف الأيمن من المعادلة

(5b) بالمقدار $\int_0^\infty E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE$ والتقسيم عليه نحصل على علاقة كثافة التيار كما يأتي:

$$j = \frac{8\pi e^2 (2m_n)^{3/2}}{3h^3 m_n k_B T} E \frac{n_0 h^3}{2(2\pi m_n k_B T)^{3/2}} \frac{\int_0^\infty E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE \int_0^\infty \tau E^{3/2} e^{-\frac{E}{k_B T}} dE}{\int_0^\infty E e^{-\frac{E}{k_B T}} E^{1/2} dE}$$

وعلى اعتبار أن الزمن الوسطي للاسترخاء يُعرف بالعلاقة

درجتان

$$\langle \tau \rangle = \frac{\int_0^{\infty} \tau E e^{-k_B T} E^{1/2} dE}{\int_0^{\infty} E e^{-k_B T} E^{1/2} dE} \quad (6)$$

والأخطاء بالحساب المساواة

درجتان

$$\int_0^{\infty} E e^{-k_B T} E^{1/2} dE = \frac{3}{4} \sqrt{\pi} (k_B T)^{5/2} \quad (7)$$

تتواءل علاقة كثافة التيار إلى الشكل الآتي:

درجتان

$$j = \frac{n_0 e^2 \langle \tau \rangle}{m_n} E. \quad (8)$$

وهكذا، نحصل من أجل غاز إلكتروني غير متخلل على قانون أوم من الشكل (3) بحيث تساوي الناقلة النوعية:

4 درجات

$$\sigma = \frac{n_0 e^2}{m_n} \langle \tau \rangle.$$

تدل هذه العلاقة على الناقلة النوعية ترتيب ارتباطها وثيقاً ومبشراً بالقيمة الوسطية لزمن استرخاء الإلكترونات المساهمة فيها. درجتان تُوصي الناقلة الكهربائية من أجل غاز إلكتروني متخلل فقط بذلك الجزء من الإلكترونات التي تتوزع بجوار مستوى فيرمي. درجة واحدة

-II

أولاً- تترسخ سوياً فيرمي دوماً عند مستوى طاقة واحد.

ثانياً- تنتقل الإلكترونات من عصابة الناقلة لنصف الناقل إلى المعدن.

درجة واحدة

درجة واحدة

ثالثاً- تنشر حرارة بيلتيه في وصلة الاتصال نتيجة لانتقال جزء من طاقة حاملات الشحنة إلى الشبكة البليورية في أثناء عملية معاكسة تكمن في نقل الشبكة البليورية لجزء من طاقتها إلى حاملات الشحنة تبريد.

رابعاً- عند إهمال مفعولات التقويم في وصلة نصف الناقل- معدن نحصل على انخفاض طاقة الإلكترون، حيث يحصل

تبريد للإلكترون، بمقدار ΔE_{com} .

✓ وهذه الطاقة ليست سوى كمية حرارة بيلتيه المنتشرة عند انتقال كمية من الكهرباء على شكل شحنة عنصرية واحدة

(c). بهذا الشكل يمكننا كتابة المساواة الآتية: درجتان + درجتان $\Delta E_{com} = Q_p = \alpha T e.$ (1)

✓ إذا جرى التيار في الاتجاه المعاكس، أي إذا ارتفعت الإلكترونات من مستوى فيرمي إلى مستوى ما في عصابة الناقلة لنصف الناقل، فيجب تسخين الإلكترونات إلى قيمة موافقة ΔE_{com} ،

✓ ومثل هذا التسخين يتحقق على حساب نقل الطاقة إلى الشبكة البليورية، ومن ثم على حساب تبريد وصلة الاتصال. جرت هنا دراسة الانتقالات إلى مستوى فيرمي للمعدن ومنه، لأن الإلكترونات المساهمة في الناقلة الكهربائية، وفي الحركة الحرارية، في المعدن هي الإلكترونات المتوضعة بجوار مستوى فيرمي فقط. فضلاً عن ذلك، يمكن شرط التوازن

وبيناميكي لأي جملتين متصلتين مع بعضهما البعض في تساوي كمونهما الكيميائي (مستوى فيرمي) بحيث تتوضع حاملات الشحنة في نصف ناقل إلكتروني غير متصل فوق مستوى فيرمي E_c بكثير والمشترك بين نصف الناقل والمعدن المتصل معه. درجتان

يمكن تصور مقدار ΔE_{com} الداخلي في العلاقة (1) بالشكل الآتي: درجتان

$$\Delta E_{com} = E_c - E_f + E_f . \quad (2)$$

حيث E_f الطاقة الحرارية الوسطية لغاز إلكتروني غير متصل، لأن معظم الجسيمات من أجل غاز كهذا تمتلك سرعات حرارية قريبة من السرعة الوسطية. درجتان

▪ يُتخذ عادةً قاع عصابة الناقلة بمثابة مستوى، حيث تساوي الطاقة الحرارية للكترونات الناقلة الصفر، أي أن الطاقة الكلية للكترونات في قاع عصابة الناقلة تتألف من الطاقة الكامنة فقط. درجتان

▪ ومن ثم نحسب E_f من E_c نحو الأعلى وتعُد طاقة حرارية للكترونات الناقلة.

▪ وفي إطار هذا حساب، نجد أن: درجتان

$$E_f = (r + 2) k_B T . \quad (3)$$

حيث تُعين الكمية r من العلاقة الآتية: درجتان

$$l = C E^r . \quad (4)$$

حيث l طول المسار الحر الوسطي،

و E الطاقة الكلية لحامل الشحنة،

و r دليل أسي يمثل رتبة الطاقة،

و C ثابت يشمل جميع المقادير الأخرى الدالة في هذه العلاقة.

تُستنتج علاقة القوة الدافعة الكهراحرارية من نظرية التبعثر حيث يؤكد أن قيمة الدليل r تقع في المجال الآتي تبعاً لآلية

التبعثر: 3 درجات

$$0 \leq r \leq 2 . \quad (5)$$

1. فعند التبعثر على الاهتزازات الصوتية للشبكة $r = 0$.

2. وعند التبعثر على الاهتزازات الضوئية للشبكة الأيونية $r = 1$.

3. وعند التبعثر على أيونات الشبكة البلورية $r = 2$.

نحصل من جملة المعادلات (3)-(5) على المعادلة الآتية: درجة واحدة

$$\Delta E_{com} = E_c - E_f + (r + 2) k_B T = \alpha T e . \quad (6)$$

نُعين الفارق $(E_c - E_f)$ من العلاقة (6) الآتية:

$$n_0 = N_c e^{-\frac{E_c - E_f}{k_B T}} ,$$

حيث نجد أن: درجة واحدة

$$E_i - E_{i_0} = k_B T \ln \frac{N_i}{N_{i_0}} \quad (7)$$

يمكن في هذه الحالة أن نعرض عن هذا الفارق في المعادلة (6) ونحصل على المساواة الآتية:

$$\alpha = \frac{k_B}{e} \ln \frac{N_i}{N_{i_0}} + (r + 2) k_B T \quad \text{درجة واحدة} \quad (8)$$

إذا أخذنا بالحسبان الشرط $0 < \alpha$ من أجل نصف تاقل إلكتروني، فلا بد من وضع إشارة "سالب" أمام الطرف الأيمن من المساواة الأخيرة، إن، من أجل نصف تاقل إلكتروني تأخذ علاقه بيكاريتكا الشكل الآتي:

$$\alpha = \frac{k_B}{e} \left(r + 2 + \ln \frac{N_i}{N_{i_0}} \right) \quad (9)$$

ومن نصف تاقل ثقبي الشكل الآتي:

$$\alpha_p = \frac{k_B}{e} \left(r + 2 + \ln \frac{N_p}{N_{p_0}} \right) \quad (10)$$

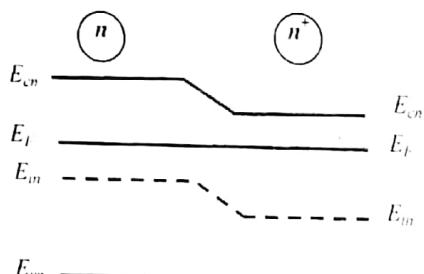
إن العلاقتين (9) و (10) تتفقان جيداً مع التجربة، فضلاً عن أن قيم α يمكن أن تبلغ بضعة ميلي فولطات لكل درجة منوية ($mV/^\circ C$) من أجل أنصاف التواقيف وفريبيه من بضعة ميكرو فولطات لكل درجة منوية ($\mu mV/^\circ C$) من أجل الأزواجه المعدنية. وتبعداً لهاتين العلاقتين، لا تتعلق قيمة α في نصف التاقل بالمعدن الذي يتصل معه. ولهذا السبب يمكن أن يدور الحديث حول T -emf لنصف التاقل نفسه من دون الإشارة إلى المعدن الذي ثُعِنَ بالنسبة له. درجتان توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: (36 درجة)

أولاً- الوصلة $n-n$ m الحادة هي حالة خاصة للوصلة $n-n$ السميكة التي ينفصل فيها المجال m والمجال n بمحال ناقليته الكهربائية ذاتية (1)، وتكون أهمية هذا النوع من الوصلات كمفورمات جهد في قدرتها على تحمل جهد عكسى كبير بعضل وجود الطبقية الذاتية ذات المقاومة العالية. 4

ثانياً- ترمز لمحال نصف التاقل الإلكتروني الذي يكون تركيز المانحات فيه عالياً بالرمز $n-n$ لمجال نصف التاقل الثقبى الذي يكون فيه تركيز الأحداث عالياً بالرمز m ، فإذا تشكل في نصف التاقل من النوع $n-n$ مجال m ، فإن الحديث يدور عن الوصلة $n-n$ m وإذا تشكل في نصف التاقل من النوع m مجال m ، فإن الحديث يدور عن الوصلة $n-n$ m 4 * الوصلة المتعاكسة $n-n$ m هي وصلة مولعة من مادتين نصف ناقليتين متماثلتين بالناقلية و مختلفتين بالفجوة الطاقية. 2 *

* الوصلة المتعاكسة $n-n$ هي وصلة مولعة من مادتين نصف ناقليتين مختلفتين بالناقلية والفجوة الطاقية. 2

الشكل المجاور مخطط للعصابات الطافية للوصلة n^-n^+ في حالة التوازن، أي عندما $V=0$ ، على



بروية فيرمي في هذه الحالة في كامل الوصلة المدروسة أفقاً أي ثابتة في كامل الحجم. ولذلك، فإن العلاقة الآتية محققة: 2

$$2 \quad (E_{en'} - E_f) < (E_{en} - E_f); \quad (1)$$

يعين فرق الكمون التماسي في الوصلة n^-n^+ من العلاقة الآتية: 2

$$eV_c = (E_f - E_{m'}) - (E_f - E_m). \quad (2)$$

2 مخطط العصابات الطافية للوصلة n^-n^+

ولدينا من جهة أخرى: 4

$$n_0^+ = n_i \exp\left(\frac{E_f - E_{m'}}{k_B T}\right); \quad (3)$$

$$n_0 = n_i \exp\left(\frac{E_f - E_m}{k_B T}\right).$$

نحصل على الفارقين الطاقيين الآتيين من خلالأخذ لغاريتم طرفي العلاقتين الأخيرتين وإعادة ترتيب الناتجين: 2

$$E_f - E_m = k_B T \ln \frac{n_0}{n_i} \quad \text{و} \quad E_f - E_{m'} = k_B T \ln \frac{n_0^+}{n_i}; \quad (4)$$

ومن ثم، بالتعويض عن هاتين الكميتين في المعادلة (1)، نحصل على فرق الكمون التماسي الآتي: 2

$$eV_c = k_B T \ln \frac{n_0^+}{n_0}. \quad (5)$$

وهكذا نلاحظ من الشكل المرافق من أجل الوصلة n^-n^+ تقوس للعصابات الطافية وفرق كمون تماسي V_c مختلف عن الصفر. 2

في الواقع، لا تُعد الوصلة طبقة مفقلة (ليست فقيرة بالحاملات الأساسية للشحنة)، أي لا تتصف عملياً بالخصائص التقويمية. ولكن، وفي كل الأحوال، تتوافر فيهما بعض الناقليات الكهربائية الامتناظرة. 2 تتصف مثل هذه الوصلات بخاصية غاية في الأهمية، تكمن في عدم وجود حقن للحاملات الأساسية للشحنة عملياً في الجزء العالى المقاومة؛ فمثلاً إذا شُلِطَ على المجال n^+ كمون سالب وعلى المجال n^- كمون موجب، فيلاحظ انتقال للإلكترونات، أي للحاملات الأساسية للشحنة.

وفي حال تطبيق جهد خارجي على المجال عالى المقاومة بقطبية معاكسة للقطبية السابقة، سوف تتحقق الثقوب، ولكن بما أن تركيزها قليل جداً في المجال n^+ ، فيمكن إهمال حقن كهذا.

وبهذا الطريقة، يتم الحصول على تماسات أومية حاقدة لحاملات الشحنة. ويستخدم تعزيز إضافي للطبقة السطحية بالمانحات من أجل الجermanيوم على وجه الخصوص؛ لأنّه يستعمل القصدير أو الرصاص مع إضافات من الأنتموان وشوابن أخرى أو من دون هذه الإضافات. 4

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث (١٩ درجة) أولاً-

$$R_0 = \gamma_r n_0 p_0 = \gamma_r n_r^2 ,$$

حيث γ_r معامل تناوب، يسمى معامل إعادة الاتصال، و n_0 و p_0 التركيز المتساوٍ للإلكترونات والثقوب في نصف الناقل، على الترتيب.

ثلاًث درجات

درجة واحدة

$$R_0 = \gamma_r n p .$$

استناداً إلى معادلة الاستمرارية في غياب التيار الكهربائي المعطاء:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{\partial p}{\partial t} = G_0 - \gamma_r n p , \quad (1)$$

يمكن كتابة العلاقة الآتية:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r n p = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r (n_0 + \Delta n) (p_0 + \Delta p) .$$

$$\therefore \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 \Delta p + p_0 \Delta n + \Delta n \Delta p) . \quad (2)$$

درجتان

وإذا أخذنا بالحساب أن $\Delta n = \Delta p$ ، في ظروف حقن بمستوى منخفض، تصبح المعادلة (2) من الشكل:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 + p_0) \Delta n = -\frac{\Delta n}{\tau_r} , \quad (3)$$

حيث

$$\tau_r = \frac{1}{\gamma_r (n_0 + p_0)} . \quad (4)$$

إن فترة الحياة اللامتساوية هذه، لا تتغير في أثناء عملية إعادة اتحاد الحاملات اللامتساوية للشحنة، مما يعني أنها توافق إعادة الاتصال الخطى التي يُعد التركيز الفائض فيها تابعاً أساساً للزمن:

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{t}{\tau_r}} .$$

وعندما يكون مستوى حقن الحاملات اللامتساوية عالياً، أي إذا تحققت المترادفة $(n_0 + p_0) \gg \Delta n$ ، نحصل تبعاً للمعادلة (2)، على العلاقة الآتية:

$$\frac{\partial \Delta n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad \text{أو} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad (5)$$

بهذا الشكل، يكون المقدار $\frac{\partial n}{\partial t}$ تابعاً تربيعياً بالنسبة للتركيز الفائض للإلكترونات، Δn . وتدعى إعادة الاتصال عندها، بإعادة الاتصال التربيعية.

درجتان

وبتكامل طرفي المعادلة (5) نحصل على قانون تغير Δn الآتي في حالة إعادة الاتصال التربيعي:

$$\Delta n = \frac{(\Delta n)_0}{1 + \gamma_r t (\Delta n)_0} . \quad (6)$$

يأخذ القانون (6) شكل قطع زائد هنا، ويتحول إلى شكل أسي خلال فترة من الزمن بعد إزالة توليد حاملات الشحن، إذ تُخرج المترادفة $(n_0 + p_0) \gg \Delta n$ بعد انقضاء هذه الفترة، أي عندما ينخفض التركيز الفائض إلى قيمة، توافق مستوى الحقن المنخفض.

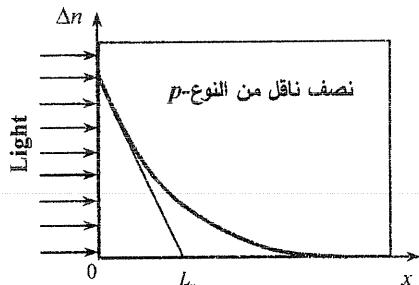
أ. د. حسن عبد الكريم سليمان



السؤال الأول: (20 درجة)

انطلاقاً من شرط التوازن الترموديناميكي في نصف ناقل من النوع-p ذو تدرج طولي لتركيز التقوب وقانون بولتزمان من أجل شحنة تتسلق حاجز كمون $e\varphi$ نتيجةً لحركتها الحرارية استنتاج علاقة اينشتاين (مع شرح مرحل الاستنتاج بالتفصيل) التي تربط بين معامل انتشار التقوب بحركتها.

السؤال الثاني: (30 درجة)



لندرس عينة نصف ناقلة من النوع-p، تضاءء جانبياً بشكل متواصل، كما يظهر في الشكل المجاور، ونفرض أن مستوى الحقن فيها منخفض، وتعطى معادلة الاستمرارية من أجل الإلكترونات بالشكل: $\frac{\partial n}{\partial t} = G_n - \frac{\Delta n}{\tau_n} + \frac{1}{e} \operatorname{div} \vec{j}_n$ ، والمطلوب:

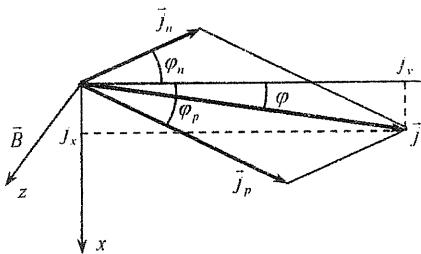
أولاً- تفسير سبب ظهور شحنة حجمية سالبة في عمق العينة المدروسة.

ثانياً- استنتاج قانون تغير تركيز الحاملات الأساسية واللامتوازنة للشحنة على فرض

عدم وجود توليد للحاملات اللامتوازنة للشحنة وغياب الحقول الكهربائية في عمق نصف الناصل (حيث $0 \neq x$)، ثم استنتاج علاقة طول انتشار الحاملات اللامتوازنة للشحنة.

ثالثاً- تعريف طول الانتشار ثم حساب قيمته من أجل Si علماً بأن $D_n = 160 \text{ cm}^2/\text{s}$ و $\tau_n = 1 \mu\text{s}$.

السؤال الثالث: (20 درجة)



لندرس عينة نصف ناقل لها شكل متوازي مستطيلات ناقليته مختلطة يجري فيها تيار كهربائي من اليسار نحو اليمين وموضعه في حقل مغناطيسي خارجي \vec{B} ، تتجه تحريرضية في اتجاه عمودي على اتجاه التيار، والمطلوب:

أولاً- وصف ماذا يحدث لمتجه كثافة التيار الكلي.

ثانياً- تبعاً للشكل المجاور تعطى علاقتاً كثافة التيار \vec{j}_n أو \vec{j}_p بالقيم المطلقة بالشكل $j_n = j_p \cos \varphi_p + j_p \cos \varphi_n$ و $j_p = j_p \sin \varphi_p + j_p \sin \varphi_n$ ؛ استنتاج العلاقاتين اللتان تصفان كل من زاويتي انحراف كثافة تيار الإلكترونات وكثافة تيار التقوب. ثالثاً- استنتاج علاقة زاوية الدوران φ .

السؤال الرابع: (20 درجة)

عند دراسة نظرية الانتشار في ظاهرة التقويم الكهربائي تعطى كثافة التيار الإجمالي في طبقة مقلبة سميكة لنصف ناصل إلكتروني بالمعادلة $j = en\mu_n \frac{d\varphi}{dx} + eD_n \frac{dn}{dx}$ ، التي تصف العلاقة بين التيار والكمون الكهرباسكين؛ والمطلوب إثبات أن معادلة الصفة المميزة (فولط-أمير) تأخذ الشكل $(1 - e^{(eV_c/k_B T)}) n_s = n_0 e^{(eV_c/k_B T)}$ ، علماً بأن الشروط الحديثة هي: $n(d_n) = n_0$ ، $\varphi(d_n) = 0$ و $n(0) = n_s = n_0 e^{-(eV_c/k_B T)}$ والمساواة الآتية محققة في شرط التوازن:

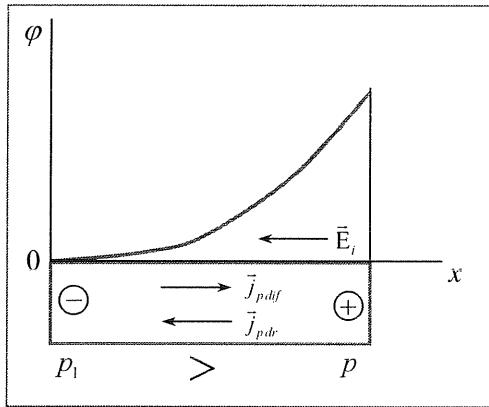
ملاحظة: للرموز المستخدمة مدلولاتها الفيزيائية المعروفة

تمنياتي للجميع التوفيق والنجاح

طرطوس في 23/07/2019

أ. د. حممن سليمان

توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول (20 درجة)



إذا كان تركيز التقوب من جهة اليسار p_1 ، في الشكل المجاور أكبر من تركيزها من جهة اليمين p ، فإن تيار الانتشار سيتخذ اتجاهًا يبدأ من يسار العينة وينتهي في يمينها.

درجات مع الرسم

سينقل تيار الانتشار التقوب من اليسار إلى اليمين ويستمر بذلك ما لم ينشأ حقل داخلي \bar{E} ، بتلك القيمة التي من أجلها يتساوى تيار الانتشار المقابل (الناتج عن الحقل ذاته) مع تيار الانتشار (شرط التوازن الديناميكي).

وعليه، فإن:

$$(1) \quad j_p = -ep\mu_p \frac{\partial \varphi}{\partial x} - eD_p \frac{\partial p}{\partial x} = 0 , \quad \text{درجة واحدة}$$

لأخذ مبدأ حساب الكمون الكهرباسكين φ ، كما في الشكل المجاور ، بحيث تعتبر قيمته في النهاية اليسرى من العينة متساوية الصفر . درجة واحدة يجب على التقوب المشاركة في تيار الانتشار أن تتسلق (تصعد) حاجز كمون $e\varphi$. درجة واحدة

لدينا من المعادلة (1)

$$(2) \quad \frac{\partial p}{p} = -\frac{\mu_p}{D_p} \partial \varphi ; \quad \text{درجات}$$

وبتكامل طرفي المعادلة الأخيرة نحصل على الحل الآتي بالنسبة لتركيز التقوب p :

$$\int_{p_1}^p \frac{dp}{p} = -\frac{\mu_p}{D_p} \int_{p_1}^p d\varphi ;$$

$$\ln p - \ln p_1 = -\frac{\mu_p}{D_p} (\varphi_p - \varphi_{p_1})$$

$$\ln \frac{p}{p_1} = -\frac{\mu_p}{D_p} (\varphi_p - \varphi_{p_1})$$

$$p = p_1 e^{-\frac{\mu_p}{D_p} \varphi} ; \varphi_p = \varphi .$$

ومن جهة أخرى ، يمكننا من خلال تطبيق قانون بولتزمان ، من أجل شحنة تتسلق حاجز كمون ارتفاعه $e\varphi$ نتيجة حركتها الحرارية ، درجة واحدة كتابة المعادلة الآتية :

$$(4) \quad p = p_1 e^{-\frac{e\varphi}{k_B T}} . \quad \text{درجة واحدة}$$

ويؤدي هذا التركيز متوازناً ترموديناميكياً أيضًا ، درجة واحدة طالما أن قانون بولتزمان يوافق حالة توازن.

ولكن ، بما أنه لدينا شحنات حجمية ، فإننا نرمز لهذا التركيز بالرمز p_0 بدلاً من p_1 . درجة واحدة

$$\frac{\mu_p}{D_p} = \frac{e}{k_B T} \quad \text{درجة واحدة} \quad (3) \quad \text{ونحصل من مقارنة المعادلين (3) و (4) مع بعضهما البعض على معادلة اينشتاين من أجل التقوب الآتية:}$$

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني (30 درجة)

أولاً- 8 درجات

- إن الضوء المسلط على العينة المدروسة هنا يولّد الإلكترونات وثقوب على حساب تأين المادة الأساسية للعينة،
- أي نتيجة انقال الإلكترونات عبر الفجوة الطافية.
- ونتيجة الاختلاف الكبير في تركيز الحاملات الأساسية للشحنة (الإلكترونات هنا) عند سطح نصف الناقل وفي حجمها يلاحظ انتشارها نحو عمق نصف الناقل،
- وهذا يؤدي إلى ظهور شحنة حجمية سالبة في عمقه.
- إلى جانب ظهور شحنة حجمية سالبة في عمق نصف الناقل يجري انجداب للثقوب إلى ذلك العمق بسبب استرخاء مكسوبل.
- ولذلك، فإن الحاملات الأساسية للشحنة (الإلكترونات) تجذب معها في أثناء انتشارها إلى عمق نصف الناقل كمية من الحاملات الأساسية للشحنة (الثقوب)،
- ومن ثم يُصان شرط الاعتدال الكهربائي في حجم نصف الناقل؛
- فمع اقتراب الإلكترونات والثقوب من عمق نصف الناقل سيعاد اتحادها، ومن ثم سيتلاصص تركيزها.

ثانياً- لإيجاد قانون تغير تركيز الحاملات الأساسية اللامتوازنة للشحنة نبدأ من معادلة الاستمرارية:

تدل معطيات المسألة على أنه لا يوجد توليد للحاملات اللامتوازنة للشحنة $0 = G_n$ في عمق نصف الناقل (من أجل $0 \neq x$)، كما تعجب الحقول الكهربائية ($E = 0$). والإضافة ثابتة، مما يمكننا من وضع $0 = \frac{\partial n}{\partial t}$ في أي مقطع، $0 \neq x$ ، في عمق نصف الناقل. درجتان

$$\frac{\Delta n}{\tau_n} = \frac{1}{e} (e D_n \nabla^2 n) \quad \text{درجتان}$$

في هذه الحالة تؤول معادلة الاستمرارية المعطاة إلى الشكل الآتي:

$$\nabla^2 \varphi = 0 \quad \text{درجتان} + \text{درجة واحدة} \quad \text{وبما أن:} \quad n = n_0 + \Delta n \quad \text{حيث} \quad \nabla^2 n = \frac{\partial^2 (\Delta n)}{\partial x^2}$$

$$\frac{\Delta n}{\tau_n D_n} = \frac{\partial^2 (\Delta n)}{\partial x^2} \quad \text{تصبح المعادلة (1) من الشكل}$$

$$\Delta n = C_1 e^{\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}} + C_2 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}} \quad \text{ولهذه المعادلة حل عام من الشكل:}$$

ولكن، بما أن $\Delta n \rightarrow 0$ عند ازدياد x ، يتضح حتمية تحقق المساواة $0 = C_1$.

$$\Delta n = C_2 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}} \quad \text{وعيه فإن:}$$

نوجد قيمة الثابت C_2 ، بوضع $x = 0$ في المعادلة الأخيرة، فنجد أن قيمته تساوي $(\Delta n)_0$ ،

$$(\Delta n)_0 \equiv \Delta n|_{x=0} = C_2 e^0 = C_2 \quad \text{درجتان} \quad \text{ومنه:}$$

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}} \quad \text{درجتان}$$

يدعى المقدار $L_n = \sqrt{D_n \tau_n}$ طول انتشار الحاملات اللامتوازنة والأساسية في نصف الناقل الثقبى ويُعرف بأنه المدى الذي يتلاصص خلاله التركيز الفائق من الحاملات اللامتوازنة والأساسية للشحنة (الإلكترونات في الحالة الراهنة) بمقدار e مرة. درجتان

ثالثاً- يبلغ طول انتشار الإلكترونات L_n من أجل عينة من Si من النوع-p، ضمن معطيات المسألة ($D_n = 100 \text{ cm}^2/\text{s}$)

$$L_n = \sqrt{160 (10^{-2})^2 (10^{-6})} \cong 1.27 \times 10^{-4} \text{ cm} = 1.27 \times 10^{-6} \text{ m} = 1.27 \mu\text{m} \quad \text{القيمة} \tau_n = 10^{-6} \text{ s} = 1 \mu\text{s} \quad \text{درجتان}$$

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث (20 درجة)

يكون لدينا استناداً إلى الشكل المعطى علاقة ظل زاوية (صغيرة) φ من الشكل الآتي:

$$\tan \varphi = \frac{j_x}{j_y} \approx \varphi, \quad (1)$$

حيث j_x و j_y مركبتي متجه التيار الكلي على المحورين x و y على الترتيب (أي القيمتان المطلقتان لجميع الكميات).

ومن جهة أخرى يمكننا كتابة علاقة مركبة كثافة التيار j_y الآتية:

$$j_y = j_p \cos \varphi_p + j_n \cos \varphi_n = e(p\mu_p + n\mu_n)E \equiv \sigma E, \quad (2)$$

حيث أن $1 = \cos \varphi_p = \cos \varphi_n$ على اعتبار أن الزاويتين φ_p و φ_n صغيرتان،

لكونهما تدرسان في حالة الحقول المغناطيسية الضعيفة \vec{B} .

ومركبة كثافة التيار j_x تكتب بالشكل الآتي:

$$j_x = j_p \sin \varphi_p + j_n \sin \varphi_n = j_p \varphi_p + j_n \varphi_n, \quad (3)$$

حيث أن $\sin \varphi_p = \varphi_p$ و $\sin \varphi_n = \varphi_n$ ، وذلك بحكم صغر الزاويتين φ_p و φ_n .

يمكن التعبير عن هاتين الزاويتين من المخططين المتجهيين الموضعين في الشكل المعطى. إذ يوافق هذا الرسم حالة التوازن الديناميكي وبلغ حقل

هول قيمة مستقرة.

إذن، لدينا:

$$\tan \varphi_p = \frac{E_{xp}}{E} = \frac{E_{xp}}{j_p / ep\mu_p} \approx \varphi_p; \quad (4)$$

$$\tan \varphi_n = \frac{E_{xn}}{E} = \frac{E_{xn}}{j_n / en\mu_n} \approx \varphi_n. \quad (5)$$

كما يمكن الاستفادة من المعادلة (2) والتعبير عن الحقل E وفق الآتي:

$$E = \frac{j_n}{\sigma_n} = \frac{j_n}{en\mu_p}; \quad (6)$$

$$E = \frac{j_p}{\sigma_p} = \frac{j_p}{ep\mu_p}. \quad (7)$$

وتبعاً للعلاقة (7) ومفعول هول من أجل نصف الناقل المدروس نستطيع كتابة العلاقتين:

$$E_{xp} = \frac{A}{ep} \frac{I_p B}{ab} = \frac{A}{ep} j_p B; \quad (8)$$

$$E_{xn} = -\frac{A}{en} \frac{I_n B}{ab} = -\frac{A}{en} j_n B. \quad (9)$$

وبالتعويض عن المعادلات (18-20)-(21-20) في جملة المعادلتين (3) و (4) نجد أن:

$$\varphi_p = \frac{E_{xp}}{E} = \frac{A}{ep} \frac{j_p B}{j_p / ep\mu_p} = A\mu_p B; \quad (10)$$

$$\varphi_n = \frac{E_{xn}}{E} = -\frac{A}{en} \frac{j_n B}{j_n / en\mu_n} = -A\mu_n B. \quad (11)$$

ولإيجاد زاوية الدوران الإجمالية، φ ، نعرض عن العلاقات (10) و (11) في العلاقات (2) و (3) على الترتيب، حيث نجد أن:

$$\text{درجات} \quad j_x = j_p (A\mu_p B) + j_n (-A\mu_n B) = ep\mu_p E (A\mu_p B) + en\mu_n E (-A\mu_n B)$$

ومن ثم

$$\text{درجة واحدة} \quad j_x = eA (p\mu_p^2 - n\mu_n^2) E B, \quad (12)$$

ومن ثم نعرض العلاقات (2) و (6) في علاقة دوران φ ، أي في المعادلة (1)، فنجد:

$$\text{درجات} \quad \varphi = \frac{j_x}{j_y} = \frac{eA (p\mu_p^2 - n\mu_n^2) E B}{e (p\mu_p + n\mu_n) E} = A \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{p\mu_p + n\mu_n} B. \quad (13)$$

توزيع الدرجات على جواب السؤال الرابع (20 درجة)

نضرب طرفي المعادلة المعطاة بالتتابع الأسني $e^{\frac{e\varphi}{k_B T}}$ ، ونستخدم علاقة اينشتاين، $eD_n = \mu_n k_B T$ ، ونفترض الكمية $e\varphi$ موجبة فنجد:

$$\text{درجات} \quad j e^{\frac{e\varphi}{k_B T}} = n\mu_n e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \frac{d(e\varphi)}{dx} + \mu_n k_B T e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \frac{dn(x)}{dx}, \quad (1)$$

يمكن كتابة المعادلة (1) على شكل مشتق، فتصبح من الشكل الآتي:

$$\text{درجات} \quad j e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} = \mu_n k_B T \frac{d}{dx} \left[n e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \right], \quad (2)$$

وبتكامل طرفي المعادلة (2) في حدود الطبقة المقلدة، حيث تكون كثافة التيار، j ، مستقلة عن الموضع x ، نجد:

$$\text{درجات} \quad j \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \mu_n k_B T \int_0^{d_n} \frac{d}{dx} \left[n e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \right] dx \quad (3)$$

ومن ثم

$$\text{درجات} \quad j = \mu_n k_B T \left[n(d_n) e^{\frac{e\varphi(d_n)}{k_B T}} - n(0) e^{\frac{e\varphi(0)}{k_B T}} \right] / \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx$$

وباستعمال علاقة تركيز الإلكترونات في شروط التوازن، وضمن الشروط الحدية المعطاة تأخذ المعادلة الأخيرة الشكل الآتي:

$$\text{درجات} \quad j = \mu_n k_B T \left[n_0 - n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}} \cdot e^{\frac{e(V_c - V)}{k_B T}} \right] / \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \mu_n k_B T \left[n_0 - n_0 e^{-\frac{eV}{k_B T}} \right] / \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx. \quad (4)$$

ولحساب مقام الكسر في المعادلة (4) نستبدل المتتحول x بآخر:

$$\text{درجات} \quad \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \left(\frac{d\varphi}{dx} \right)^{-1} d\varphi. \quad (5)$$

إن التابع $e^{e\varphi(x)/k_B T}$ يزداد بسرعة بارتفاع الكمون، $(x)\varphi$ ، وتكون المساهمة الكبرى من نصيب المجال الموافق للمساواة التقريرية $\varphi_s \approx \varphi$ ، إذ توافق هذه القيمة للكمون المساواة:

$$\text{درجة واحدة} \quad \left(\frac{d\varphi}{dx} \right)_{x=0}^{-1} = -\frac{1}{E_s}. \quad (6)$$

وفقاً لهذه الاعتبارات من الممكن إخراج المقدار $\left(\frac{d\varphi}{dx} \right)^{-1}$ ، الذي يأخذ الشكل العلاقة (6)، خارج إشارة التكامل في المعادلة (5)، فنحصل على

المعادلة الآتية:

$$\begin{aligned}
 \text{درجتان} \quad & \int_0^{\varphi_s} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \frac{1}{E_s} \int_0^{\varphi_s} e^{\frac{e\varphi}{k_B T}} d\varphi = \frac{k_B T}{e E_s} \left(e^{\frac{e\varphi_s}{k_B T}} - 1 \right). \\
 \text{درجة واحدة} \quad & \frac{e\varphi_s}{k_B T} = \frac{e(V_s - V)}{k_B T} \gg 1
 \end{aligned} \tag{7}$$

ولهذا السبب، يمكننا إهمال الواحد في المعادلة (7) بالمقارنة مع التابع الأسني، وعندما يمكن كتابة المساواة الآتية:

$$\text{درجتان} \quad \int_0^{\varphi_s} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \frac{k_B T}{e E_s} e^{\frac{e(V_s - V)}{k_B T}}. \tag{8}$$

إذن، بالتعويض عن المعادلة (8) في المعادلة (3) نحصل على علاقة الصفة المميزة فولط-أمبير لطبقة مقلة سميكة حيث تأخذ الشكل الآتي:

$$\text{درجتان} \quad j = e \mu_n E_s n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}} \left(e^{\frac{eV}{k_B T}} - 1 \right) = e (v_{dr})_s n_s \left(e^{\frac{eV}{k_B T}} - 1 \right).$$

حيث حاصل الضرب $\mu_n E_s$ ليس سوى سرعة انسياق الإلكترونات، v_{dr} ، في الحقل E_s .

أ. د. محمد سليمان

مكتبة
Aton

السؤال الأول: (25 درجة)

لتفرض أن نصف ناقل إلكتروني معزول يقع عند إضاعته في حالة مستقرة ويحقق المترابحة $n_0 > \Delta n$ ، وتنسق حالة التوازن فيه وتصبح الكثافة الكلية للتيار صفراء والمطلوب:

أولاً- كتابة معادلة كثافة الكلية للتيار (مع ذكر المسميات) ثم إيجاد علاقة الحقل الكهربائي المتشكل في نصف الناقل المدروس وفق المحور x مسقidaً من علاقة اينشتاين.

ثانياً- إيجاد معادلة تقاضلية من أجل Δn ثم استنتاج علاقة طول حجب ديبا في نصف الناقل المدروس.

ثالثاً- كتابة المعادلة الناتجة في الطلب الثاني بدلالة طول حجب ديبا وكتابة حلها العام ثم مناقشة الحل من أجل الشروط الحدية. أخط تفسيراً فيزيائياً للنتيجة التي تحصل عليها.

رابعاً- ما هي رتبة طول حجب ديبا في أنصاف النواقل عموماً؟.

السؤال الثاني: (25 درجة)

أثبت أن المعادلة $f_0 + eE\tau v_x = f$ تُعد إحدى الأشكال الممكنة لكتابه معادلة بولتزمان الحركية من أجل غاز إلكتروني وذلك انتلاقاً من أن تغير تابع توزيع حاملات الشحنة تحت تأثير حقل شنته \vec{E} يتوجه وفق المحور x من أجل

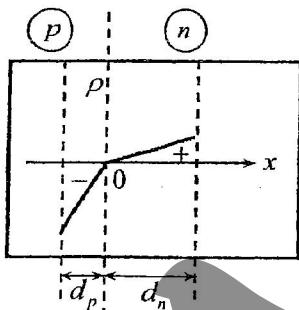
$$\left(\frac{df}{dt} \right)_E = \frac{\partial f}{\partial t} + \frac{df}{dp_x} \cdot \frac{dp_x}{dt}$$

السؤال الثالث: (40 درجة)

ليكن لدينا وصلة $n-p$ سلسة Smooth Junction وغير متاظرة، كما يوضح الشكل المجاور لتغير كثافة الشحنة الحجمية في كل من جزليها، والمطلوب:

أولاً- أشرح منهوم الشحنة الحجمية ثم ذكر متى يقال عن الطبقة المقلقة أنها مسمكة ومتى يقال أنها رقيقة.

ثانياً- كتابة كل من علاقة كثافة الشحنة الحجمية ومعادلة بواسون في المجالين الإلكتروني والتقطي بدلالة تدرج تركيز الشوائب في كل منها (على فرض أنها تأبنت بشكل كامل).



ثالثاً- استنتاج علاقتي للحقل الكهربائي \vec{E} والكمون الكهربائي ϕ في الجزء الإلكتروني والتقطي من الوصلة $n-p$ السلسة ورسم المنحنيات البيانية الموافقة لها. مادا تستنتج؟.

رابعاً- نقاش النتائج التي تحصل عليها من أجل الوصلة المدروسة إذا كانت متاظرة واستنتاج في أثر ذلك علاقة المسماكة الكلية لهذه الوصلة؟.

بالتفصيل والنجاح

طرطوس في 09/06/2019

أ. د. حسن عبد الكريم سليمان

$$j = en\mu_n E_i + eD_n \frac{\partial n}{\partial x}$$

تكون الكثافة الكلية للتيار في حالة التوازن صفرأ:

$$j = en\mu_n E_i + eD_n \frac{\partial n}{\partial x} = 0,$$

حيث يمثّل الحد الأول كثافة تيار الانسياق والحد الثاني كثافة تيار الانتشار

4 درجات

ثُمَّ إن $E_i = E_x$ في هذه العلاقة، لأن المحور x موجة عمودياً على السطح.

ويستخدم علاقه اينشتاين من أجل الإلكترونات، $\frac{\mu_n}{D_n} = \frac{e}{k_B T}$ ، نحصل على علاقه الحقل الداخلي: $1 + 1 + 1 + 1$

$$E_i = -\frac{k_B T}{en} \frac{\partial n}{\partial x}.$$

$$\partial(n_0 + \Delta n) = \partial(\Delta n),$$

ولكن، طالما أن

4 درجات

$$E_i = -\frac{k_B T}{e(n_0 + \Delta n)} \frac{\partial(\Delta n)}{\partial x} \approx -\frac{k_B T}{en_0} \frac{\partial(\Delta n)}{\partial x}.$$

تجد

ومنه، يمكن إيجاد تدرج الحقل E : $2 + 1 + 1 + 1$

$$\frac{\partial E_i}{\partial x} = -\frac{k_B T}{en_0} \frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial x^2}. \quad (1)$$

وطالما، جرى اختيار المحور x عمودياً على سطح نصف النايل، فلدينا:

$$\frac{\partial E_i}{\partial y} = \frac{\partial E_i}{\partial z} = 0$$

ونحصل من تطبيق معادلة بواسون من أجل نصف النايل المدروس على المعادلة

4 درجات

$$\operatorname{div} E_i = \frac{\partial E_i}{\partial x} = \frac{\rho}{\epsilon \epsilon_0} = -\frac{e \Delta n}{\epsilon \epsilon_0}. \quad (2)$$

وبمقارنة طرفي المعادنتين (1) و (2) نحصل على المعادلة الآتية: $1 + 1 + 1 + 2$

$$\frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial x^2} - \frac{e^2 n_0}{\epsilon \epsilon_0 k_B T} \Delta n = 0. \quad (3)$$

$$L_D = \sqrt{\frac{\epsilon \epsilon_0 k_B T}{e^2 n_0}}$$

ويadxال الرمز الآتى في المعادلة الأخيرة (3)

تقول المعادلة (3) إلى الشكل الآتى:

$$\frac{\partial^2(\Delta n)}{\partial x^2} - \frac{\Delta n}{L_D^2} = 0. \quad (4)$$

يمكن تصور الحل العام للمعادلة الأخيرة بالشكل

5 درجات

$$\Delta n = C_1 e^{\frac{x}{L_D}} + C_2 e^{-\frac{x}{L_D}}. \quad (5)$$

ومن أجل مجال غير مصاء في نصف الناول، تتناقص الكمية Δn عند الابتعاد نحو عمق نصف الناول، وبالتالي لا بد من وضع $0 = C_1$ ؛ وعندما يُصبح الحل (5) من الشكل 1

$$\Delta n = C_2 e^{-\frac{x}{L_D}}.$$

عندما $x = 0$ يكون لدينا $C_2 = (\Delta n)_0$ ، ولذلك نحصل على العلاقة الآتية: 1

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{x}{L_D}}. \quad (6)$$

وهكذا نجد، في حالة توافر ناقلة كهربائية أحادية القطبية، أن التركيز الفائض للحاملات اللامتوازنة (الأساسية) للشحنة تتناقص عند الابتعاد عن المجال المضاء، أسيّاً، بثابت تناقص، L_D ، يدعى طول (أو نصف قطر) الحجب ديبابي. 1 يتضح من العلاقة (4) أن طول ديبابي للحجب يتعلق بدرجة الحرارة والتركيز المتوازن لحاملات الشحنة (T و n_0). كما يصف طول حجب ديبابي تغير المكون في الطبقات تحت السطحية. 2

تجدر الإشارة هنا إلى أن مقارنة المعادلين $\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{x}{L_D}}$ و (6) مع بعضها البعض تجعلنا نستنتج أن امتداد حاملات الشحنة، في حالة ناقلة كهربائية أحادية القطبية، لمسافة تساوي طول الحجب L_D ، تتحقق خلال زمن استرخاء مكسوبل τ الذي يُعدُّ في الحالة الراهنة، زمناً فعالاً لاستعادة التوازن الانشراري - الانسيابي. 1

إن قيمة L_D من رتبة $\mu\text{m} = (1 - 0.01) \times 10^{-6} \text{ cm}$ في أنصاف النوافل وهي قيمة صغيرة جداً. 1 ويعتقد أنه على الرغم من حصول فصل للشحنة وتشكل شحنات حجمية، في حالة توليد حاملات أحادية القطبية، إلا أنه عملياً، يحصل تركيز مرفق للحاملات اللامتوازنة للشحنة في تلك المنطقة التي تجري فيها عملية توليدها، مما يعني حدوث عملية توليد حاملات بقطبية وحيدة وإعادة اتحادها في المجال ذاته من نصف الناقل.

توزيع الدرجات على جواب المسؤول الثاني: (25 درجة)

بما أن المشتق الزمني للاندفاعة p_x يساوي F_x ، فإن المعادلة الآتية تكون محققة من أجل الإلكترونات: 1

$$\frac{dp_x}{dt} = F_x = -e E. \quad (2)$$

وبالتالي، نحصل من المعادلة المعطاة والمعادلة (2) على المعادلة الآتية:

$$\left(\frac{df}{dt} \right)_E = \frac{\partial f}{\partial t} - e E \frac{df}{dp_x}. \quad (3)$$

يكون الحقل الخارجي E عادةً أقل بكثير من الحقل الداخلي للبؤرة، 1

ولذلك، فإن الحقل E يُسبب تغيراً ليس كبيراً نسبياً لتتابع التوزيع f بالمقارنة مع التابع المتوازن f_0 . 2

بهذا الشكل يمدونونا كتابة المعادلة: 1

$$f = f_0 + f_1, \quad (4)$$

حيث $f = f_0$ التابع توزيع فيرمي من أجل غاز متخل، 1

و $f_1 = f_{MB}$ التابع توزيع مكسوبل - بولتزمان من أجل غاز غير متخل، 1 و f_1 كمية إضافية صغيرة (اضطراب) ولكنها تُحدِّد عمليات النقل الكهربائي (الظواهر الحركية). 1

إذا فصل الحقل الخارجي، E ، في لحظة زمنية ما، يمكن عدّها مبدأ للحساب، فإن حالة التوازن ستعاد نتيجةً لتصادمات الإلكترونات مع المراكز المُبعثرة (أيونات ذرة شائبة، وفونونات، وعيوب، الخ)، 2

إذا لم يكن انحراف الجملة عن التوازن كبيراً فيمكن كتابة علاقة سرعة تغير تابع التوزيع f ، الناتج من التصادمات المشار إليها أعلاه، على أنها متناسبة طردياً مع مقدار الانحراف α (أي أن التاسب خطى):

$$1 \quad \left(\frac{df}{dt} \right)_{cm} = -\frac{f_1}{\tau} = -\frac{f - f_0}{\tau}, \quad (5)$$

حيث τ زمن استرخاء الجملة المدروسة.

وطالما أن تابع التوزيع f مستقل عن الزمن، فيمكننا كتابة المساواة:

$$1 \quad \frac{d(f - f_0)}{f - f_0} = -\frac{dt}{\tau}, \quad (6)$$

ومن ثم:

$$1 \quad f_1 = (f_0) e^{-\frac{t}{\tau}}, \quad (7)$$

حيث f_1 قيمة f في لحظة البدء $t = 0$ (لحظة تطبيق الحقل E). 1

في الحالة العامة، ينبع زمن الاسترخاء المتجه الموجي، $(\bar{k}) = \tau$ ، وشكل التابع يتعلق بأية التبعثر.

إذن، تجري في نصف الداير، في مكان تشكل حقل كهربائي، E ، عملية:

1. عملية تغير تابع توزيع حاملات الشحنة على الحالات تحت تأثير الحقل بسرعة $\left(\frac{df}{dt} \right)_E$ ؛

2. عملية استرخاء، تسعى بعودة الجملة إلى حالة التوازن بسرعة $\left(\frac{df}{dt} \right)_{cm}$.

ترسخ الحالة المستقرة عند توازن تلك العمليتين، أي عندما:

$$1 \quad \left(\frac{df}{dt} \right)_E = \left(\frac{df}{dt} \right)_{cm}.$$

ومن أجل الحالة الخاصة المتمثلة في تطابق اتجاه الحقل E مع اتجاه المحور x نحصل من المعادلين (3) و (5) على

العلاقة الآتية: 1

$$1 \quad -\frac{\partial f}{\partial t} + eE \frac{df}{dp_x} = \frac{f - f_0}{\tau(\bar{k})}.$$

ولكن طالما، أنشأنا نترسخ الحالة المستقرة، فإن تغير التابع f مع مرور الزمن، t ، يساوي الصفر: 1

$$1 \quad \frac{\partial f}{\partial t} = 0.$$

ومن ثم، نحصل من المعادلين (9) و (10) على المعادلة الآتية: 2

$$1 \quad f = f_0 + eE\tau \frac{\partial f}{\partial p_x}, \quad \text{أو} \quad f - f_0 = eE\tau(\bar{k}) \frac{\partial f}{\partial p_x}, \quad (11)$$

فيتمكن كتابة المعادلة (11) بالشكل:

$$2 \quad \boxed{f = f_0 + \frac{eE\tau}{m_u} \frac{\partial f_0}{\partial v_r}}. \quad (12)$$

ويالاتصال من تفاضل قابع التوزيع المتوازن بالنسبة للاقتداء إلى التفاضل بالنسبة للطاقة، E ، نحصل على المساواة

$$\text{المطلوبة } 2 \quad \partial E = m_n v_x \partial v_x = f_0 + eE \tau v_x \frac{\partial f_0}{\partial E}$$

توزيع الدرجات على جواب المسؤل الثالث (40 درجة)

تنتج الشحنة الحجمية من انتقال الحاملات الأكثيرة من كلا نصفين الناقلين إلى الطرفين الآخرين المقابل لكل منها. 2

يقال عن الطبقة المقللة أنها سميكه إذا تحقق الشرط $d \geq \bar{d}$ ويقال أنها رقيقة $d < \bar{d}$. 2

تساوي الكثافة الحجمية للشحنة الكهربائية في المجال الإلكتروني لوصلة $p-n$ سلسة إلى x ، حيث $A_n = eA_n x$ ، حيث $A_p = eA_p x$ حيث $\rho = eA_n x + eA_p x$ تدرج تركيز الشوائب المانحة التي يفترض أنها تأيت بأكملها، 2 وفي المجال الثقب A_p تدرج تركيز الشوائب الأذلة التي يفترض أنها تأيت بأكملها أيضاً. 2

وعندما تأخذ معادلة بواسون الشكل الآتي: 2+2

$$\frac{d^2\phi}{dx^2} = -\frac{eA_n}{\epsilon \epsilon_0} x \quad \& \quad \frac{d^2\phi}{dx^2} = \frac{eA_p}{\epsilon \epsilon_0} x$$

$$\frac{d^2\phi}{dx^2} = -\frac{\rho}{\epsilon \epsilon_0} = -\frac{eA_n}{\epsilon \epsilon_0} x$$

ومن تكامل طرفي المعادلة الأخيرة نحصل على المعادلة الآتية: 2

$$\frac{d\phi}{dx} = -\frac{eA_n}{2\epsilon \epsilon_0} x^2 + C_1.$$

ونحصل على قيمة الثابت من الشروط الحدية: 3

$$C_1 = \frac{eA_n}{2\epsilon \epsilon_0} d_n^2 \quad \text{عندما } x = d_n \quad \text{يكون } \frac{d\phi}{dx} = 0, \quad \text{ومن ثم:}$$

ومن ثم: 2

$$\frac{d\phi}{dx} = \frac{eA_n}{2\epsilon \epsilon_0} (d_n^2 - x^2) = -E.$$

ومرة أخرى نحصل من تكامل طرفي المعادلة الأخيرة على المعادلة الآتية: 2

$$\phi = -\frac{eA_n}{6\epsilon \epsilon_0} x^3 + \frac{eA_n d_n^2}{2\epsilon \epsilon_0} x + C_2.$$

إذا اعتبرنا مبدأ حساب الكهرباكن ϕ قيمته في المجال الإلكتروني خارج حدود الوصلة $p-n$ أي نضع في المستوى

$$3 \quad C_2 = -\frac{eA_n}{3\epsilon \epsilon_0} d_n^3 \quad \text{فإننا نحصل على قيمة ثابت التكامل } C_2:$$

ومن ثم تُصبح معادلة الكهرباكن في القسم الإلكتروني للوصلة سلسة من الشكل الآتي:

$$2 \quad \phi = -\frac{eA_n}{6\epsilon \epsilon_0} x^3 + \frac{eA_n d_n^2}{2\epsilon \epsilon_0} x - \frac{eA_n}{3\epsilon \epsilon_0} d_n^3. \quad (1)$$

وунدها تساوي القيمة المطلقة للكهرباكن ϕ عندما $x = 0$ إلى (التفصيل مطلوب هنا):

$$\phi = \phi_n = \frac{eA_n d_n^3}{3\epsilon \epsilon_0}.$$

وتحصل على علاقة الكهرباكن من أجل المجال الثقب للوصلة $p-n$ سلسة بطريقة مشابهة فنجد أن:

$$2 \quad \varphi_p = \frac{eA_p d_p^3}{3\epsilon \epsilon_0} \quad (\text{التفصيل مطلوب هنا})$$

تحصل على العلاقة العامة للكمون φ في المجال الثقبى للوصلة- $p-n$ ب اختيار مبدأ حساب φ بدءاً من مستوى الكمون الكهروساكن في الجزء المعتمد من المجال- p على شكله علاقة مشابهة للعلاقة (1)، ولكن مع الأخذ في الحساب التغيرات الموقعة للإشارة في كل حد من حدودها.

وفي هذا السياق إذا أبقينا مستوى الكمون φ في المجال الإلكتروني؛ على أنه مبدأ لحساب الكمون، فإن تبادل الشروط الحدية يعطي أيضاً إمكانية التعبير عن φ في المجال الثقبى.

إذا تحققت المساواة $A_n = A_p = A$ ، أي إذا كانت الوصلة- $p-n$ متناظرة، بحيث إن $d_n = d_p = d/2$ و

فإننا نحصل على المعادلة الآتية:

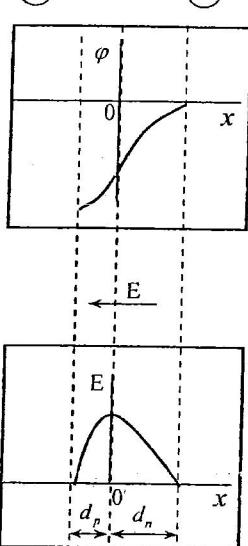
$$2 \quad \varphi_n + \varphi_p = \frac{eAd^3}{12\epsilon\epsilon_0} = (V_c - V).$$

ومن ثم تبلغ السماكة الكلية للوصلة المدروسة ما يأتي:

$$2 \quad d = \sqrt[3]{\frac{12\epsilon\epsilon_0(V_c - V)}{eA}}.$$

يوضح الشكلان المجاوران تغيرات التابعين $\varphi(x)$ و $E(x)$ في الوصلة- $p-n$ السلسة الامتناظرة.

وتكون هذه المحننات في الوصلة- $p-n$ السلسة والمتاظرة متناظرة أيضاً. 2 + 2



أ.د. حسن عبد الكريم سليمان

أولاً- تُحدَّد درجات الحرارة الأكثَر انخفاضاً بوساطة المتراجحة: (1) 3 درجات

$$\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \gg 1$$

المناقشة: يمكن تحقيق مثل هذه المتراجحة: 4 درجات

بوساطة الأُس الذي يُعدُّ كبيراً عندما T صغيرة،

بوساطة العامل الأَسْي، $8N_d/N_c$ ، أَيضاً، طالما أن كافية الحالات، N_c ، تتفاوت بانخفاض درجة الحرارة $(N_c = 2(2\pi m_n k_B T)^{3/2} / h^3)$ وتركيز المانحات، N_d ، لا يتعلّق بها.

من الواضح أن مفهوم درجات الحرارة الأكثَر انخفاضاً يُعدُّ، وفقاً للمتراجحة (1)، مفهوماً خاصاً أي من أجل كل نصف ناقل ثمة مجال لدرجات الحرارة الأكثَر انخفاضاً خاص به.

ثانياً- عند تحقق المتراجحة الموافقة لدرجات الحرارة الأكثَر انخفاضاً يمكننا إهمال الواحد في العلاقة الأولى المعطاة في نص المُسألة، في القوسين المتوسطين، فنحصل على العلاقة الآتية:

درجتان

$$E_F = k_B T \ln \left(\frac{1}{4} e^{\frac{E_d}{k_B T}} \sqrt{\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}}} \right). \quad (2)$$

وبالإجراء بعض التحويلات الجبرية الآتية:

درجتان

$$E_F = k_B T \left[\ln \frac{1}{4} + \ln e^{\frac{E_d}{k_B T}} + \ln \left(\frac{8N_d}{N_c} e^{\frac{\Delta E_d}{k_B T}} \right)^{1/2} \right].$$

درجتان

$$E_F = k_B T \left[\ln \frac{1}{4} + \frac{E_d}{k_B T} + \frac{1}{2} \left(\ln \frac{8N_d}{N_c} + \frac{E_c - E_d}{k_B T} \right) \right].$$

درجتان

$$E_F = k_B T \left[\frac{2E_d}{2k_B T} + \frac{E_c - E_d}{2k_B T} \right] + \frac{k_B T}{2} \left(\ln \frac{8N_d}{N_c} + \ln \frac{1}{4} \right).$$

نحصل على علاقة موضع سوية فيرمي الآتية ضمن التقرير المشار إليه أعلاه:

درجتان

$$E_F = \frac{E_c + E_d}{2} + \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c}. \quad (3)$$

ثالثاً- يمكن إيجاد التركيز المتساُزن للإلكترونات، n_0 ، باستخدام علاقة سوية فيرمي الأخيرة (العلاقة (3)) وفقاً للعلاقة الثانية المعطاة في نص المُسألة. إذ ينبع من العلاقاتين الثانية و (3) على علاقة n_0 بالشكل الآتي:

درجتان

$$n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(E_c - \frac{E_c + E_d}{2} - \frac{k_B T}{2} \ln \frac{N_d}{2N_c} \right)};$$

درجتان

$$n_0 = N_c e^{-\frac{1}{k_B T} \left(\frac{E_c - E_d}{2} \right)} e^{\left(\ln \sqrt{\frac{N_d}{2N_c}} \right)};$$

درجتان

$$n_0 = N_c e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}} \sqrt{\frac{N_d}{2N_c}};$$

درجتان

$$n_0 = \sqrt{\frac{N_c N_d}{2}} e^{-\frac{\Delta E_d}{2k_B T}}. \quad (4)$$

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 33 درجة

$$R_0 = \gamma_r n_0 p_0 = \gamma_r n_i^2,$$

أولاً-

حيث γ_r معامل تناسب، يسمى معامل إعادة الاتحاد، و n_0 و p_0 التراكيز المتوازنة للإلكترونات والتقوب في نصف الناقل، على الترتيب.

درجات 3

$$\text{درجاتان} \quad R_0 = \gamma_r np. \quad \text{ثانياً}$$

تأخذ معادلة الاستمرارية في غياب التيار الكهربائي الشكل الآتي:

$$\text{درجاتان} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = \frac{\partial p}{\partial t} = G_0 - \gamma_r np, \quad (1)$$

ثالثاً- يمكن كتابة العلاقة الأخيرة بالشكل الآتي:

$$\text{درجاتان} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r np = \gamma_r n_0 p_0 - \gamma_r (n_0 + \Delta n)(p_0 + \Delta p). \quad (2)$$

$$\text{درجاتان} \quad \therefore \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 \Delta p + p_0 \Delta n + \Delta n \Delta p).$$

وإذا أخذنا بالحسبان أن $\Delta n = \Delta p$

في ظروف حقٍ بمستوى منخفضٍ، تصبح المعادلة (2) من الشكل:

$$\text{درجاتان} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (n_0 + p_0) \Delta n = -\frac{\Delta n}{\tau_n}, \quad (3)$$

حيث

$$\text{درجاتان} \quad \tau_n = \frac{1}{\gamma_r (n_0 + p_0)}. \quad (4)$$

إن فترة الحياة اللامتوازنة هذه، لا تتغير في أثناء عملية إعادة اتحاد الحاملات اللامتوازنة للشحنة، مما يعني أنها توافق إعادة الاتحاد الخطى

التي يُعد الترکیز الفائض فيها تابعاً أسيّاً للزمن:

$$\Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{t}{\tau_n}},$$

رابعاً- إذا كان مستوى حقن الحاملات اللامتوازنة عالياً، أي إذا تحققت المترابحة $(n_0 + p_0) >> \Delta n$ ، نحصل تابعاً للمعادلة (2)، على العلاقة الآتية:

$$\text{درجاتان} \quad \frac{\partial \Delta n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad \text{أو} \quad \frac{\partial n}{\partial t} = -\gamma_r (\Delta n)^2 \quad (5)$$

بهذا الشكل، يكون المقدار $\frac{\partial n}{\partial t}$ تابعاً تربيعياً بالنسبة للتركيز الفائض للإلكترونات، Δn ، وتدعى إعادة الاتحاد عندها، بإعادة الاتحاد التربيعية.

درجاتان

وبتكامل طرفي المعادلة (5) نحصل على قانون تغير Δn الآتي في حالة إعادة الاتحاد التربيعي:

$$\Delta n = \frac{(\Delta n)_0}{1 + \gamma_r t (\Delta n)_0}. \quad (6)$$

يأخذ القانون (6) شكل قطع زائد هنا، يحول إلى شكل أسي خلال فترة من الزمن بعد إزالة توليد حاملات الشحنة.

إذ تُخرق المترابحة $(n_0 + p_0) >> \Delta n$ بعد انتهاء هذه الفترة، أي عندما ينخفض الترکیز الفائض إلى قيمة، توافق مستوى الحقن المنخفض.

درجاتان

نضرب طرفي المعادلة المعطاة بالتتابع الأسي $e^{\frac{e\varphi}{k_B T}}$ ، ونستخدم علاقة اينشتاين، $eD_n = \mu_n k_B T$ ، ونفترض الكمية $e\varphi$ موجبةً فنجد:

$$j e^{\frac{e\varphi}{k_B T}} = n \mu_n e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \frac{d(e\varphi)}{dx} + \mu_n k_B T e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \frac{dn(x)}{dx}, \quad (1)$$

3 درجات

يمكن كتابة المعادلة (1) على شكل مشتق، فتصبح من الشكل الآتي:

$$j e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} = \mu_n k_B T \frac{d}{dx} \left[n e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \right], \quad (2)$$

درجاتان

وبتكامل طرفي المعادلة (2) في حدود الطبقة المفلفلة، حيث تكون كثافة التيار، j ، مستقلة عن الموضع x ، نجد:

$$j = \mu_n k_B T \left[n(d_n) e^{\frac{e\varphi(d_n)}{k_B T}} - n(0) e^{\frac{e\varphi(0)}{k_B T}} \right] / \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx \quad (3)$$

4 درجات

وياستعمال علاقه تركيز الإلكترونات في شروط التوازن، وضمن الشروط الحديّة المعطاة تأخذ المعادلة الأخيرة الشكل الآتي:

$$j = \mu_n k_B T \left[n_0 - n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}} \cdot e^{\frac{e(V_c - V)}{k_B T}} \right] / \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \mu_n k_B T \left[n_0 - n_0 e^{-\frac{eV}{k_B T}} \right] / \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx. \quad (4)$$

3 درجات

ولحساب مقام الكسر في المعادلة (4) استبدل المتحوول x باخر:

$$j = \mu_n k_B T \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} \left(\frac{d\varphi}{dx} \right)^{-1} d\varphi. \quad (5)$$

درجاتان

إن التابع $e^{e\varphi(x)/k_B T}$ يزداد بسرعة بارتفاع الكمون، $\varphi(x)$ ، وتكون المساهمة الكبرى من نصيب المجال الموافق للمساواة التقريرية $\varphi_s \approx \varphi$ ، إذ توافق هذه القيمة للكمون المساواة:

$$\left(\frac{d\varphi}{dx} \right)_{x=0}^{-1} = -\frac{1}{E_s}. \quad (6)$$

درجاتان

ووفقاً لهذه الاعتبارات من الممكن إخراج المقدار $\left(\frac{d\varphi}{dx} \right)^{-1}$ خارج إشارة التكامل في المعادلة (5)، فنحصل على المعادلة الآتية:

درجاتان

$$\int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \frac{1}{E_s} \int_0^{\varphi_s} e^{\frac{e\varphi}{k_B T}} d\varphi = \frac{k_B T}{eE_s} \left(e^{\frac{e\varphi_s}{k_B T}} - 1 \right). \quad (7)$$

درجاتان

$$\frac{e\varphi_s}{k_B T} = \frac{e(V_s - V)}{k_B T} \gg 1 \quad \text{نفرض هنا أن:}$$

ولهذا السبب، يمكننا إهمال الواحد في المعادلة (7) بالمقارنة مع التابع الأسي، وعندها يمكن كتابة المساواة الآتية:

درجاتان

$$\int_0^{d_n} e^{\frac{e\varphi(x)}{k_B T}} dx = \frac{k_B T}{eE_s} e^{\frac{e(V_s - V)}{k_B T}}. \quad (8)$$

إذن، بالتعويض عن المعادلة (8) في المعادلة (3) نحصل على علاقه الصفة المميزة فولط-أمير لطبقة مفلفلة سميكة حيث تأخذ الشكل الآتي:

درجاتان

$$j = e \mu_n E_s n_0 e^{-\frac{eV_c}{k_B T}} \left(e^{\frac{eV}{k_B T}} - 1 \right) = e (V_{dr})_s n_s \left(e^{\frac{eV}{k_B T}} - 1 \right).$$

حيث حاصل الضرب $\mu_n E_s$ ليس سوى سرعة انسياق الإلكترونات، $(V_{dr})_s$ ، في الحقل E_s .

السؤال الأول: 28 درجة

ندرس عينة نصف ناقلة من النوع- p , حيث تضاء جانبياً بشكل متواصل، كما يظهر في الشكل المجاور. تعطى في هذه الحالة معادلة الاستمرارية

$$\text{المعتمدة من أجل الإلكترونات بالشكل } \frac{\partial n}{\partial t} = G_n - \frac{\Delta n}{\tau_n} + \frac{1}{e} \text{ div } \bar{j}_n \text{ ونفرض أن مستوى الحقن منخفض، والمطلوب:}$$

أولاً- ما هو سبب ظهور شحنة حجمية سالبة في عمق العينة من النوع- p ؟

ثانياً- وضح كيف يُساند شرط الاعتدال الكهربائي في حجم نصف الناقل؟

ثالثاً- أوجد قانون تغير تركيز الحاملات الأساسية واللامتوازنة للشحنة تأسيساً على معادلة الاستمرارية المعطاة على فرض غياب توليد الحاملات اللامتوازنة للشحنة والحقول الكهربائية في عمق نصف الناقل حيث $0 \leq x \leq L_n$ واستنتج منه علاقة طول انتشار الحاملات اللامتوازنة.

رابعاً: أحسب قيمة طول انتشار الحاملات اللامتوازنة L_n من أجل Ge، علماً بأن

$$\tau_n = 1 \mu\text{s} \text{ و } D_n = 100 \text{ cm}$$

السؤال الثاني: 25 درجة

أولاً- عرف سويات الفصل الطاقي.

ثانياً- متى يقال عن سويات الطاقة أنها مصادف إعادة إدخال Recombination Traps، ومتى يقال أنها مصادف قنصل Capture Traps، ومتى يقال أنها مصادف طاقة Energetic Distinguishing Levels. اكتب الملايين المكافئة لذلك.

ثالثاً- أوجد العلاقة التي تحدد موضع سوية الفصل الطاقي الإلكتروني. ماذا تستنتج؟.

السؤال الثالث: 27 درجة

أولاً- عِزف الوصلة $n-p-i-n$ الحادة (المترددة) وادرك أهمية دراسة هذا النوع من الوصلات كمقدمة لجهد.

ثانياً- اشرح ماذا يقصد بكل ما يأتي: الوصلة $n-p^+$ ، والوصلة $n-n^+$ ، والوصلات المتغيرة $n-p$ ، و $p-n$ ، و $p-p$.

ثـ- ارسم مخطط العصابة الطاقيية وأوجد فرق الكمون التماسي من أجل الوصلة $n-p^+$ فقط. اذكر صفات هذا النوع من الوصلات.

تمنياتي للجميع بالتوفيق والنجاح

طرطوس في 04/02/2018

أ. د. حسن سليمان

توزيع الدرجات على جواب السؤال الأول: 28 درجة $2 + 18 + 5 + 3$

أولاً- إن الضوء المسلط على العينة المدروسة هنا يولّد الإلكترونات وتقوّب على حساب تأين المادة الأساسية للعينة، أي نتيجة انتقال الإلكترونات عبر الفجوة الطاقية. ونتيجة الاختلاف الكبير في تركيز الحاملات الأساسية للشحنة (الإلكترونات هنا) عند سطح نصف الناقل وفي حجمها يلاحظ انتشارها نحو عمق نصف الناقل، وهذا يؤدي إلى ظهور شحنة حجمية سالبة في عمقه. 3 درجات

ثانياً- إلى جانب ظهور شحنة حجمية سالبة في عمق نصف الناقل يجري انجداب للتقوّب إلى ذلك العمق بسبب استرخاء مكسوبل. ولذلك، فإن الحاملات الأساسية للشحنة (الإلكترونات) تجذب معها في أثناء انتشارها إلى عمق نصف الناقل كمية من الحاملات الأساسية للشحنة (التقوّب)، وبالتالي يُصان شرط الاعتدال الكهربائي في حجم نصف الناقل؛ فمع اقتراب الإلكترونات والتقوّب من عمق نصف الناقل سيعاد اتحادها، ومن ثمّ يتلاصص تركيزها. 5 درجات

ثالثاً- لإيجاد قانون تغيير تركيز الحاملات الأساسية اللامتوازنة للشحنة نبدأ من معادلة الاستمرارية: تدلّ معطيات الممأول على أنه لا يوجد توليد للحاملات اللامتوازنة للشحنة $G = 0$ في عمق نصف الناقل (من أجل $0 \neq x$)، كما تغيب الحقول الكهربائية ($E = 0$).

والإضافة ثانية، مما يمكننا من $\frac{\partial n}{\partial t} = 0$ في أي مقطع، $0 \neq x$ ، في عمق نصف الناقل. درجتان

$$2 \quad \frac{\Delta n}{\tau_n} = \frac{1}{e} (e D_n \nabla^2 n). \quad \text{في هذه الحالة تؤول معادلة الاستمرارية المعطاة إلى الشكل الآتي:}$$

تم الحصول على الطرف الأيمن في المعادلة الأخيرة من المعادلة (1) على اعتبار أن $\nabla^2 \varphi = 0$. وبما أن $\nabla^2 n = \frac{\partial^2 (\Delta n)}{\partial x^2}$

$$2 \quad n = n_0 + \Delta n, \quad \text{حيث}$$

تصبح المعادلة (1) من الشكل

$$2 \quad \frac{\Delta n}{\tau_n} = \frac{\partial^2 (\Delta n)}{\partial x^2}.$$

$$2 \quad \Delta n = C_1 e^{\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}} + C_2 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}}.$$

$$2 \quad \text{ولهذه المعادلة حل عام من الشكل ولكن، بما أن } 0 \rightarrow \Delta n \text{ عند ازدياد } x, \text{ يتضح حتمية تحقق المساواة } C_1 = 0.$$

$$2 \quad \Delta n = C_2 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}}.$$

$$2 \quad \text{نجد قيمة الثابت } C_2, \text{ بوضع } 0 = x \text{ في المعادلة الأخيرة، فنجد أن قيمته تساوي } (\Delta n)_0.$$

$$2 \quad (\Delta n)_0 \equiv \Delta n|_{x=0} = C_2 e^0 = C_2.$$

$$2 \quad \Delta n = (\Delta n)_0 e^{-\frac{x}{\sqrt{D_n \tau_n}}}, \quad \text{ومنه:}$$

يدعى المقدار $L_n = \sqrt{D_n \tau_n}$ طول انتشار الحاملات اللامتوازنة والأساسية في نصف الناقل التقيي ويُعرّف بأنه المدى الذي يتلاصص

خلاله التركيز الفائض من الحاملات اللامتوازنة والأساسية للشحنة (الإلكترونات في الحالة الراهنة) بمقدار e مرة. 2

رابعاً- يبلغ طول انتشار الإلكترونات L_n من أجل عينة من Ge من النوع-p، ضمن معطيات الممأولة ($D_n = 100 \text{ cm}^2/\text{s}$)

$$2 \quad \text{و } (\Delta n)_0 = 10^{-6} \text{ s} = 1 \mu\text{s} \quad \text{القيمة } L_n \cong 10^{-2} \text{ cm} = 10^{-4} \text{ m} = 100 \mu\text{m}.$$

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: 25 درجة $14 + 9 + 2$

أولاً- سويات الفصل الطافي هي سويات طافية تفصل بين مصادر افتراض حاملات الشحنة ومصادر إعادة اتحادها. 2

ثانياً- لـإجابة على هذا السؤال نعرف معالماً يرمز له بالرمز k_n ؛ ويساوي نسبة احتمال اقتناص ثقب على مصيدة مشحونة سلبياً إلى احتمال القذف الحراري لـالكترون إلى عصابة الناقلة: 2

يتبع سرعة اقتناص ثقب على مصيدة بالعلاقة 1، $(\partial p / \partial t)_{tr} = -\gamma_p p N_{tr} f_{tr}$

أما سرعة التوليد الحراري لـالكترونات إلى عصابة الناقلة، فيمكن تعينها من خلال الجداء 1

$$2 \quad k_n = \frac{\gamma_p N_{tr} f_{tr} p}{\gamma_n N_{tr} f_{tr} n_1} = \frac{\gamma_p p}{\gamma_n n_1}.$$

إذن،

تسمى المصائد التي من أجلها $k_n > 1$ ، مصائد إعادة اتحاد، لأنها في هذه الحالة، يكون احتمال إعادة الاتحاد أكبر من

احتمال التهيج الحراري، 1

والمصائد التي من أجلها $k_n < 1$ ، فتسمى مصائد فقصٍ، 1

وتسمى سوية الطاقة التي من أجلها $k_n = 1$ ، أي عندما يتساوى احتمال إعادة الاتحاد مع احتمال التوليد الحراري، سوية

فصل إلكتروني، 1

ثالثاً- يمكننا إيجاد موضع هذه السوية الطافية من شرط تساوي احتمال إعادة الاتحاد واحتمال التوليد الحراري $k_n = 1$:

$$(1) \quad \gamma_p p = \gamma_n n_1,$$

نستبدل هنا تركيز الثقب، p ، بالتجية المعرفة بالعلاقة

$$p = N_v e^{-\frac{E_{fp} - E_v}{k_B T}},$$

والتركيز المتوزن للإلكترونات، n_1 ، بالعلاقة

$$n_1 = N_c e^{-\frac{E_c - E_{dn}}{k_B T}},$$

لأن هذا التركيز، n_1 ، يتبع عندما يتحقق الشرط

إذن، بالتعويض عن العلقتين الأخيرتين في العلاقة (1) نحصل على المعادلة الآتية:

$$(2) \quad \gamma_p N_v e^{-\frac{E_{fp} - E_v}{k_B T}} = \gamma_n N_c e^{-\frac{E_c - E_{dn}}{k_B T}},$$

وأخذ لغاريتم الطرفين وإعادة كتابة الناتج يمكننا الحصول على الفارق الآتي:

$$\ln \frac{e^{-\frac{E_{fp} - E_v}{k_B T}}}{\gamma_p N_v} = \ln \frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v} \Rightarrow \frac{(E_c - E_{dn}) - (E_{fp} - E_v)}{k_B T} \ln \frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v}$$

ومنه:

$$(3) \quad E_c - E_{dn} = (E_{fp} - E_v) + k_B T \ln \left(\frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v} \right).$$

نستنتج من العلاقة (3) أن موضع سوية الفصل الطافي الإلكتروني يتعلّق بمجموعة وسطاء:

فعند زيادة مستوى الحقن، يقترب شبه-سوية فيرمي، E_{fp} ، نحو حد عصابة التكافؤ، E_c ، مما يؤدي إلى تناقص الفارق $(E_c - E_{dn})$ ، وهذا بدوره يعني ارتفاع سوية الفصل الطافي (أي اقترابه من قاع عصابة الناقلة). عليه، فإن جزءاً من مصائد الفقص يتحول إلى مصائد إعادة اتحاد. درجتان

كما يتضح من العلاقة (3) أن إشارة المقدار، $\ln \left(\frac{\gamma_n N_c}{\gamma_p N_v} \right)$ ، تتعلق بقيمة النسبة، $\gamma_n N_c / \gamma_p N_v$ ، مع الأخذ بالحسبان أن معامل

اقتناص الإلكترونات، γ_p ، والثقب، γ_n ، على المصائد يتعلّقان بموضع سوية المصائد. درجتان

تتحدد التابعية الحرارية للفارق $(E_c - E_{dn})$ بالتتابعية الحرارية لشبه-سوية فيرمي، E_{fp} ، وبالتابعية الخطية للحد الأخير في الطرف

الأيمن من العلاقة (3). درجة واحدة

إن السويات الطاقية المتوضعة فوق سوية الفصل الإلكتروني، E_{dn} ، تتوافق مصادف قبض الإلكتروني، وتلك المتوضعة تحته مصادف إعادة اتحاد. درجة واحدة

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثالث: 27 درجة (16 + 8 + 3)

أولاً- الوصلة- $n-p-i-n$ الحادة هي حالة خاصة للوصلة $n-p$ السميكة التي ينفصل فيها المجال- p والمجال- n بمجال ناقليته الكهربائية ذاتية (i). وتكون أهمية هذا النوع من الوصلات كمقوّمات جهد في قدرتها على تحمل جهد عكسي كبير الناتج عوازل وجود الطبقة الذاتية ذات المقاومة العالية. 3

ثانياً- نرمز لمجال نصف الناقل الإلكتروني الذي يكون تركيز المانحات فيه عالياً بالرمز n^+ ولمجال نصف الناقل التبقي الذي يكون فيه تركيز الآخذات عالياً بالرمز p^+ ؛ فإذا تشكّل في نصف الناقل من النوع- $n-p$ مجالاً n^+ ، فإن الحديث يدور عن الوصلة $n-p$ وإذا تشكّل في نصف الناقل من النوع- $p-n$ مجالاً p^+ ، فإن الحديث يدور عن الوصلة $p-n$.

الوصلة المتغيرة $n-p$ هي وصلة ملائمة من مادتين نصف ناقليتين متماثلتين من حيث الناقليّة ومختلفتين بالفجوة الطاقية. 4

الوصلة المتغيرة $n-p$ هي وصلة ملائمة من مادتين نصف ناقليتين مختلفتين من حيث الناقليّة ومن حيث الفجوة الطاقية. 4

ثالثاً- يوضح الشكل المجاور مخططاً للعصابات الطاقية للوصلة $n-p$ في حالة التوازن، أي عندما، $V = 0$ ، على الترتيب:

تمر سوية فيرمي في هذه الحالة في كامل الوصلة المدروسة أفقياً أي أنها ثابتة في كامل الحجم. ولذلك، فإن العلاقة الآتية محققة: 2

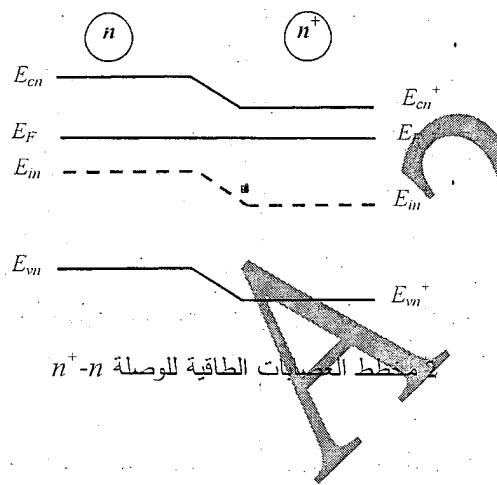
$$(1) \quad (E_{cn^+} - E_F) = (E_{cn} - E_F);$$

يُعَيَّن فرق الكمون التماسي في الوصلة $n-p$ من العلاقة الآتية: 2

$$(2) \quad eV_C = (E_F - E_{in^+}) - (E_F - E_{in}).$$

ولدينا من جهة أخرى: 2

$$(3) \quad n_0 = n_i \exp\left(\frac{E_F - E_{in}}{k_B T}\right) \quad \text{و} \quad n_0^+ = n_i \exp\left(\frac{E_F - E_{in^+}}{k_B T}\right);$$



نحصل على الفارقين الطاقيين الآتيين من خلال أخذ لغاريتم طرفي العلاقة الآتية: 2

$$(4) \quad E_F - E_{in} = k_B T \ln \frac{n_0}{n_i} \quad \text{و} \quad E_F - E_{in^+} = k_B T \ln \frac{n_0^+}{n_i}.$$

ومن ثم، بالتعويض عن هاتين الكميتين في المعادلة (1)، نحصل على فرق الكمون التماسي الآتي: 2

$$(5) \quad eV_C = k_B T \ln \frac{n_0^+}{n_0}.$$

وهكذا نلاحظ من الشكل المرافق من أجل الوصلة $n-p$ تقوس للعصابات الطاقية وفرق كمون تماسي V_C مختلف عن الصفر. في الواقع، لا تُعد الوصلة طبقة مقلة (ليست فقيرة بالحملات الأساسية للشحنة)، أي لا تتصف عملياً بالخصائص التقويمية. ولكن، وفي كل الأحوال، تتوافر فيهما بعض الناقليّة الكهربائية الالامتناظرة. 2

السؤال الأول: (30 درجة)

أولاً- عند أنواع إعادة الاتحاد وذكر ماذا يقصد بكل منها.

ثانياً- بماذا يتعين تغير طاقة الإلكترون؟ وبماذا يرتبط هذا التغير؟.

ثالثاً- على ندرة حدوث إعادة الاتحاد اللامبشع؛ من النوع الفونوني ومن نوع أوجيه في السيليكون والجرمانيوم.

رابعاً: من المعلوم أن معامل إعادة الاتحاد، γ_r ، يتعين على أساس التعادل بين كميات الضوء المنشعة والممتصة في أثناء عمليات إعادة الاتحاد

$$\gamma_r = \frac{8\pi}{c^2 n_i^2} \int_0^{\infty} \frac{\bar{n}^2(\nu) \alpha(\nu) \nu^2 d\nu}{e^{\hbar\nu/k_B T} - 1}$$

ثم استنتج العلاقة التي تعين فترة حياة الحاملات اللامتوالية في عملية إعادة الاتحاد المشع، عندما يكون مستوى الحفن منخفضاً. ناقش النتيجة التي تحصل عليها.

السؤال الثاني: 28 درجة

لدى دراسة وصلة ناقل من النوع $n-p-n$ معden من أجل $W_S < W_M$ بتشا في نصف الناقل

طبقة مقللة كما يظهر في الشكل المعاور وتحترين كثافة الشحنة الججمية بالعلاقة $\rho = en_0 (1 - \exp(-e\varphi/k_B T))$ حيث $e\varphi > 0$ حيث $e\varphi$ الطاقة الكامنة للإلكترون الموافقة لانحناء قاع عصابة الناقلية ومبدأ حساب الكمون هو E_{c0} والمطلوب:

أولاً- أوجد علاقة الكمون الكهرباسكين بدلالة طول حجب ديبابي، وذلك باستخدام شرط البداء المناسبة، والموافقة لكون التقوس ضعيفاً، أي فقط عندما يتحقق الشرط $e\varphi \ll k_B T$. ناقش النتائج التي تحصل عليها.

ثانياً- عرف طول حجب ديبابي.

ثالثاً- أحسب طول الحجب في بلورة الجرمانيوم في درجة الحرارة K 300 علمًا بأن $n_0 = 10^{14} \text{ cm}^{-3}$ ، $\epsilon = 16$ ، $\varphi = 8.85 \times 10^{-14} \text{ F} \cdot \text{cm}^{-1}$ ، ثم أخذ الحساب من أجل السيليكون حيث $n_0 = 10^{10} \text{ cm}^{-3}$ و $\epsilon = 11$. قارن بين الحسابين. ماذا تستنتج؟.

رابعاً- عرف حاجز أو طبقة شوتكي وقارن بينه وبين الحاجز الكيميائي.

السؤال الثالث: 22 درجة

أولاً- اشرح بإيجاز ماذا يقصد بالوصلات المتغيرة Heterojunctions نصف الناقلة وذكر أنواعها بالتفصيل. وقارنها مع وصلات أو ديدونات شوتكي:

ثانياً- ارسم مخطط العصابات الطاقية لإحدى الوصلات المتغيرة المتماثلة مع الشرح المفصل وذكر المسميات بشكل دقيق.

ثالثاً- ما تأثير الشوائب والمصائد على خصائص الوصلات المتغيرة. ارسم مخطط العصابات الطاقية الموافق لذلك، وكذلك الخصائص المميزة

فولط- أمبير الموافقة.

تمنياتي للجميع بال توفيق والنجاح

طرطوس في 13/06/2017

أنيط المقرر

الدكتور حسن سليمان

أولاً - عدد أنواع إعادة الاتحاد وادكر ماذا يقصد بكل منها.

- إذا اقتصرت إعادة الاتصال على انتقال الإلكترون مباشرةً من عصابة E_1 إلى عصابة E_2 ، حيث تتحقق $E_1 > E_2$ ، وتحتاج إلى تكثيف ولذلك $E_1 > E_2$ ، كحالات حرقة للشحنة، فإنها تدعى إعادة اتحاد ما بين العصابات الطاقية: إذا $E_1 > E_2$ ، يتحقق $E_1 > E_2$ ، حيث $E_1 > E_2$ ، تسمى بإصدار فوتونات تدعى إعادة اتحاد مُثبِّع. درجتان
 - وبخلاف ذلك، يمكن أن ينتقل جزء من الطاقة خلال التصادمات إلى حامل حرقة للشحنة، وتحتاج إلى تدفق إعادة اتحاد أوجيه الصدمي بين العصابات (عمليات أوجيه) حيث يُقدم مثل هذا الحامل الحرقة إلى الشبكة البُلُوريَّة (الفنونات). وتُنسب الحالة الأخيرة إلى إعادة الاتصال اللامشي. درجتان
 - إعادة الاتصال عبر حالات طاقية متوضعة في الفجوة الطاقية- مصائد إعادة الاتصال. درجة واحدة
 - ثانيةً- يتغير طاقة الإلكترون بالفارق المُوافق لسوبيات الطاقة. يمكن لهذا التغيير سواء حدث في أثناء إعادة الاتصال عصابة- عصابة أو عبر المصائد أن يكون مرتبطاً بإصدار كمات صوٍ (فوتونات) أو ينتقل الجزء المُوافق من الطاقة إلى الشبكة البُلُوريَّة أي إلى الفونونات. درجتان حامل ثالث للشحنة.
 - ثالثًا- لا تُرصد عمليات أوجيه في أنصاف النوافل واسعة الفجوات الطاقية؛ في Si و Ge مثلاً، إلا نادراً جداً، لأن الطاقة العظمى للفونونات لا تتجاوز عادة 0.1 eV وطاقتها الوسطية أقل من ذلك أيضاً. إذن، لحدوث إعادة الاتصال الفونوني لا بد من إصدار ليس أقل من عشرة فونونات بآنٍ معًا، ولكن احتمال حدوث العمليات متعددة الفونونات ضعيف، ومن ثم، فإن إعادة الاتصال عصابة- عصابة الفونوني في أنصاف النوافل واسعة الفجوات الطاقية قليلة الاحتمال. درجتان
 - رابعاً- من المعلوم أن عدد الحالات الكوازيَّة من أجل الفوتونات، التي اندفعاتها تقع في المجال من P إلى $P + dP$ ، في واحدة الزاوية المُجسَّمة، $d\Omega$ ، يساوي $P^2 dP / h^3$. ومن أجل تعين عدد الحالات الكوازيَّة المشغولة بالفوتونات يجب ضرب الكمية الأخيرة بتابع توزيع بوزة- ايشتاين: درجتان

$$f = \frac{1}{e^{\hbar v/k_B T} - 1},$$

$$dn_p = \frac{2}{h^3} f P^2 dP.$$

2

ناعف ، الطرف الآخر من المعادلة الأخيرة عندأخذ الاستقطابية المختلفة للفوتونات بالحسبان؛ إذن ، بالتعويض عن الاندفاع الآتي بما يساويه ،

حيث \bar{n} قرينة انكسار الوسط المدروس، نستطيع الحصول على العدد الكافي للكرات الضوء dN من خلال تكامل

طُرُفِي المساواة الأخيرة بالنسبة الزاوية المُجَسَّمة $d\Omega$: 3 درجات

$$dN = \int_0^{4\pi} \frac{2}{h^3} f P^2 dP d\Omega = \frac{8\pi}{h^3} f P^2 dP = \frac{8\pi}{c^3} \frac{\bar{n}^3 v^2}{e^{\hbar v / k_B T} - 1} dv ,$$

درجاتان

حيث c سرعة انتشار الضوء في الخلاء.

ولكن، بحري امتصاص حزء من هذه الكلمات. فإذا كان احتمال امتصاص فوتون تواتره 7 مساوياً (v) مثلاً، فإن عدد الكلمات، التي يمتصها

$$\underline{\text{درجات}} \quad N = \int_0^{\infty} g(\nu) dN = \frac{8\pi}{c^3} \int_0^{\infty} \frac{\bar{n}^3(\nu) g(\nu) \nu^2}{e^{h\nu/k_B T} - 1} d\nu.$$

نصف الناقل في، واحدة الحجم، وخلال واحدة الزمن يساوي

يمكّنا استبدال الحكمة $(\nu)g$ بأخرى، بدلاًة معامل امتصاص نصف الناقل $(\nu)\alpha(\nu)$ و $\frac{c}{n}$ ، ينحرض التعبير عن عدد الكّمات

$$\text{بدلاًة معامل الامتصاص, درجتان} \quad \frac{c}{n} \alpha(\nu) \cdot g(\nu)$$

وفي شرط التوازن، لابد من أن يساوي عدد الكّمات الضوئية الممتصة عدد الكّمات التي أُحيي اتحادها $R_0 = N$. ومن ثم:

$$R_0 = \gamma_r n_0 p_0 = \gamma_r n_i^2$$

حيث γ_r معامل تناسب، يسمى معامل إعادة الاتحاد، و n_0 و p_0 التركيز المتوازن للإلكترونات والتثرب في نصف الناقل، على الترتيب. درجتان

$$(21) \quad \gamma_r = \frac{8\pi}{c^2 n_i^2} \int_0^{\infty} \frac{\bar{n}^2(\nu) \alpha(\nu) \nu^2 d\nu}{e^{\hbar\nu/k_B T} - 1}$$

عندما يكون مستوى الحقن منخفضاً تتحقق العلاقة $\frac{1}{\gamma_r (n_0 + p_0)} = \frac{1}{\tau_n}$ ، ومن ثم نجد:

$$(21) \quad \frac{1}{\tau_n} = \gamma_r (n_0 + p_0) = \frac{8\pi}{c^2 n_i^2} \int_0^{\infty} \frac{\bar{n}^2(\nu) \alpha(\nu) \nu^2 d\nu}{e^{\hbar\nu/k_B T} - 1}$$

ومن أجل نصف ناقل ثقبي، $n_0 = p_0$ تتحقق المساواة

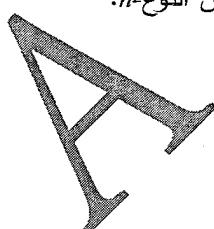
$$(22) \quad \tau_n = \frac{1}{\gamma_r p_0}$$

وعندما تتحقق المساواة الآتية من أجل نصف ناقل ذاتي:

$$(23) \quad \tau_{ni} = \tau_{pi} = \frac{1}{2\gamma_r n_i} = \frac{1}{2\gamma_r \sqrt{N_e N_v}} e^{\Delta E_0/2k_B T}$$

المناقشة: 4 درجات

- في مجال نصف الناقل الثقبي المطّعم بذرات آخذة، يكون لدينا $n_i > p_0$ ، على اعتدال أن $\tau_{ni} > \tau_{pi}$ ، في هكذا نصف ناقل مشوب.
- وبهذه الطريقة نجد، أنه مع تناقص تركيز الآخذات في نصف الناقل من النوع-p، أي باقترابه من نصف الناقل الذاتي، تزداد فترة حياة الحاملات اللامتوازنة للشحنة. يمكننا الحصول على استنتاج مماثل من أجل نصف ناقل من النوع-n.
- فترة الحياة تتناقص بارتفاع درجة الحرارة، سواء كان نصف الناقل مُطعماً أم ذاتياً.



جواب السؤال الثاني: (28 درجة)

ضمن الشروط المطروحة في المسألة، $e\varphi \ll k_B T$ يكون صغيراً، ومن ثم لا بد نأخذ بالحساب الحد الأقصى في الدراسة حيث تقوم بنشره في سلسلة وفق الآتي:

$$e^{\frac{e\varphi}{k_B T}} = 1 - \frac{e\varphi}{k_B T} + \frac{1}{2} \left(\frac{e\varphi}{k_B T} \right)^2 + \dots$$

نكتفي هنا بالديندين الأول والثاني من السلسلة فنحصل على علاقة كثافة الشحنة الحجمية الآتية:

$$\rho = e n_0 \left[1 - \left(1 - \frac{e\varphi}{k_B T} \right) \right] = \frac{e^2 n_0}{k_B T} \varphi,$$

حيث اعتمدنا هنا القيمة المطلقة للكمون φ ، ولكن إذا أخذنا بالحساب أن $\varphi < 0$ في الحالة الراهنة، فإن:

$$\rho = -\frac{e^2 n_0}{k_B T} \varphi.$$

وунدها تأخذ معادلة بواسون الشكل الآتي:

$$\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_n^2} = -\frac{e^2 n_0}{k_B T \epsilon \epsilon_0} \varphi.$$

دخل الرمز المسمى طول جب ديباي الآتي

$$L_{sc} = \sqrt{\frac{\epsilon \epsilon_0 k_B T}{e^2 n_0}}.$$

إلى المعادلة الأخيرة، فإنها تصبح من الشكل:

$$\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_n^2} - \frac{1}{L_{sc}^2} \varphi.$$

والحل العام لهذه المعادلة من الشكل

$$\varphi = C_1 e^{\frac{x}{L_{sc}}} + C_2 e^{-\frac{x}{L_{sc}}}.$$

نختار اتجاه حساب البعد x من المعدن نحو عمق نصف الناقل: بفرض أن $\varphi = 0$ في العمق نجد $C_1 = 0$ والثابت الثاني $C_2 = \varphi_0$ حيث φ_0 هي القيمة المطلقة للكمون، عندما $x = 0$ ، والذي نختاره انطلاقاً من الشرط الذي من أجله تصبح المترابحة $e\varphi \ll k_B T$ محققة، أي من أجل ما يسمى المجال شبه-المعتدل كهربائياً. درجتان

إذا امتد هذا المجال حتى يصل السطح تماماً، فإن $\varphi_s = \varphi_0$ ، ومن ثم نحصل من أجل الطبقة شبه-المعتدلة على العلاقة الآتية: درجتان

$$\varphi = \varphi_0 e^{\frac{x}{L_{sc}}}.$$

وهكذا نجد أن طول جب ديباي L_{sc} يمثل عمق أو مدى تغلغل الحقل الكهربائي في المجال شبه-المعتدل كهربائياً، الذي تتناقص فيه القيمة المطلقة للكمون e مرة. درجتان

فمن أجل Ge لدينا: 6 درجات

$$L_{sc}|_{Ge} = \sqrt{\frac{16(8.85 \times 10^{-14} \text{ F/cm})(1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K})(300 \text{ K})}{(1.9 \times 10^{-19} \text{ C})^2 (10^{14} \text{ cm}^{-3})}} = 4 \times 10^{-5} \text{ cm}.$$

ومن أجل Si

$$\frac{(3.35 \times 10^{-11} \text{ F/cm})(1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K})(300 \text{ K})}{(1.9 \times 10^{-19} \text{ C})^2 (10^{10} \text{ cm}^{-3})} = 33.413 \times 10^{-4} \text{ cm.}$$

إذن، طول حجب ديبابي في السيليكون أكبر منه في الجermanيوم بنحو 83 مرة بسبب قلة حاملات الشحنة الكهربائية. الشحنة الكهربائية التي تمتلك الناقل السيليكوني على وجه الخصوص.

حاجز شوتكي هو طبقة مجردة من حاملات الشحنة الحرة وتحوي فقط شحنات مقيدة تتشكل عادةً عند تماش نصف ناقل مع معدن أو نصف ناقل مع نصف ناقل آخر، ويكون التركيب الذي له من نفس التركيب الذي تتمتع به مادة نصف الناقل، ولذلك يسمى حاجزاً فيزيائياً، فضلاً عن أن سماكته متغيرة مع البعد. أما الحاجز الكيميائي فيشبه الحاجز الفيزيائي من حيث التشكّل ولكنه يختلف عنه في أن تركيبه الذي مختلف عن تركيب مادة نصف الناقل وسماكته ثابتة، ولا تتغير حتى في شروط عدم التوازن.

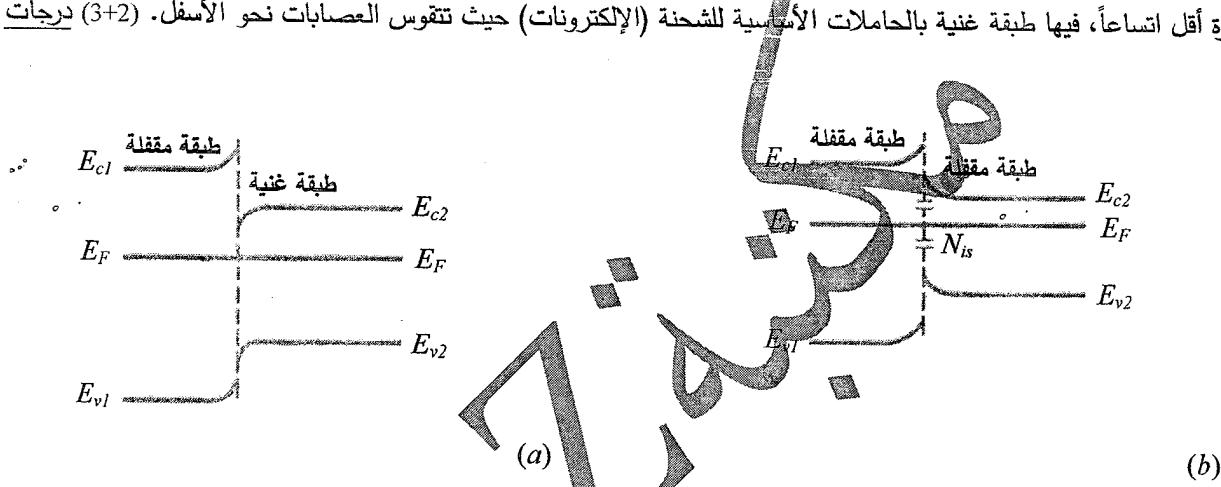


جواب السؤال الثالث: (22 درجة)

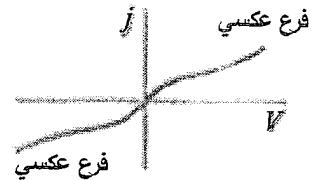
عند تماس أنصاف نوافل تختلف عند تماس أنصاف نوافل تختلف عن بعضها بعضاً بسبب التغير الشفهي (المنفذ المحظورة) الذي يحصل بين عصابة الناقلة وعصابة التكافؤ تنشأ الوصلات المتغيرة. 3 درجات

يمكن أن تكون الوصلات المتغيرة من النوع المتماثل، مثل $n-n$ ، $p-p$ ، $n-p$ ، $p-n$ ، والنوع غير المتماثل؛ مثل $p-n$ وجميع هذه الوصلات تستطيع أن تقوم التيار. ينتقل التيار الكهربائي في هذه الوصلات بالحملات الأساسية للشحنة. ولكن، وخلافاً لدiodات شوتكي، توجد في المجالات تحت السطحية للوصلات المتغيرة متماثلة النوع، إلى جانب الطبقة المقلفة المجردة من الحملات الأساسية للشحنة، طبقة أخرى غنية بالحملات الأساسية للشحنة، إلا أن وجود مثل هذه الطبقة لا يؤدي إلى مفعولات جديدة مميزة. 3 درجات

يظهر في الشكل (a) مخطط للعصابات الطافية من أجل الوصلة المتغيرة $n-n$ حيث يقع من جهة اليسار نصف ناقل ذو منطقة محظورة واسعة فيها، عند منطقة التماس، طبقة فقيرة بالحملات الأساسية للشحنة حيث تقوس العصابات نحو الأعلى، ومن جهة اليمين نصف ناقل ذو منطقة محظورة أقل اتساعاً، فيها طبقة غنية بالحملات الأساسية للشحنة (الإلكترونات) حيث تقوس العصابات نحو الأسفل. (3+2) درجات



مخطط العصابات الطافية للوصلات المتغيرة $n-n$ من أجل طبقتين متقابلتين، اليسارية مقلفة واليمينية غير مقلفة (a) ومقفلتين (b).



تتعين خصائص الوصلات المتغيرة على الأغلب بالحالات الطافية المتوفّرة عند السطح الفاصل بين مكوناتها، وتعلق كثافة المصائد وأطيافها الطافية بكل من تباين ثوابت الشبكة البلورية للمواد المتماسة وعيوب بنيتها وبنكولوجية تحضير الوصلات المتغيرة. ويمكن تصور الميزة فولط-أمبير للوصلات المتغيرة المتماثلة النوع، لدى وجود عدد كبير من العيوب على السطح الفاصل، على شاكلة تراكم فرعين عكسيين لمميزات diiodات. وهذه الحالة مشروطة بنشوء التقاء طبقتين مقفلتين، كما يظهر في الشكل (b) السفلي. فعلى أثر اقتناص الإلكترونات على الحالات الموضعية N_{is} في السطح الفاصل تظهر شحنة سالبة تقوس العصابات في كلا نصفي الناقلين نحو الأعلى، ما يتفق ونشوء طبقتين مقفلتين. (4+3) درجات

تستحق علامة الرسم فقط عند ذكر المسميات الصحيحة بدقة ووضوح

الاسم:	امتحان مقرر فيزياء أنصاف النوافل	جامعة طرطوس
المدة: ساعتان	طلاب السنة الرابعة فيزياء	كلية العلوم
العلامة العظمى: 80 درجة	للعام الدراسي 2016-2017 / الدورة الفصلية الأولى	قسم الفيزياء

السؤال الأول: (32 درجة)

لتفرض أن نصف ناقل إلكتروني معزول يقع عند إضاعته في حالة مستقرة ويحقق المترادفة $n_0 > \Delta n$ ، وشحاذ حالة التوازن فيه وتصبح الكثافة الكلية للتيار صفراء والمطلوب:

أولاً- إيجاد علاقة الحقل الكهربائي المتشكل في نصف الناقل المدرس وفق المخور x مستعيناً من علاقة اينشتاين.

ثانياً- إيجاد معادلة تفاضلية من أجل Δn ثم استنتاج علاقة طول حجب ديباً في نصف الناقل المدرس.

ثالثاً- كتابة المعادلة الناتجة في الطلب الثاني بدلالة طول حجب ديباً وكتابة حلها العام ثم مناقشة الحل من أجل الشروط الحدية.

أخط تشيرياً فيزيائياً للنتيجة التي تحصل عليها. رابعاً- ما هي رتبة طول حجب ديباً في أنصاف النوافل عموماً؟

السؤال الثاني: (20 درجة)

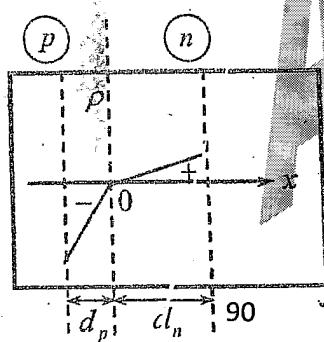
تُعطى العلاقة العامة لحساب فترة الحياة الاحتمالية لحاميات الشحنة الكهربائية في أنصاف النوافل بالشكل الآتي:

$$\tau = \tau_{p0} \frac{n_0 + n_1 + \Delta n}{n_0 + p_0 + \Delta n} + \tau_{n0} \frac{p_0 + p_1 + \Delta p}{n_0 + p_0 + \Delta p};$$

والمطلوب: أولاً- دراسة العلاقة المعطاة من أجل نصف ناقل إلكتروني ومستوى منخفض للحقن. ماذا تستنتج؟

ثانياً- أخذ الدراسة السابقة من أجل نصف ناقل ثقى ومستوى منخفض للحقن. ماذا تستنتج؟

السؤال الثالث: (28 درجة)



ليكن لدينا وصلة $p-n$ سلسة Smooth Junction وغير متاظرة، كما يوضح الشكل المجاور لتغير كثافة الشحنة الحجمية في كل من جزأيها، والمطلوب:

أولاً- كتابة كل من علاقة كثافة الشحنة الحجمية ومعادلة بواسون في المجالين الإلكتروني والثقب بدلالة تدرج تركيز الشوائب في كل منها (على فرض أنها تأينت بشكل كامل).

ثانياً- استنتاج علاقتي الحقل الكهربائي \mathcal{H} والكمون الكهربائي φ في الجزء الإلكتروني والثقب من الوصلة $p-n$ السلسلة ورسم المنحنيات (البيانية) الموقعة لها. ماذا تستنتج؟

ثالثاً- نقش الناتج التي تحصل عليها من أجل الوصلة المدرسية إذا كانت متاظرة واستنتاج في أثناء ذلك علاقة السماكة الكلية لهذه الوصلة؟.

مدرس المقرر

مع التمنيات بالتفوق والنجاح

طرطوس في 05/02/2017

الدكتور وسن سليمان

مكتبة A2Z
قرطاسية، محاضرات كلية العلوم
طرطوس. جانب كلية السباحة
0931497960-0935078669

الاسم:	امتحان مقرر فيزياء أنصاف النواقل	طرطوس
المدة: ساعات	طلاب السنة الرابعة فيزياء	ية العلوم
العلامة العظمى: 80 درجة	لعام الدراسي 2015-2016 / دورة مرسوم	قسم الفيزياء

سؤال الأول: (١٧ درجة)

ليكن لدينا نصف ناقل من النوع m يمتاز بتدريج طولي لتركيز حاملات الشحنة. فإذا علمت أن تركيز التقوب (p_1) في الجهة اليسرى من نصف الناقل أكبر من تركيزها (r) في الجهة اليمنى منه، فيطلب ما يأتي:

أولاً- صف ماذا يحصل في نصف ناقل كهذا وكتب معادلة شرط التوازن الديناميكي الموافق له مع ذكر المسميات.

ثانياً - انطلاقاً من شرط التوازن الديناميكي السابق استنتج معادلة اينشتاين من أجل التقوب مع شرح ما يلزم.

ثالثاً- اكتب معادلة ايشتاين من أجل الالكترونات. ماذا تستنتج؟.

السؤال الثاني: (25 درجة)

ل يكن لدينا وصلة $n-p$ حادة حيث مبدأ حساب n و p هو حدوده الخارجية كما يوضح الشكل المجاور والمطلوب: أولاً- كتابة علقي كثافة الشحنة الحجمية الثابتة في المجالين النقي
والإلكتروسي. ثانياً- استنتاج علقي الكون الكهربائي ϕ وشدة المجال الكهربائي E في الجزء
الإلكتروني من الوصلة $n-p$ الحادة بدلالة السماكة d انطلاقاً من معادلة بواسون. مادا نستنتج؟

ثالثاً- هل تختلف علاقتا الكمون الكهربائي ρ وشدة الحقل الكهربائي E من أجل الجزء التقطي من الوصلة $-m$ الحادة ضمن نفس الشروط الموضحة في الشكل المجاور؟ اكتب العلاقتين المواتفتين لهذا اجزاء، مادا تستنتج؟

السؤال الثالث: (١٢ درجة)

أولاً - لين لدينا نصف ناقل إلكتروني متجانس نصف لانهائي $(0 \leq x)$ ثقفن في المستوى $x=0$ تقوب بشكل متواصل بحيث $\Delta\rho(0) = 10^{14} \text{ cm}^{-3}$ والمطلوب، إيجاد التركيز اللامتوازن للتقوب، على بعد 5 mm من السطح $x=0$ ، علماً بأن فتره حياء للتقوب تساوي 1 ms ومعامل انتشارها يساوي $40 \text{ cm}^2/\text{s}$. مادا تستنتج؟.

ثانياً- أحسب معامل الانتشار ثانويقطبية في زرنيخ الغاليوم الذي يتصف بنباذة ذاتية في درجة حرارة الغرفة K 300، علماً
بأن $\mu_p = 8800 \text{ cm}^2/\text{V.s}$ و $\mu_n = 400 \text{ cm}^2/\text{V.s}$. مادا تستنتج؟ ($k = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$)

ثـاً- نضع محسـاً ضوئـياً في نقطـة ما في نصف نـاـقـل إـلـكـتـرـوـنـي فـتـولـد أـروـاجـ من حـامـلـاتـ الشـحـنـةـ، فـإـذـا اـعـتـبـرـنـاـ أـنـ المـسـأـلـةـ المـدـرـوـسـةـ هـنـاـ وـحـيـدـةـ الـبـعـدـ فـأـحـسـبـ طـولـ اـنـشـارـ التـقـوبـ عـلـمـاـ بـأـنـ تـركـيـزـ الـحـامـلـاتـ الـلـامـتوـاـزـنـةـ عـلـىـ بـعـدـ 1.95 mmـ مـنـ الـمـجـسـ تـبـارـيـ

مع التمنيات بال توفيق والنجاح

طرطوس في 2016/08/23

مدرس المقرر

حُرِّيَّاتٍ وَّنِصَاطِنَ نِوَافِعَ

هي جواب السؤال الأول: (14 درجة)

عَنْ عَصَابَةِ الْدَّائِيَّةِ حَدَّدَ مِنَ النَّقَاطِ ($\alpha = 1, 2, \dots$) k^{α} فِي مَنْطَقَةِ بَرِيلُونْ، فَإِنْ قَانُونَ تَبَدُّدِ الْإِلَكْتَرُونَاتِ مِنْ أَجْلِ عَصَابَةِ غَيْرِ

بِ إِلَى الشُّكْلِ التَّالِيِّ:

$$E_{n,\alpha}(\vec{k}) = E_c + \sum_{i=x,y,z} \frac{\hbar^2}{2m_i} (k_i - k_i^{\alpha})^2; \quad m_i > 0.$$

تَوَافِقُ الطَّاقَةِ E_c قَرْعَ عَصَابَةِ النَّاقِلِيَّةِ، وَتَدْعُ m_i الْكَتْلَةَ الْفَعَالَةَ لِلْإِلَكْتَرُونَ.

الْمَقَادِيرُ m_i فِي حَالَةِ نَصْفِ نَاقِلٍ غَيْرِ مُتَمَاثِلِ الْمَنَاهِيِّ عَبَارَةٌ عَنْ مُرْكَبَاتِ اِتْسُورِ الْكُتلَةِ الْفَعَالَةِ m_{ij} :

$$m_{ij}^{-1} = \frac{1}{\hbar^2} \frac{\partial^2 E_n}{\partial k_i \partial k_j}$$

إِذْ لَدِنَا فِي جَمْلَةِ الْمَحَاوِرِ الرَّئِيْسِيَّةِ: $m_{xx} = m_x, \quad m_{yy} = m_y, \quad m_{zz} = m_z, \quad m_{xy} = m_{xz} = \dots = 0$.

ثَانِيًّا - فِي هَذِهِ الْحَالَةِ يَكُونُ مَقَادِيرُهُمْ m_i مُتَسَاوِيَّينَ وَنَرْمِزُ لَهُمَا بِالرَّمْزِ m (الْكَتْلَةُ الْفَعَالَةُ الْعَرَضَانِيَّةُ)،

أَمَّا الْمَقَدَارُ الْثَالِثُ فَيُسَمِّيُّ بِالْكَتْلَةِ الْفَعَالَةِ الْطَوْلَانِيَّةِ وَنَرْمِزُ لَهُ بِالرَّمْزِ $m_{||}$.

ثَالِثًا -

$$E_p(\vec{k}) = E_v - \frac{\hbar^2 k^2}{2m_p},$$

$$E_{p,\alpha}(\vec{k}) = E_v - \sum_{i=x,y,z} \frac{\hbar^2}{2m_i} (k_i - k_i^{\alpha})^2.$$

يُدْعَى الْمَقَدَارُ $E_g = E_v - E_c$ عَرْضُ الْمَنَطِقَةِ الْمُحَظَّرَةِ.

توزيع الدرجات على جواب السؤال الثاني: (20 درجة)

$$n_i = 2 \left(\frac{k_B T}{2\pi \hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} \left(m_n m_p \right)^{\frac{3}{4}} \exp \left(- \frac{E_g}{2k_B T} \right);$$

بهدف الحصول على تركيز الإلكترونات في نصف ناقل ذاتي غير منحط نعرض عن المقادير المجهولة القيمة من معلم المسألة من أجل الجermanium والسيلكون على الترتيب فنحصل على ما يأتي:

$$(\hbar = 1.05 \times 10^{-34} \text{ J/s} \text{ , } k_B = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K} = 8.616 \times 10^{-5} \text{ eV/K })$$

$$n_i(\text{Ge}) = 2 \left[\frac{\sqrt{0.362 \times 0.55} (9.1 \times 10^{-31}) \frac{1.38 \times 10^{-23} (350)}{6.28 \times 1.1 \times 10^{-68}} \right]^{\frac{3}{2}} \exp\left(-\frac{0.68}{0.0603}\right);$$

$$n_i(\text{Ge}) = 2 \left(2.432 \times 10^{16}\right)^{\frac{3}{2}} 1.34 \times 10^{-5} \text{ m}^{-3};$$

$$n_i(\text{Ge}) = 10.16 \times 10^{24} \times 10^{-6} \times 10^{-5} \text{ cm}^{-3} = 1.016 \times 10^{14} \text{ cm}^{-3}.$$

ومن أجل السيلكون نتبع الطريقة أعلاه ذاتها فنجد أن:

$$n_i(\text{Si}) = 2(1.735) \times 10^{21} \times 7.8 \times 10^{-9} \text{ m}^{-3};$$

$$n_i(\text{Si}) = 2.74 \times 10^{13} \text{ m}^{-3} = 2.74 \times 10^7 \text{ cm}^{-3}.$$

نستنتج مما سبق أن التركيز لحملات الشحنة الكهربائية في الجermanيوم أكبر منه في السيلكون

حوالی 10000000 مرد درجنان

وَهَذَا مِنْطَقَى عَلَى الرَّغْمِ مِنْ أَنَّهُمَا يَقْعُدُانِ فِي درَجَةِ الْحَرَاءِ نَذَرَاهَا،

وبسبب ذلك هو أن عرض المنطقة المحظورة للجرمانيوم أقل منها للاستيلكون بمرتين تقريباً.

١٠ (c) درجة

بتطبيق علاقـة المقاومة النوعـية التـالية:

$$\rho = \frac{1}{en_i(\mu_n + \mu_p)} = \frac{1}{en_i\mu_n(1+1/b)}.$$

والتعهيد عن الأعداد المشار إليها في المسألة، نحصل على:

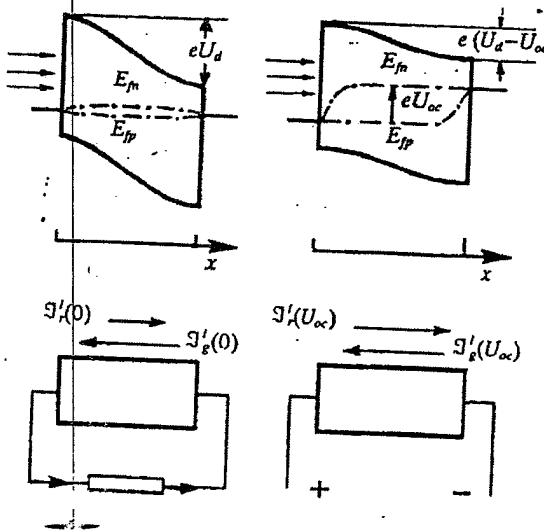
Ge: $\rho \approx 50 \Omega \text{ cm}$;

$$\text{Si: } \rho \approx 3.1 \times 10^3 \Omega \cdot \text{cm.}$$

جواب السؤال الثالث: (36 درجة)

والمسميات واتجاهات التيار الصحيحة 8 درجات

في الوصلة $p-n$ عند تعريضها لضوء أزواج إلكترونية -
تقبية حيث يزداد وبشكل ملحوظ تركيز الحاملات غير الأساسية
للشحنة في كل مقطع من مقاطع الوصلة $p-n$.



درجتان

❖ ويلاحظ أن كمية الحاملات الأساسية للتيار تتغير بشكل غير ملحوظ (أي بشكل ضعيف) عند الإضاءة بسبب تركيزها المتوازن الكبير. درجة واحدة

❖ وهذا يسبب الحقل الكهربائي الداخلي - البنبوبي لنقل الحاملات غير الأساسية للتيار والمشكّلة ضوئياً حيث تنتشر الإلكترونات من المنطقة التقبية إلى المنطقة الإلكترونية و التقوب في الاتجاه المعاكس تماماً. درجتان

❖ وعندما يتدفق تيار كهربائي في الدارة المقصورة الحاوية على الوصلة المضاءة. درجة واحدة
❖ ويجري هذا التيار بنفس الاتجاه الذي كان سيتبعه التيار العكسي عند تطبيق جهد كهربائي بالقطبية الموقفة بين طرفي الوصلة $p-n$. درجة واحدة

❖ ومن الواضح أن التيار المولود ضوئياً هو تيار توليد. درجة واحدة

❖ إذا كانت المقاومة الداخلية في دارة الخلية الضوئية صغيرة القيمة، فإن فرق الكمون بين القطبين اليساري واليميني يساوي الصفر، درجة واحدة

❖ وبالتالي يبقى ارتفاع الحاجز الانتشاري، وكذلك الحقل الكهربائي المتكون في المجال الانتقلالي، ثابت عملاً عند الإضاءة. درجة واحدة + درجة واحدة

❖ ولكن تيار التوليد الذي أجبر على الانتقال تحت تأثير الحقل الكهربائي الداخلي يزداد بشكل كبير عند الإضاءة بسبب تزايد سرعة توليد الحاملات الحرة التي تنقله. درجة واحدة + درجة واحدة

❖ أما تيار إعادة الاتصال الذي يُعرف بأنه تيار انتشار الحاملات الأساسية للشحنة (حيث تنتشر الإلكترونات من المنطقة الإلكترونية إلى المنطقة التقبية وتنتشر التقوب في الاتجاه المعاكس تماماً) فيبقى ثابتاً عملياً، درجتان

❖ لأن هذا التيار يتعلق فقط بفرق الكمونات بين المجالين الإلكتروني والتقطي للوصلة $p-n$. درجة واحدة

❖ بهذا الشكل يتدفق عبر خلية ضوئية مقصورة تيار ضوئي يسمى بتيار الدارة المقصورة ويُعرف بأنه فرق بين تيار توليد متزايد بشكل كبير عند الإضاءة وتيار إعادة انتقال غير متغير عملياً. درجتان

- ❖ إذا تم فتح الدارة الحاوية على الخلية الضوئية، كما في الشكل المرافق، واستمرت إضاءة الخلية، فإن الإلكترونات الامتوازنة المتنقلة تحت تأثير الحقل البنيوي من نصف ناقل تقي إلى آخر إلكتروني، والتقويب الامتوازنة المتنقلة من نصف ناقل إلكتروني إلى آخر تقي لا تستطيع الخروج إلى دارة خارجية: درجتان
- ❖ فالإلكترونات المتراكمة في نصف ناقل إلكتروني تُخْفَض كمون هذا القطاع درجة واحدة
- ❖ والتقويب التي تظهر في نصف ناقل تقي ترفع كمونه. درجة واحدة
- ❖ ولذلك، يتشكل عند قطبي خلية ضوئية مفتوحة الدارة فرق كمون ما، يسمى بالقوة الدافعة الكهربائية لدارة بلا حمل. درجتان
- ❖ وهذه القوة الدافعة الكهربائية تُخْفَض من ارتفاع الحاجز الطاقي الذي تشكّل في البداية بشكل كبير بقدر يعادل تيار إعادة الاتّحاد المتشكل في هذه الحالة تيار التوليد المتزايد تماماً. درجتان
- ❖ وبهذا الشكل، تتدفق في خلية ضوئية دارتها مفتوحة وفي خلية مظلمة أيضاً تيارات توليد وإعادة اتحاد متساوية قيمةً ومتعاكسة جهةً، ولكن تمثل هذه التيارات عند الإضاءة قيمةً كبيرةً وأكبر منها في الظلام بكثير. درجتان

الدكتور حسن سليمان



مكتبة
A to Z