



كلية العلوم

القسم : الرياضيات

السنة : الثالثة

المادة : بحوق عمليات

المحاضرة : الثالثة / نظري /

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

2025

5

الدكتور : حسان علي

المحاضرة:

الثالثة نظري



القسم: الرياضيات

السنة: الثالثة

المادة: بحوث الرياضيات

التاريخ: / /

A to Z Library for university services

- تعريف الاستراتيجية: هي مجموعة من القواعد و الدوال التي بواسطتها يمكننا تحديد اختيار لاعب معين في كل مرحلة حركة له خلال المباراة.
- تعريف نظرية المباريات: هي دراسة الاستراتيجيات في مواقف النزاع والنزاع يكون بين شخصين أو أكثر، وسمي كل منها لاعب و أمام كل لاعب بدائل متاحة له وكل بديل مفتوح أمام كل من اللاعبين أي البدائل هي نفسها أمام كل اللاعبين و يؤثر اختيار لاعب ما لبدل ما على ما يحققه اللاعب الآخر من عائدات.
- الافتراضات: افتراضات المباراة أي ما تحققه المباراة يتوقف على قرارات كل المشتركين في المباراة.
- كل المباريات تحكمها القواعد التالية:
- ① عدد المشتركين محدود.
 - ② لكل لاعب عدد محدود من البدائل المتاحة والتي يختار بينها بالإضافة إلى أن هذه البدائل هي نفسها لكل اللاعبين أي لا يوجد بديل متاح للاعب وعز محتاج للآخر.
 - ③ قرار كل لاعب يؤثر فيما يحققه هو من عائد ونما يحققه الآخرون المشتركين معه في المباراة.
 - ④ قرارات جميع اللاعبين تتخذ في نفس الوقت.
 - ⑤ لا يتصل اللاعبون ببعضهم البعض.
 - ⑥ العائد من جميع البدائل الممكنة للاستراتيجيات معلومة.

سنتناول في دراستنا المباراة بين شخصين فقط، ونوعين من المائدات

1- المائدات الصفريّة : أي مجموع المائدات لكل اللاعبين هو صفر .

2- المائدات غير الصفريّة : أي مجموع المائدات لكل اللاعبين لاسيما الصفريّة

المباريات بين شخصين ذات المائد الصفريّة

مثال : ليكن لدينا اللاعبين A و B و مصفوفة المائد التالية لصالح اللاعب A:

		اللاعب B		
		B_1	B_2	B_3
اللاعب A	A_1	1	-1	10
	A_2	-5	0	-4
	A_3	2	1	5

نسمي كل من B_i باستراتيجيات اللاعب B و $i=1,2,3$

و A_i باستراتيجيات اللاعب A و $i=1,2,3$

إذا افترضنا أن عائدا المباراة للاعب A بالرمز V_1 وعائدا المباراة

للاعب B بالرمز V_2

بالتالي فإن عائدا المباراة

$$V = V_1 + V_2$$

ومن هالتنا أي حالة المباراة بين شخصين ذات المائد الصفريّة

يكون: $V = 0$ و $V_1 = -V_2$

و الجدول السابق هو جدول المائدات للاعب A أي إذا افترضنا

اللاعب A الاستراتيجيّة A_1 و اللاعب B افتتار الاستراتيجيّة B_3 بالتالي

عائدا المباراة: $V_1 = 10$ و $V_2 = -10$

هذا يعني في حالة المباريات بين شخصين ذات المائد الصفريّة ربح

اللاعب A هو هسارة للاعب B وبالعكس هسارة اللاعب A هو ربح اللاعب B.

ما هي الاستراتيجية الأفضل لكلا اللاعبين؟

لنحدها لدينا الطريقة التالية :

① نحدد أقل قيمة لكل سطر ثم نأخذ أعلى قيمة من القيم الأخيرة .

② نحدد أعلى قيمة لكل عمود ثم نأخذ أقل قيمة من القيم الأخيرة .

③ نقارن بين النتائج الأخيرة ونخبر بالنتيجة :

$$\min \max = \max \min$$

-a

$$\min \max \neq \max \min$$

-b

من المثال السابق :

		B				
		B ₁	B ₂	B ₃	min	
A	A ₁	1	-1	10	-1	max min = 1
	A ₂	-5	0	-4	-5	
	A ₃	2	1	5	1	
	max	2	1	10		
		min max = 1				

$$\min \max = \max \min = 1$$

في هذا المثال

وبذلك يكون حل المباراة هو (A₃, B₂) وعاشد المباراة V = 0

$$V_1 = 1 \text{ و } V_2 = -1$$

وسمى النقطة (A₃, B₂) نقطة تعادل (سرج) وسمى المباراة بـ

مباراة ذات نقطة تعادل (سرج)

تعريف نقطة السرج : هي النقطة التي يستطيع عندها كلا اللاعبين لأن

أي الخرافات عنها يقلل من الربح ويزيد من الخسارة .

توضيح: ① إذا كان للمباراة أكثر من نقطة تعادل فإن قيمة المربوعات

هي البرج أو الخسارة عند جميع نقاط السرج متساوية .

② إذا كان هناك نقطتين للسرج فإن عمود كل منهما مع صف الآخر

يحدد نقطة سرج أخرى .

منه مثالنا السابق: يوجد نقطتين سرج هما (A_3, B_2) و (A_1, B_1)

فإن (A_1, B_2) و (A_3, B_1) هما نقاط سرج .

السيطرة: أي أنه لأي استراتيجية للاعب الكبير A

إذا كانت تتم العوائد على الصف المناظر لهذه الاستراتيجية أقل أو

متساوية القيم المناظرة لاستراتيجية أخرى فإنه يمكن لهذا اللاعب أن

يلغي أو يسقط الاستراتيجية الأولى من الاعتبار .

بالمثل فإن لاعب الصغير B إذا وجد قيم الخسارة على العمود المناظر

لأحد استراتيجياته أكبر أو تساوي قيم مناظرة لاستراتيجية أخرى فإنه

سيطوع أن يلغي أو يسقط من اعتباره الاستراتيجية الأولى .

تستخدم من هذه الحالة استراتيجيات أخرى مختلفة أي يمكن للاعب

استخدام الاستراتيجية A_2 لفترة من الوقت و A_4 للوقت الباقى .

مثال: قرب العقد بين شركة معينة و نقابة العمال على الانتهاء ويتطلب

الأمر ضرورة التفاوض على عقد جديد قبل انتهاء فترة هذا العقد

فكان على كل طرف أن يعد استراتيجية التي سيتبعها من عملية

التفاوض، فإذا كانت الاستراتيجيات المحققة بكل الطرفين هي:

أولاً: سياسة الهجوم و المفاوضات البائسة و اتخاذ المواقف المستعدة

ثانياً: مدخل الاعتنا

ثالثاً: مدخل القائون

رابعاً: مدخل الالتفاف والتفاهم

وكانت مصفوفة العائد لصالح النقابة :

		الشركة A				
		A_1	A_2	A_3	A_4	min
النقابة B	B_1	20	15	12	35	12
	B_2	25	14	8	10	8
	B_3	40	2	19	5	2
	B_4	-5	4	11	0	-5
max		40	15	19	35	
		min max = 15				

في هذه الحالة $\min \max \neq \max \min$

لدينا B_1 يسيطر على B_4 ثم A_3 و A_2 يسيطر على A_1

وبعد هذا B_1 يسيطر على B_2 ثم A_2 يسيطر على A_4

ليصبح لدينا :

		الشركة A	
		A_2	A_3
النقابة B	B_1	15	12
	B_3	2	9

إذا افترضنا أن النقابة ستختار B_1 باحتمال p و B_3 باحتمال $1-p$

إذاً ستستخدم استراتيجية B_1 فترة من الزمن ثم تنقل إلى الاستراتيجية

B_3

نفرض أن الشركة افترضت الاستراتيجية A_2 فإن النفعة المتوقعة

$$V_1 = 15 \times p + 2 \times (1 - p) \quad (1)$$

نفرض أن الشركة اختارت الاستراتيجية A_3 فإن التوقع المتوقعة

$$V_1 = 12 \times p + 19 \times (1 - p) \quad \text{--- (2)}$$

من (2) = (1) نصل على $p = 85\%$ و $1 - p = 15\%$
و المنفعة المتوقعة للتقاية :

$$V_1 = 15 \times 0.85 + 2 \times 0.15 = 13.05$$

أما من وجهة نظر الشركة نفرض q احتمال اختيار الشركة الاستراتيجية A_2 و $1 - q$ اختيار الشركة الاستراتيجية A_3 .

$$V_2 (A/B_1) = q \times 15 + (1 - q) \times 12 \quad \text{--- (3)}$$

$$V_2 (A/B_3) = q \times 2 + (1 - q) \times 19 \quad \text{--- (4)}$$

من (4) = (3) نصل على $q = 35\%$ و $1 - q = 65\%$

الخسارة المتوقعة للتقاية : $V_2 = 13.05$

المباريات بين شخصين ذات العائد غير الصفري

مثال شركتان أمامهما قرار القيام أو عدم القيام بحملة إعلانية ويظهر

الجدول التالي العائدات :

	إعلان	عدم إعلان	شركة 2	
			شركة 1	عدم إعلان
إعلان	+5	-15	+2	+2
	-10	-10	-15	+15

	إعلان	عدم إعلان	شركة 2	
			شركة 1	عدم إعلان
إعلان	+5	+2	-15	+2
	-10	+5	-10	+5

جدول العائدات للشركة 1 →

جدول العائدات للشركة 2 ←

* بمقلانية الشركة 1 تختار استراتيجية الإعلان بغض النظر عن
اختيار الشركة 2 لأنه إذا قررت الشركة 2 عدم الإعلان فإن
أكبر ربح يحققه هو 5 ، أما إذا قررت الشركة 2 الإعلان
فإنها ستحقق أقل فسارة .

* بمقلانية الشركة 2 تختار استراتيجية الإعلان بغض النظر عن
اختيار الشركة 1 لأنه إذا قررت الشركة 1 عدم الإعلان ستحقق
أكبر منفعة 5 ، وإذا قررت الشركة 1 الإعلان ستحقق
أقل فسارة .

إذاً كل الباردة بمقلانية هو : كلا الشركتين تقرر القيام بالإعلان
وبحسبة قدرها 5 لكل منهما .

إذا لم تتصرف الشركتين بالمقلانية وقررت اختيار استراتيجية
عدم الإعلان ستحقق كل منهما منفعة قدرها 2 .

بالتالي مباريات المجموع غير الصفري غالباً ما تؤدي إلى
حلول غير مرضية .

انتهت المحاضرة