



كلية العلوم

القسم : الرياضيات

السنة : الرابعة

المادة : ذكاء صناعي

المحاضرة : الثالثة / نظري

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

٩

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

# SOLVING PROBLEMS BY SEARCHING

## Outline

- Problem-solving agents

- Problem types

- Problem formulation

- Example problems

- Basic search algorithms

The process of looking for a sequence of actions that reaches the goal is called **search**.

A **search algorithm** takes a **problem** as input and returns a **solution** in the form of an **action sequence**.

يقوم مبدأ عمل خوارزميات البحث في أنها تأخذ المشكلة كمدخلات ثم تقدم الحل في صورة سلسلة من العمليات أو الإجراءات التي تنتهي عند الوصول إلى الهدف والحصول على الحل النهائي.

الذكاء الصناعي يقوم بحل المشاكل عن طريق البحث عن حلول في فضاء الحالة **state space** وهذا البحث يتم بعدة طرائق وتقنيات (**خوارزميات بحث**). فما هو فضاء الحالة؟ وما هي خوارزميات البحث وكيف تعمل؟

يصف هذا الفصل نوعاً واحداً من الوكلاء القائمين على الأهداف يسمى وكيل حل المشكلات.

وكلاء حل المشكلات

من المفترض أن يقوم الوكلاء الأذكياء بتعظيم قياس أدائهم. وكما ذكرنا في الفصل الثاني، فإن تحقيق ذلك يكون أحياناً إذا كان الفاعل قادراً على تبني هدف والسعي إلى تحقيقه. دعونا نلقي نظرة أولاً على سبب وكيفية قيام الوكيل بذلك.

تخيل وكيلًا في مدينة Arad برومانيا يستمتع بعطلة سياحية. يحتوي مقياس أداء الوكيل على العديد من العوامل:

فهو يريد تحسين سُمرة البشرة،

وتحسين اللغة الرومانية،

والاستمتاع بالمناظر الطبيعية،

والاستمتاع بالحياة الليلية (كما هي)،

وتجنب الكحوليات، وما إلى ذلك.

لنفترض أن الوكيل لديه تذكرة غير قابلة للاسترداد للسفر من بوخارست في اليوم التالي. في هذه الحالة، من المنطقي أن يتبنى الوكيل هدف الوصول إلى بوخارست. يمكن رفض مسارات العمل التي لا تصل إلى بوخارست في الوقت المحدد دون المزيد من الدراسة و تبسيط مشكلة قرار الوكيل إلى حد كبير.

تساعد **الأهداف في تنظيم السلوك** عن طريق الحد من الأهداف التي يحاول الوكيل تحقيقها

إن **صياغة الأهداف** ، بناءً على **الوضع الحالي ومقياس أداء الوكيل**، هي الخطوة الأولى في حل المشكلات.

**صياغة المشكلة** هي عملية تحديد الإجراءات والحالات التي يجب مراعاتها، في ضوء الهدف.

## Problem Solving Agent

يصف هذا الفصل نوعًا واحدًا من الوكلاء القائمين على الأهداف يسمى وكيل حل المشكلات.

### - Problem-solving agent: a type of goal-based agent

وكيل حل المشكلات: نوع من الوكلاء القائمين على الأهداف

### - The process of looking for such a sequence of actions is called search

عملية البحث عن مثل هذه التسلسل من الإجراءات تسمى البحث

صياغة الهدف: بناءً على الموقف الحالي ومقياس أداء الوكيل

### - Goal formulation: based on current situation and agent's performance measure

### - Problem formulation: deciding what actions and states to consider, given a goal

صياغة المشكلة: تحديد الإجراءات والحالات التي يجب مراعاتها، مع الأخذ في الاعتبار الهدف

الوكلاء الذين يساعدون بحل المشاكل: هو نوع من أنواع الوكلاء القائمين على الهدف فهو يختص فقط بحل المشاكل. التابع الخاص بهذا الوكيل: دخله مستقبلات ( percept ) من المحيط وخرجه الفعل المحدد ( action )

**function** SIMPLE-PROBLEM-SOLVING-AGENT(*percept*) **returns** an action

**persistent:** *seq*, an action sequence, initially empty

*state*, some description of the current world state

*goal*, a goal, initially null

*problem*, a problem formulation

المتحولات داخل التابع:

Seq: سلسلة الأفعال التي سيقوم بها الوسيط، بداية تكون فارغة

State: الحالة الحالية للوكيل (هذا ليس بمعنى ذاكرة)

Goal: الهدف الذي يحاول الوكيل الوصول إليه في البداية يكون null

Problem: الصيغة التي تتعامل معها المسألة

*state* ← UPDATE-STATE(*state*, *percept*)      نقوم بتهيئة الحالة بناءً على المستقبلات

**if** *seq* is empty **then**      إذا كانت سلسلة الأفعال المتاحة فارغة

*goal* ← FORMULATE-GOAL(*state*)

*problem* ← FORMULATE-PROBLEM(*state*, *goal*)

*seq* ← SEARCH(*problem*)

**if** *seq* = failure **then return** a null action

*action* ← FIRST(*seq*)

*seq* ← REST(*seq*)      نقوم بوضع الأفعال المتبقية بالمتحول *seq*

**return** *action*

يتم تحديد صيغة المسألة اعتماداً على الحالة الحالية والهدف

تحديد ما هي سلسلة الأفعال المتاحة لهذه المسألة

بعد كل هذا نقوم بتحديد ما هو الفعل المتاح للحالة الحالية

وكيل بسيط لحل المشاكل: يقوم أولاً بصياغة هدف ومشكلة، و**يبحث** عن سلسلة من الإجراءات التي من شأنها حل المشكلة، ثم ينفذ الإجراءات واحدة تلو الأخرى. عندما يكتمل هذا، فإنه يصوغ هدفاً آخر ويبدأ من جديد.

# Example: Romania

On holiday in Romania; currently in Arad.

Flight leaves tomorrow from Bucharest

Formulate goal:  
be in Bucharest

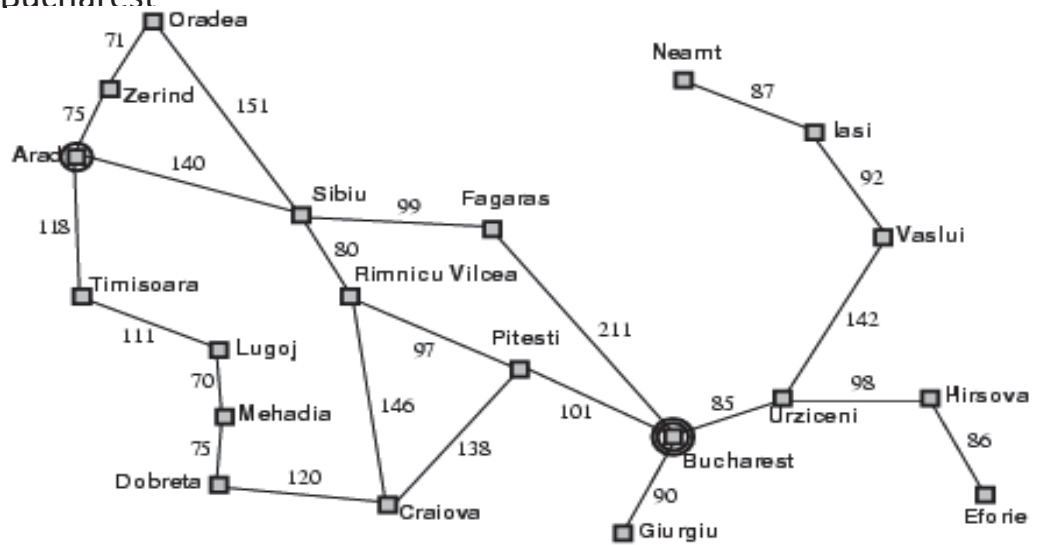
Formulate problem:

**states:** various cities

**actions:** drive between cities

Find solution:

sequence of cities, e.g., Arad, Sibiu, Fagaras, Bucharest



## Problem types

**Deterministic, fully observable** → single-state problem

Agent knows exactly which state it will be in; solution is a sequence

**Non-observable** → sensorless problem (conformant problem)

**multiple-state problem** ليس لديه أي معلومة عن مكانه وبالتالي سيكون هناك مجموعة احتمالات

Agent may have no idea where it is; solution is a sequence

**Nondeterministic** and/or **partially observable** → contingency problem مشكلة طارئة

percepts provide **new** information about current state often **interleave**

{ search, execution }

تزداد المدركات معلومات جديدة حول الحالة الحالية غالبًا ما تتداخل عملية {البحث، التنفيذ}

**Unknown state space** → exploration problem

## Problem types

**Deterministic, fully observable** → **single-state problem**

Agent knows exactly which state it will be in;

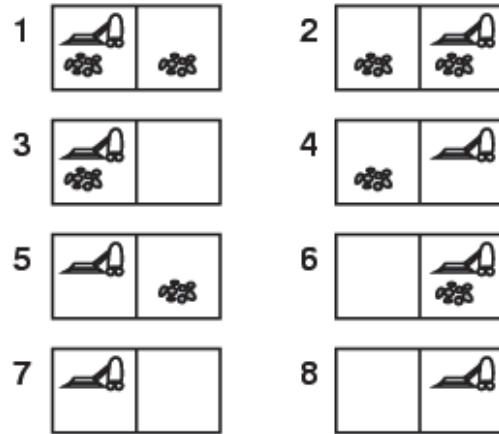
Vacuum world → everything observed

Romania → The full map is observed

**Single-state**: Start in #5.

Solution??

[Right, Suck]



## Problem types

**Non-observable** → **sensorless problem (multiple-state problem)**

Agent may have no idea where it is; solution is a sequence

Vacuum world → No sensors

Romania → No map just know operators (cities you can move to)

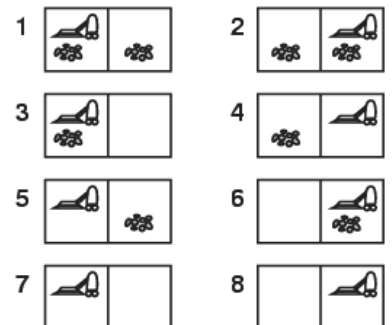
**multiple-state problem**: ليس لديه أي معلومات لكن عنده كل الاحتمالات  
Start in {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}

e.g., Right goes to {2, 4, 6, 8}. تم توليد أربع احتمالات مختلفة

Solution??

[Right, Suck, Left, Suck]

كل action يتولد اكثر من احتمال أو اكثر من حالة



□ **Initial state:**

start with one of the set {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}.

□ **Goal:** {7,8}.

□ **Solution?** [right, suck, left, suck]

➤ Right → {2; 4; 6; 8}

➤ Suck → {4; 8}

➤ Left → {3; 7}

➤ Suck → {7}

# Problem types

**Nondeterministic and/or partially observable** → contingency problem

percepts provide **new** information about current state

**Contingency**: [L,clean]

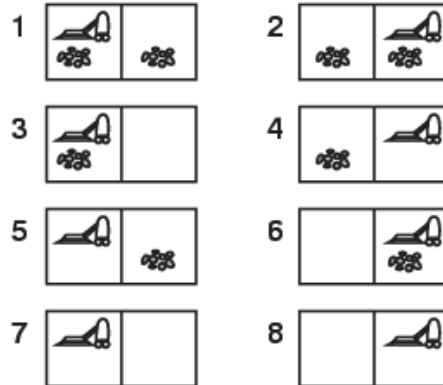
Start in #5 or #7

Solution??

[Right, if dirt then Suck]

قبل كل action يحتاج معلومة ويسأل

حالة طارئة يمكن ان تحصل  
الوكيل محتاج يسأل دائما قبل كل قرار  
كل خطوة يحتاج معلومة ليأخذ القرار



**Unknown state space** → exploration problem

Vacuum world → know state of current location

Romania → know current location and neighbor cities

## Single-state problem formulation

A problem can be defined formally by five Components

**Initial state**

**Actions**

**Transition model**: description of what each action

does (**successor**)

**Goal test**

**Path cost**

## Problem Formulation (The Romania Example)

**State:** We regard a problem as **state space** here a state is a City

**Initial State:** the state to start from  
In(Arad)

**Successor Function:**  $S(x)$  = set of action-state pairs

e.g.,  $S(\text{Arad}) = \{ \langle \text{Arad} \rightarrow \text{Zerind}, \text{Zerind} \rangle, \dots \}$

**Goal Test:** determine a given state is a goal state.

**explicit**, e.g.,  $x = \text{"at Bucharest"}$

**implicit**, e.g.,  $\text{NoDirt}(x)$

**Path Cost:** Additive. (تكلفة المسار التراكمية)

– e.g., sum of distances, number of actions executed, etc.

–  $c(x, a, y)$  is the step cost, assumed to be  $\geq 0$

**Solution:** a sequence of actions leading from the initial state to a goal state

تهيئة الحالة الابتدائية

تابع تحديد الخطوة التالية

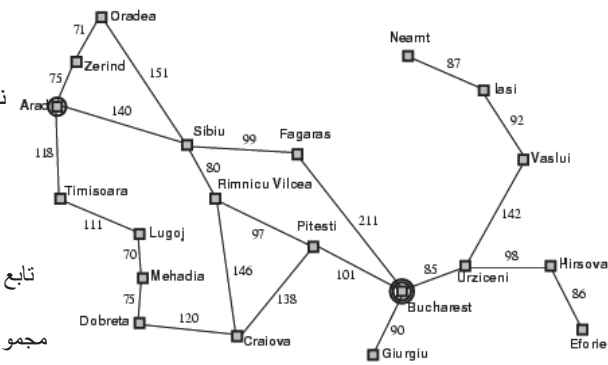
مجموعة من الأزواج مؤلفة من حالات وافعال

اختبار لهدف: تحديد حالة معينة هي حالة الهدف

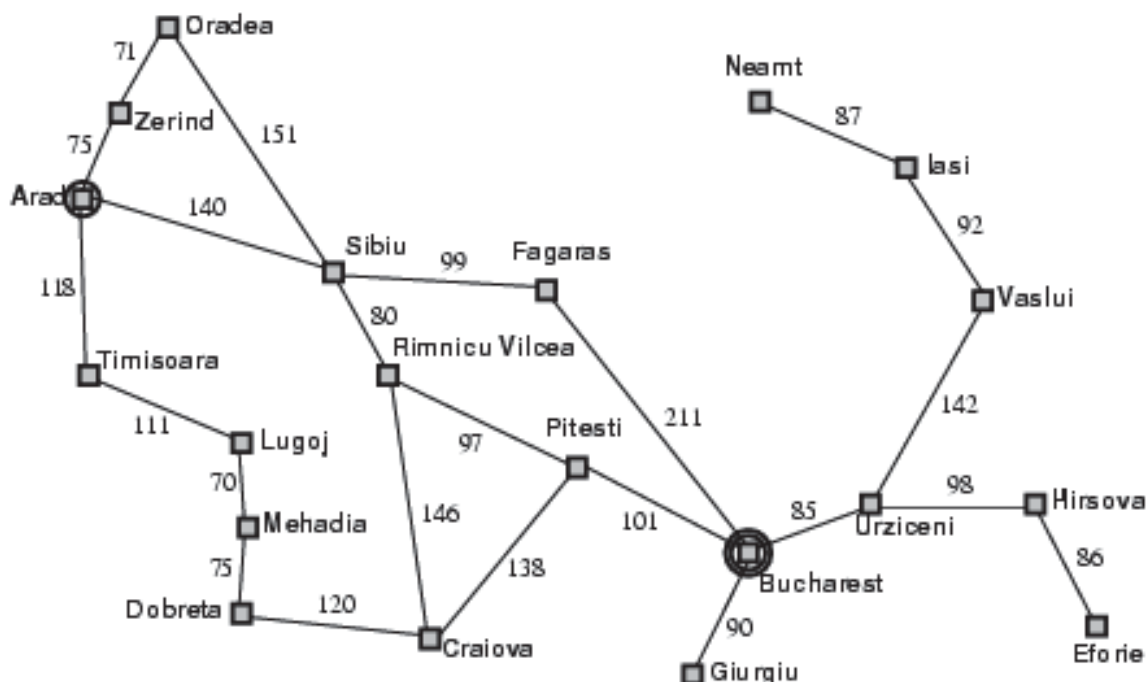
واضح: الوصول لمدينة بوخارست

ضمني: المكتسة هل المربع متسخ أو لا

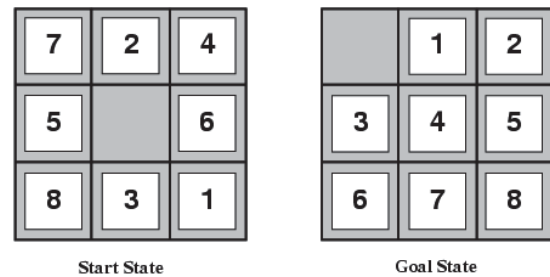
على سبيل المثال، مجموع المسافات، عدد الإجراءات التي تم تنفيذها، إلخ.



## Example: Romania (fig 3.2)



# Example: The 8-puzzle (fig 3.4)



states? locations of tiles

actions? move blank left, right, up, down

goal test? = goal state (given)

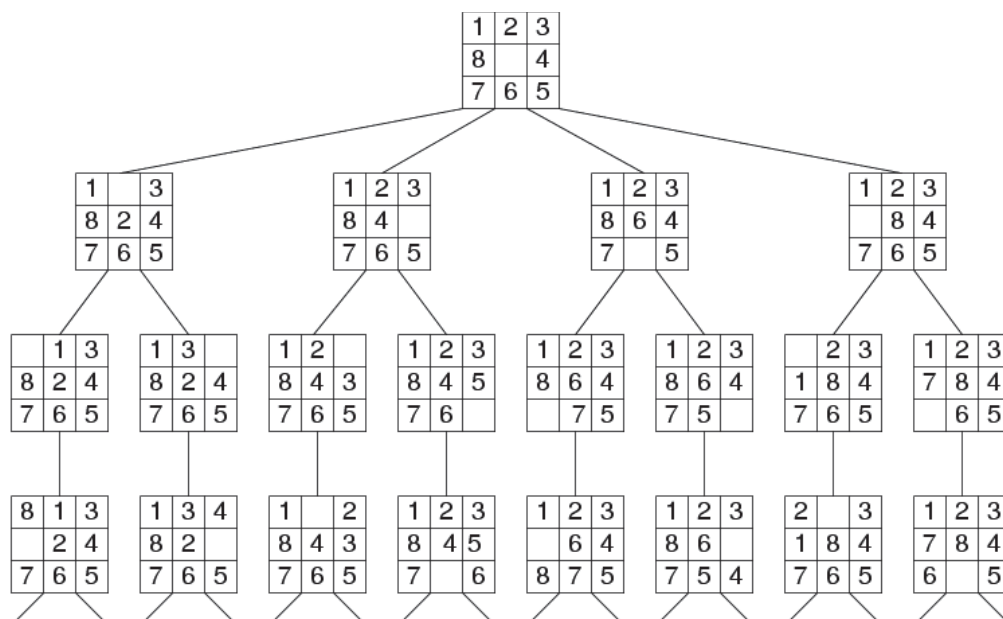
path cost? 1 per move

[Note: optimal solution of  $n$ -Puzzle family is NP-hard]

2024/12/4

15

## Fragment of 8-Puzzle Problem Space



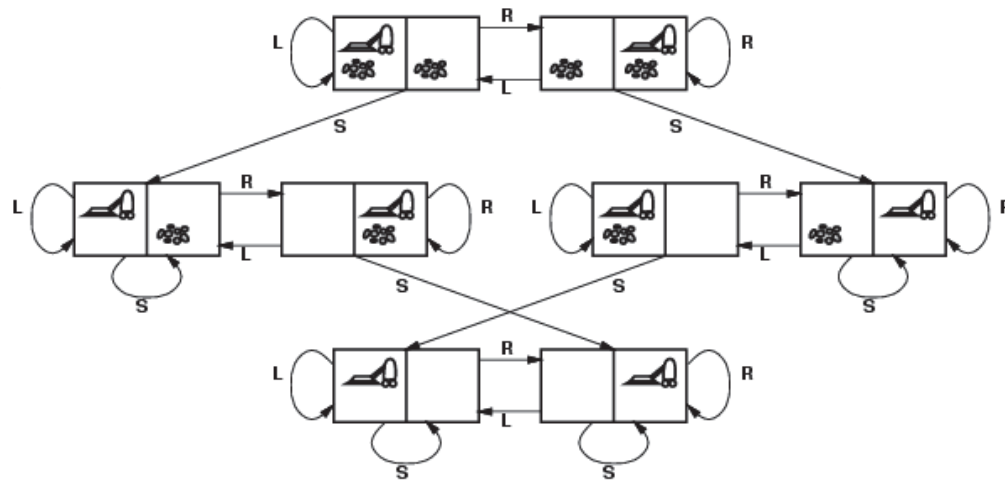
# Vacuum world state space graph (fig3.3)

states? integer dirt and robot location

actions? *Left, Right, Suck*

goal test? no dirt at all locations

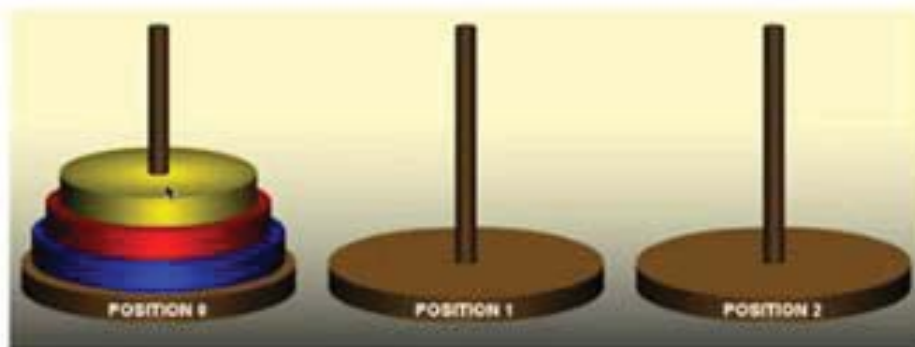
path cost? 1 per action



2024/12/4

17

## Tower of Hanoi



- ❖ **States:** disks location in the three possible positions
- ❖ **Initial State:** All disks in position 0
- ❖ **Successor function:** move disk between positions (with constraints)
- ❖ **Goal test:** All disks in position 2
- ❖ **Path cost:** 1 per move

خوارزميات شجرة البحث: Tree search algorithms

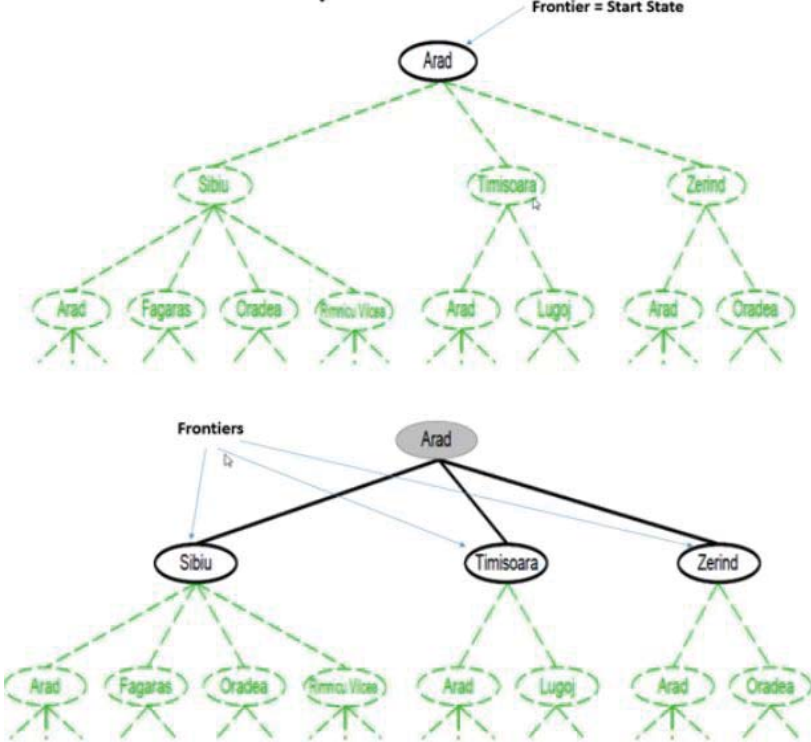
الهدف من هذه الخوارزميات هو العثور على حل لمسألة ما، ونفحص كامل فضاء الحالات المتاح.

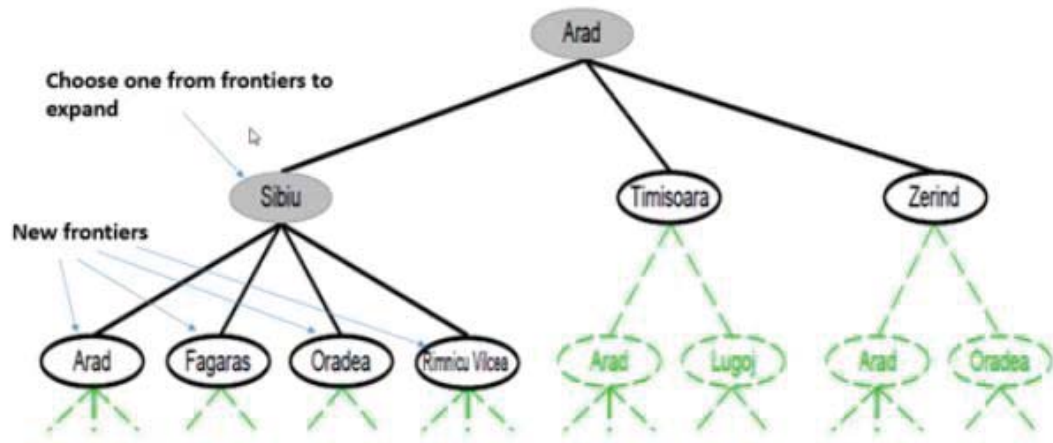
الحل هو تسلسل الأفعال، تشكل تسلسلات الأفعال المحتملة التي تبدأ بالحالة الأولية شجرة بحث search tree حيث تمثل الحالة الأولية (initial state) جذر الشجرة root؛ الفروع (branches) هي إجراءات أو actions يوضح الشكل ٣,٦ الخطوات الأولى في بناء شجرة البحث للعثور على طريق من أراد إلى بوخارست.

```
function TREE-SEARCH(problem) returns a solution, or failure
  initialize the frontier using the initial state of problem
  loop do
    if the frontier is empty then return failure
    choose a leaf node and remove it from the frontier
    if the node contains a goal state then return the corresponding solution
    expand the chosen node, adding the resulting nodes to the frontier
```

نتابع خلاف ذلك: نقوم باختيار عقدة ورقية من الشجرة حسب الاستراتيجيات المعتمدة ونقوم بفحصها إذا كانت هي الحالة هدف نعيد الحل المقابل لهذه الحالة وإلا نقوم بتوسعة هذه العقدة ونضيف العقد الجديدة الموسعة الى شجرة البحث

Tree search: Example





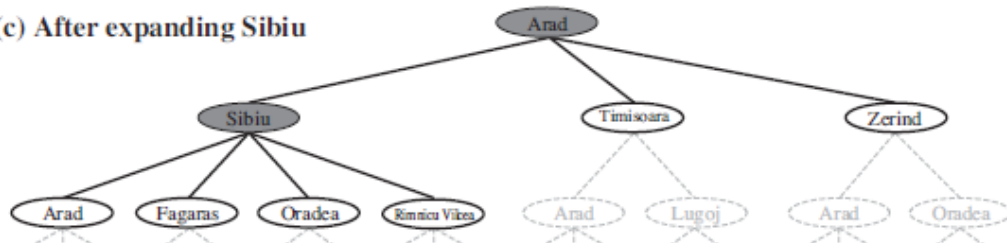
(a) The initial state



(b) After expanding Arad



(c) After expanding Sibiu



# Problem Formulation



تشكل تسلسلات الأفعال المحتملة التي تبدأ بالحالة الأولية **شجرة بحث** **search tree** حيث تمثل الحالة الأولية **(initial state)** جذر الشجرة **root**؛ الفروع **(branches)** هي إجراءات أو **actions** يوضح الشكل ٣,٦ الخطوات الأولى في بناء شجرة البحث للعثور على حل **الحل هو تسلسل الأفعال للوصول إلى الهدف**

## Problem formulation

- The state space forms a directed network or graph in which the nodes are states and the links between nodes are actions.

### State Space

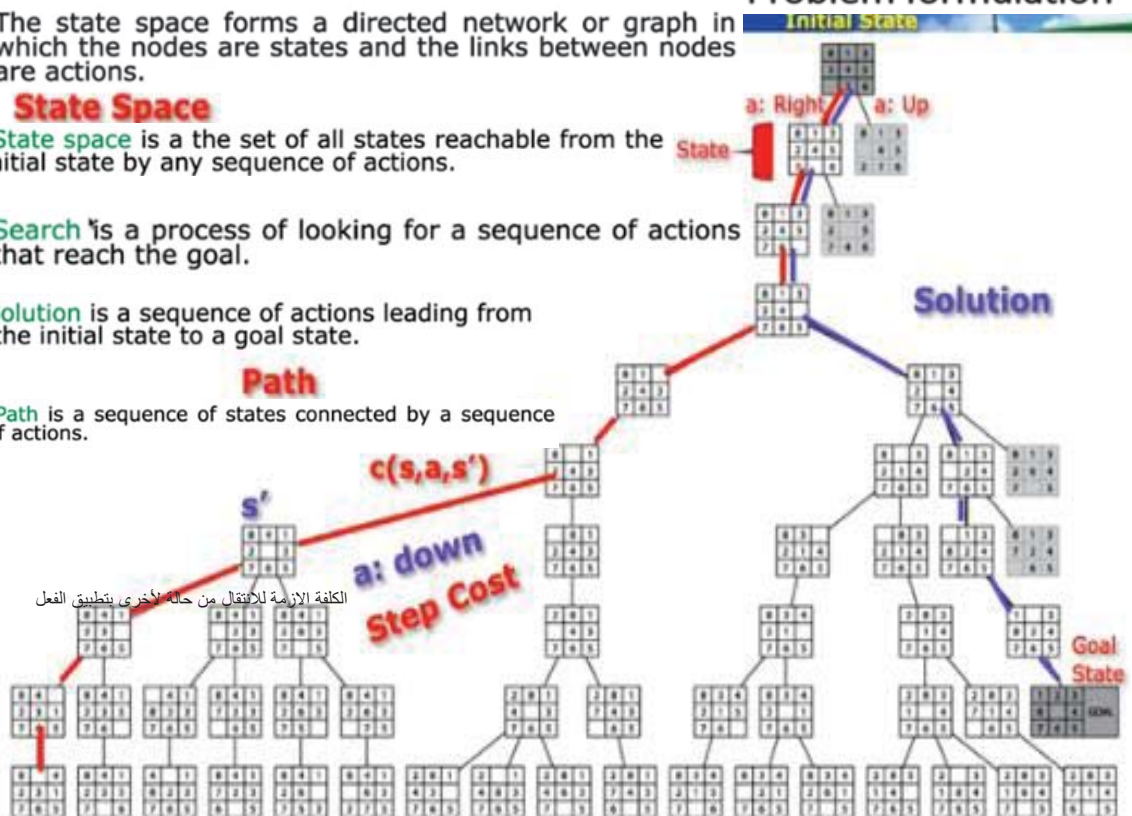
**State space** is the set of all states reachable from the initial state by any sequence of actions.

**Search** is a process of looking for a sequence of actions that reach the goal.

**Solution** is a sequence of actions leading from the initial state to a goal state.

### Path

**Path** is a sequence of states connected by a sequence of actions.



الكلفة اللازمة للانتقال من حالة لأخرى بتطبيق الفعل

## Implementation: states vs. nodes

A **state** is a (representation of) a physical conguration

A **node** is a data structure constituting part of a search tree

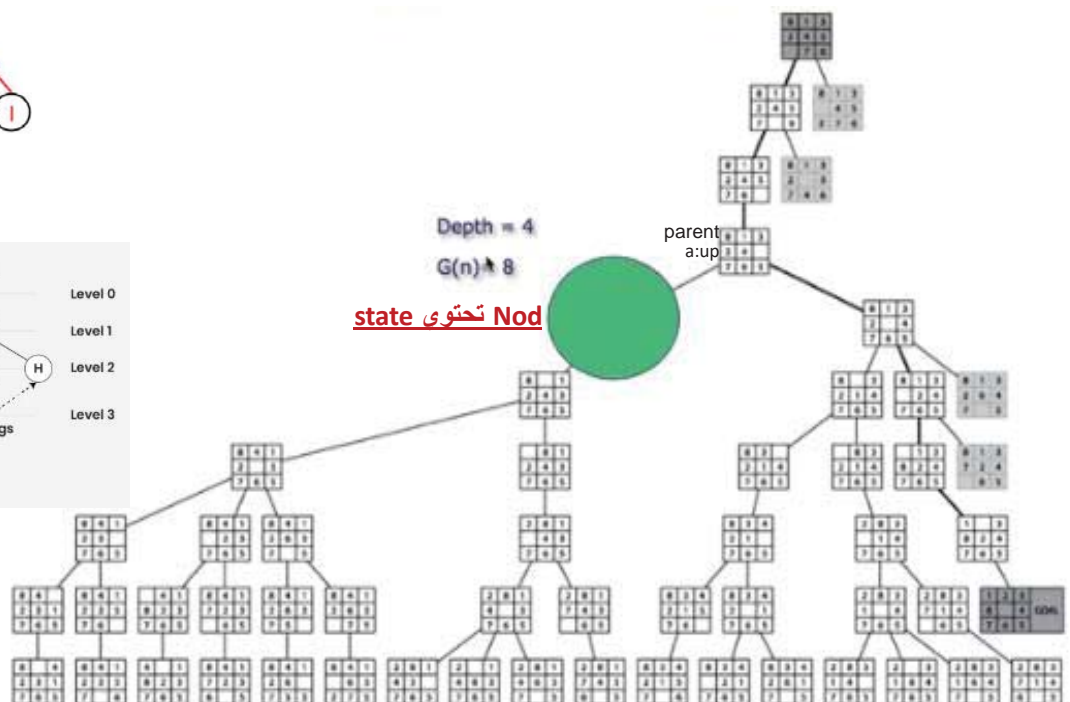
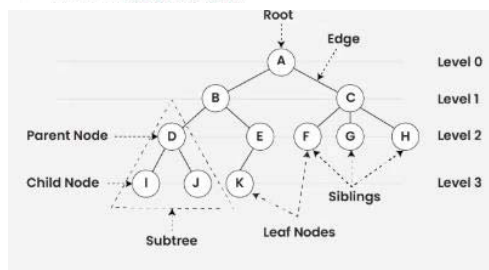
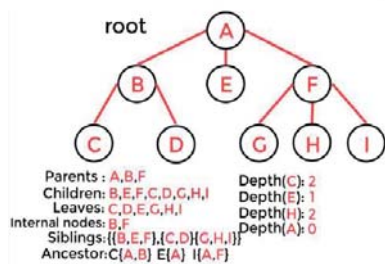
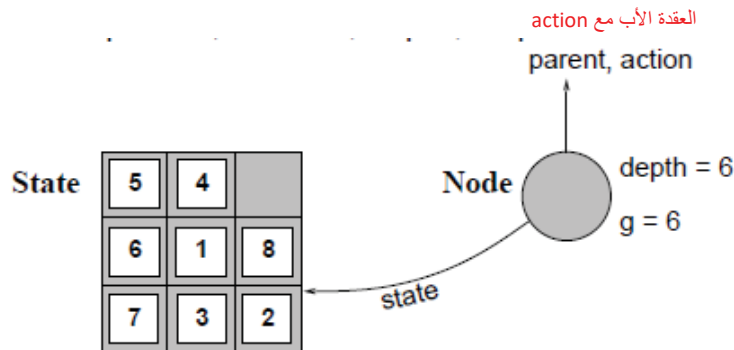
Includes **state**, **parent**, **children**, **depth**, path **cost g(x)**

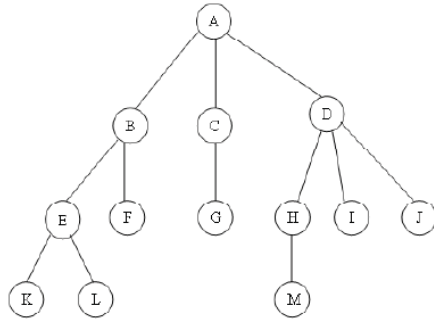
States do not have parents, children, depth, or path cost!

ما الفرق بين **العقدة والحالة**:

**الحالة** هي توضع فيزيائي بالمسألة مثلا مدينة، مربع متسخ...

**العقدة**: هي بنية معطيات ضمن الشجرة تتكون من عدة حقول أحدها هي الحالة وأيضا العقدة الأب، العمق، التكلفة، الفعل الذي أوصلنا للعقدة الحالية.





الشكل (1-7) : شجرة

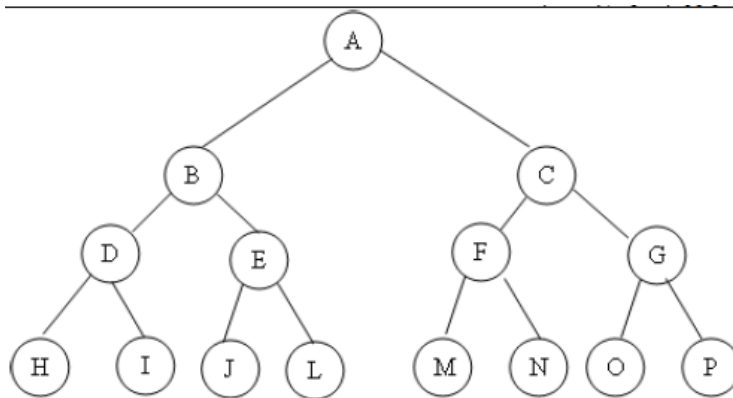
#### تعريف 1 :

- درجة عقدة (degree of node) هي عدد الأشجار الفرعية لهذه العقدة . فمثلاً درجة العقدة A تساوي 3 و درجة العقدة C تساوي 1 و درجة العقدة F صفر .
- درجة الشجرة  $\text{degree}(T)$  هو العدد الأعظمي للأشجار الفرعية لعقدة أي أن :  $\text{degree}(T) = \max\{\text{degree}(x) \mid x \text{ is a node of } T\}$  . درجة الشجرة T تساوي 3
- تسمى كل عقدة لها شجرة فرعية واحدة على الأقل عقدة داخلية (internal node) مثل العقد : B, C, D, E, H
- تسمى كل عقدة ليس لها أي شجرة فرعية عقدة ورقية (leaf node) أو عقدة خارجية (external node) مثل العقد K, L, F, G, M, I, J

- يمكن أن توجد بين العقد العلاقات التالية : أب (parent) - ابن (child) - أخ (sibling)
- سلف (ancestor) - حفيد (grandchild). نقول عن عقدتين إنهما أختان (siblings) إذا كان لهما الأب نفسه . مثلاً : العقدة B أب للعقد E, F ، وبالعكس العقدتان E, F أولاد للعقدة B . كما أن العقد H, I, J أخوات .
- نقول عن العقدة x إنها سلف لعقدة y ، إذا وفقط إذا كانت x أباً لـ y ، أو كانت x سلفاً لأب y . مثلاً : كل من العقد H, D, A يكون سلفاً للعقدة M
- نقول عن العقدة x إنها حفيد لعقدة y ، إذا وفقط إذا كانت x ابناً لـ y ، أو كانت x حفيداً لابن y . العقد K, E, F أحفاد للعقدة B .

نسمى مساراً (path) ضمن شجرة كل متتالية من العقد ، و نسمي فرعاً (branch) في الشجرة كل مسار يصل بين عقدة الجذر و إحدى العقد الورقية . مثلاً A, D, H, M: فرع في الشجرة T

**الشجرة الثنائية الممتلئة Full Binary Tree :** هي شجرة تحوي عقدة واحدة في المستوى 0 و عقدتين في المستوى 1 ، و أربع عقد في المستوى 2 ، .....،  $2^k$  في المستوى k ،



الشكل (5-7) : شجرة ثنائية ممتلئة

## 2-6 تعريف المكس

هو قائمة مرتبة (خطية) من العناصر حيث يتم فيها الإدخال و الحذف من نهاية واحدة تدعى قمة المكس top . فمثلا من أجل المكس  $S = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  ، يكون العنصر الأسفل في المكس و  $a_n$  العنصر الأعلى في المكس ، ويكون العنصر  $a_i$  فوق العنصر  $a_{i-1}$  .  $(1 < i < n)$  .

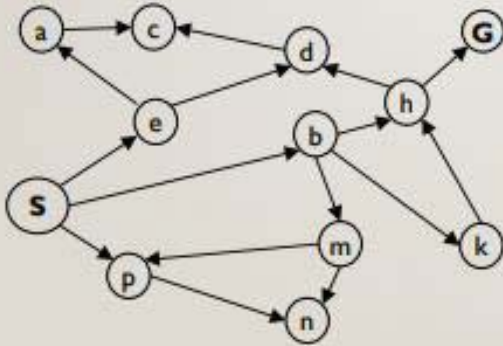
القيود على المكس تستلزم إذا أدخلنا العناصر A, B, C, D, E إلى مكس ، على الترتيب ، عندئذ يكون E العنصر الأول الذي نستطيع حذفه من المكس . الشكل (1-6) يوضح متتالية المؤثرات الإضافة و الحذف . و بما أن كون آخر عنصر أضيف إلى المكس يكون أول عنصر حذف منه . لذا ، فإن آلية تخزين العناصر في المكس تكون بأسلوب . Last-In-First -Out (LIFO)

## 6-6 مفهوم الرتل Queue

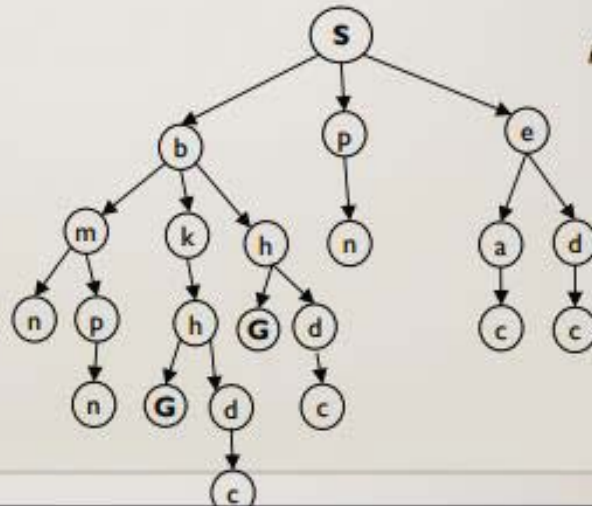
يعتبر الرتل بنية من بنى المعطيات الأساسية شديد الشبه ببنية المكس حيث لا يختلف عنه إلا في أن العنصر الأول في الإدخال هو نفسه العنصر الأول في الحذف . و ذلك ما يعرف . First-In-First-Out (FIFO)

## STATE SPACE GRAPHS VS. SEARCH TREES

State Space Graph



Search Tree



A NODE in in the search tree identifies an entire PATH in the state space graph.

# Search strategies

استراتيجيات البحث

ما هي العقدة التي سنقوم بتوسيعها؟

الاستراتيجية المستخدمة هي التي تحدد العقدة

يوجد عدة معايير تميز الاستراتيجيات عن بعضها وهي

A strategy is defined by picking the *order of node expansion*  
Strategies are evaluated along the following dimensions:

**completeness**—does it always find a solution if one exists?

كاملة أو شاملة:

دائما تقوم بالعثور على الحل في حال وجوده ضمن الشجرة

**time complexity**—number of nodes generated/expanded

تعقيد الزمن:

تحدد عدد العقد المولدة أو الموسعة

**space complexity**—maximum number of nodes in memory

تعقيد الفضاء أو الذاكرة (المكان)

العدد الأعظمي من العقد الذي ستقوم بتخزينه في الذاكرة

**optimality**—does it always find a least-cost solution?

الأمثلية:

وهي التي تعبر عن الحل الأفضل بكلفة اصغرية

Time and space complexity are measured in terms of

***b***—maximum branching factor of the search tree

لتحديد تعقيد الوقت و الذاكرة نستخدم المقاييس التالية:

***b***: العدد الأعظمي لفروع الشجرة ضمن المسألة

***d***—depth of the least-cost solution

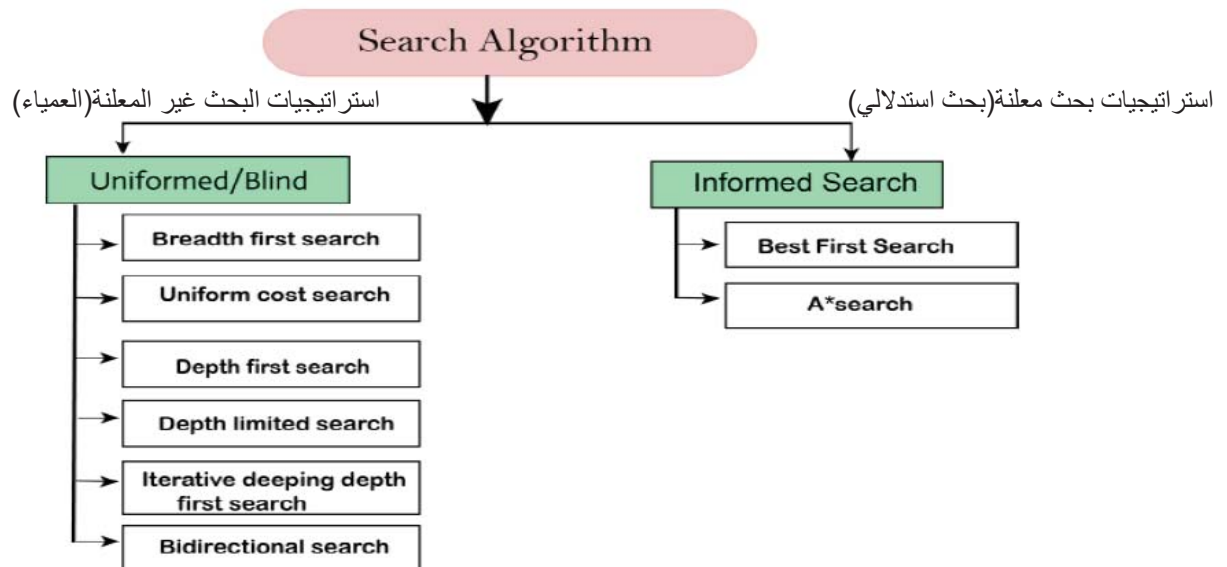
***d***: عمق الحل ذو الكلفة الأصغري (الأمثل)

***m***—maximum depth of the state space (may be  $\infty$ )

***m***: العمق الأعظمي للفضاء. يمكن في بعض الحالات أن يكون ضخما جدا

## Types of search algorithms

Based on the search problems we can classify the search algorithms into **uninformed (Blind search) search** and **informed search (Heuristic search)** algorithms.



# Uninformed search strategies

استراتيجيات البحث غير المعلنة

**Uninformed** strategies use only the information available in the problem definition

تستخدم استراتيجيات البحث غير الموجهة (العمياء) المعلومات المتاحة فقط في تعريف المشكلة

States, actions, goal test, path cost

Breadth-first search (BFS)

هذه الاستراتيجيات لا تحتوي على معلومات إضافية حول الحالات وكل ما يمكنها فعله هو إنشاء خلفاء وتمييز حالة الهدف عن حالة غير الهدف.

Uniform-cost search (UCS)

وتتميز جميع استراتيجيات البحث بالترتيب الذي يتم به توسيع العقد.

Depth-first search (DFS)

Depth-limited search (DLS)

Iterative deepening search (IDS)