

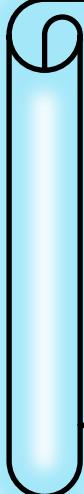
كلية العلوم

القسم : علم الحيوة

السنة : الاولى



١



المادة : فيزياء حيوية

المحاضرة : الاولى/نظري /

{{{ A to Z مكتبة }}}}

مكتبة Facebook Group : A to Z

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية



يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960



الفصل الأول

وحدات القياس في الفيزياء

والترتيب في القياس

أولاً: الكميات الفيزيائية :

الكميّة الفيزيائيّة هي الصفة الفيزيائيّة القابلة للقياس. على سبيل المثال، اللون لا يُعتبر كميّة فيزيائيّة، ولكن شدّة اللون أو طول موجة اللون تُعتبر كميّات فيزيائيّة، وذلك لأنّها صفات يمكن قياسها (قابلة للقياس).
هناك نوعان من الكميات الفيزيائية:

1. الكميات الفيزيائية الأساسية:

هي كميّات معرفة بذاتها ولا تعتمد على غيرها في تعريفها. وهذه الكميات هي:

الطول L ، الكتلة m ، الزمن t ، شدة التيار الكهربائي I ، درجة الحرارة T ، كمية المادة n ، شدة الإضاءة I ، الزاوية المستوية θ ، الزاوية Ω المجمّسة

2. الكميات الفيزيائية المشتقّة:

هي كميّات تعتمد على الكميات الأساسية في تعريفها. ومن أمثلة ذلك:

المساحة S ، الحجم V ، السرعة الخطية v ، السرعة الزاويّة w ، التواتر f ، الكثافة ρ ، التسارع \ddot{a} ، القوة \vec{F} ، الضغط P ، التدفق Q ... إلخ.

ثانياً: نظم الوحدات

1. نظام الوحدات الدولي: (S.I)

اقتُرِحَ من قبل اللجنة العالمية للأوزان والمقاييس، ويتكوّن من سبع وحدات أساسية ووحتين إضافيتين:
السبعين وحدات أساسية هي: المتر m ، الكيلو غرام Kg ، الثانية s ، الأمبير A ، الكلفن K ، المول mol ، الكانديلا Cd .
والوحتان المضافتان هما:

✓ الراديان rad : وحدة لقياس الزاوية المستوية.

✓ الستيرadian Sr : وحدة لقياس الزاوية المجمّسة.

2. نظام الوحدات السغّيثية: (CGS)

اقتُرِحَ من قبل اللجنة البريطانية لتطوير العلوم، ويتكوّن من ثلاثة وحدات هي:

✓ السنتيمتر cm : وحدة لقياس الأطوال

✓ الجرام g : وحدة لقياس الكتلة

✓ الثانية s : وحدة لقياس الزمن

ويُستخدم هذا النوع من نظم القياس في المختبرات الكيميائية.



ثالثاً: المضاعفات والأجزاء

في بعض الحالات، يتم التعبير عن بعض الكميات الفيزيائية على شكل مضاعفات أو أجزاء من وحدة القياس الأساسية المعتمدة لها. فعندما تكون الكمية كبيرة جدًا أو صغيرة جدًا بالنسبة للوحدة الأساسية، تُستخدم مضاعفات للوحدة (مثل الكيلو، الميجا...) أو أجزاء منها (مثل الميلي، الميكرو...). لتسهيل التعبير عنها وكتابتها بشكل أكثر ملاءمة ودقة.

ويوضح الجدولان التاليان الأجزاء والمضاعفات:

الأجزاء:

10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}	المعامل السابقة
آتو	فيمتو	بيكو	نانو	ميکرو	ميلي	ستي	ديسي	السابقة
a	f	p	n	μ	m	C	d	الرمز

المضاعفات:

10^{+18}	10^{+15}	10^{+12}	10^{+9}	10^{+6}	10^{+3}	10^{+2}	10^{+1}	المعامل السابقة
اكسا	بيتا	تيرا	جيجا	ميغا	كيلو	هيكتو	ديكا	السابقة
E	P	T	G	M	k	h	da	الرمز

رابعاً: معادلة الأبعاد (Dimensional Equation):

هي العلاقة التي تعبّر عن الكمية الفيزيائية من حيث أبعاد الكميات الفيزيائية الأساسية الواردة سابقاً (متر، كيلوغرام،....)

والجدول التالي يوضح كل مقدار فيزيائي ومعادله بعده:

الكمية الفيزيائية	الطول	الكتلة	الزمن	شدة التيار الكهربائي	درجة الحرارة	كمية المادة	شدة الإضاءة
معادلة البعد	L	M	T	I	Θ	N	J

ملاحظة:

يمكن كتابة بعد أي مقدار فيزيائي غير أساسى بدلالة أبعاد المقادير الفيزيائية الأساسية بالشكل:

$$[X] = M^{n_1} \cdot L^{n_2} \cdot T^{n_3} \cdot I^{n_4} \cdot \Theta^{n_5} \cdot N^{n_6} \cdot J^{n_7}$$

حيث إن:

n_1, n_2, n_3, \dots أعداد حقيقة.

- ✓ عملية تحديد الأعداد الحقيقة السابقة تُدعى **التحليل البُعدِي** للمقدار $[X]$
- ✓ عندما تكون الأعداد الحقيقة السابقة معدومة، يكون $1 = [X]$ نقول عندئذ إن المقدار الفيزيائي **عديم البُعد**.
- ✓ الزاوية المستوية **عديمة البُعد**، بينما نرمز لبعد الزاوية المجمسة بـ Sr .



تكمّن فائدة معادلة الأبعاد فيما يلي

- 1) الوصول إلى وحدة المقدار الفيزيائي.
- 2) الاستفادة في استنباط القوانين الفيزيائية .
- 3) التأكّد من صحة أي قانون فيزيائي.

تجدر الإشارة إلى أن **بعد** الدوال الأساسية واللوغاريتمية والمثلثية، وغيرها من هذه الدوال بالإضافة إلى الثوابت، **يساوي الواحد**.

$$\sin[\alpha] = 1 \& [\alpha] = 1 ; [e^x] = 1 ; [Ln x] = 1 ; [8] = 1 ; [\pi] = 1$$

تطبيق:

أُوجِدَ مُعادلة الأبعاد ووحدة القياس لكل من المقادير الفيزيائية التالية:

السرعة الخطية / كمية الحركة الخطية / التسارع الخطى / القوة / عزم القوة / العمل / الطاقة الحركية / الاستطاعة / الضغط وذلك في كل من الجملتين: الجملة الدولية (SI) والجملة السعوية (CGS) ، انطلاقاً من القانون الفيزيائي المناسب لكل مقدار.

الحل:

السرعة الخطية:

$$v = \frac{x}{t} \Rightarrow [v] = \frac{[x]}{[t]} = L \cdot T^{-1}$$

الواحدة بـ

$$\begin{cases} \text{SI : } m \cdot s^{-1} \\ \text{CGS : } cm \cdot s^{-1} \end{cases}$$

كمية الحركة الخطية:

$$p = m \cdot v$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow [p] &= [m] \cdot [v] \\ &= M \cdot L \cdot T^{-1} \end{aligned}$$

الواحدة بـ

$$\begin{cases} \text{SI : } Kg \cdot m \cdot s^{-1} \\ \text{CGS : } g \cdot cm \cdot s^{-1} \end{cases}$$

التسارع الخطى:

$$\begin{aligned} a &= \frac{v}{t} \\ \Rightarrow [a] &= \frac{[v]}{[t]} \\ &= L \cdot T^{-2} \end{aligned}$$

الواحدة بـ

$$\begin{cases} \text{SI : } m \cdot s^{-2} \\ \text{CGS : } cm \cdot s^{-2} \end{cases}$$



القوة:

$$F = m \cdot a \Rightarrow \\ [F] = [m] \cdot [a] \\ = M \cdot L \cdot T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\xrightarrow{\quad\quad\quad} \text{SI : } Kg \cdot m \cdot s^{-2} = N \\ &\xrightarrow{\quad\quad\quad} \text{CGS : } g \cdot cm \cdot s^{-2} = dyne \end{aligned}$$

عزم القوة:

$$\bar{\Gamma}_{\vec{F}} = r \cdot F \cdot \sin \alpha$$

$$: \alpha = (r \wedge F)$$

$$\Rightarrow [\bar{\Gamma}_{\vec{F}}] = [r] \cdot [F] \cdot [\sin \alpha]$$

$$\Rightarrow [\bar{\Gamma}_{\vec{F}}] = L \cdot M \cdot L \cdot T^{-2} \cdot 1$$

$$= M \cdot L^2 \cdot T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\xrightarrow{\quad\quad\quad} \text{SI : } Kg \cdot m^2 \cdot s^{-2} = m \cdot N \\ &\xrightarrow{\quad\quad\quad} \text{CGS : } g \cdot cm^2 \cdot s^{-2} = Cm \cdot dyne \end{aligned}$$

العمل:

$$W = F \cdot x \cdot \cos \theta$$

$$: \theta = (F \wedge x)$$

$$\Rightarrow [W] = [F] \cdot [X] \cdot [\cos \theta]$$

$$\begin{aligned} [W] &= M \cdot L \cdot T^{-2} \cdot L \\ &= M \cdot L^2 \cdot T^{-2} \end{aligned}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\xrightarrow{\quad\quad\quad} \text{SI : } Kg \cdot m^2 \cdot s^{-2} = J \\ &\xrightarrow{\quad\quad\quad} \text{CGS : } g \cdot cm^2 \cdot s^{-2} = erg \end{aligned}$$



الطاقة الحركية:

$$\begin{aligned}
 E_k &= \frac{1}{2}mv^2 \\
 \Rightarrow [E_k] &= \left[\frac{1}{2} \right] [m][v^2] \\
 &= 1.M.(L.T^{-1})^2 \\
 \Rightarrow [E_K] &= M.L^2.T^{-2} \\
 \text{الواحدة بـ} &\quad \xrightarrow{\hspace{1cm}} \text{SI : } Kg.m^2.s^{-2} = J \\
 &\quad \xrightarrow{\hspace{1cm}} \text{CGS : } g.cm^2.s^{-2} = erg
 \end{aligned}$$

الاستطاعة:

$$\begin{aligned}
 P &= \frac{W}{t} \\
 \Rightarrow [P] &= \frac{[W]}{[t]} \\
 &= M.L^2.T^{-3} \\
 \text{الواحدة بـ} &\quad \xrightarrow{\hspace{1cm}} \text{SI : } Kg.m^2.s^{-3} = \frac{J}{s} = Watt \\
 &\quad \xrightarrow{\hspace{1cm}} \text{CGS : } g.cm^2.s^{-3} = \frac{erg}{s} \\
 &\quad \text{الضغط:}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 p &= \frac{F}{S} \\
 \Rightarrow [p] &= \frac{[F]}{[S]} \\
 &= \frac{M.L.T^{-2}}{L^2} = M.L^{-1}.T^{-2} \\
 \text{الواحدة بـ} &\quad \xrightarrow{\hspace{1cm}} \text{SI : } Kg.m^{-1}.s^{-2} = \frac{N}{m^2} = Pa \\
 &\quad \xrightarrow{\hspace{1cm}} \text{CGS : } g.cm^{-1}.s^{-2} = \frac{dyne}{cm^2} = bar
 \end{aligned}$$



الارتياض في القياس:

1- الارتياض في القياس:

يُعرف الارتياض بأنه مقدار الانحراف عن القيمة الحقيقية، وذلك نتيجة للقياس، ونميز بين:

أولاً: الارتياض المطلق:

يُعرف من خلال العلاقة:

$$\Delta x = |x_0 - x| \quad (1)$$

حيث إن:

x_0 : هي القيمة الحقيقية للمقدار الفيزيائي.

x : هي القيمة المقاسة للمقدار الفيزيائي.

من (1):

$$\pm \Delta x = x_0 - x$$

$$\Rightarrow x_0 = x \pm \Delta x \quad (2)$$

ومن العلاقة (2) نرى أن القيمة الحقيقية للمقدار تكون أكبر أو أصغر من القيمة المقاسة بمقدار Δx .

ثانياً: الارتياض النسبي:

يُعرف من خلال العلاقة:

$$\delta_x = \left| \frac{\Delta x}{x} \right| \quad (3)$$

ويُعرف الارتياض النسبي المئوي من خلال العلاقة:

$$\delta_x (\%) = \left| \frac{\Delta x}{x} \right| \times 100\% \quad (4)$$

ملاحظة:

الارتياض المطلق له نفس وحدة المقدار الفيزيائي المقاس، بينما الارتياض النسبي ليس له وحدة قياس.

2- القياس:

أولاً: قياس مباشر:

وهو عملية إجراء مقارنة بين المقدار الفيزيائي ووحدة القياس المعتمدة والمناسبة له، ويتم فيه استخدام أدوات القياس.
مثال ذلك: قياس الطول والكتلة... إلخ.

ثانياً: قياس غير مباشر:

وهو عبارة عن محصلة لسلسلة من القياسات المباشرة.
مثال على ذلك: قياس المساحة أو الحجم من خلال قياس الأبعاد.



1.2 تقدير الارتباط في القياس المباشر:
إذا رمزنا للمقدار المقاس ب x وإذا رمزنا لنتائج قياسه n مرة بـ $x_1, x_2, x_3, \dots, x_i, \dots, x_n$ فإننا نعرف **القيمة الوسطى** لهذا المقدار بالعلاقة:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

$$\Rightarrow \bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (5)$$

لحساب **الارتباط المطلق الوسطى** نقوم بالحسابات التالية:

$\Delta x_1 = |\bar{x} - x_1|, \Delta x_2 = |\bar{x} - x_2|, \dots, \Delta x_i = |\bar{x} - x_i|, \dots, \Delta x_n = |\bar{x} - x_n|$ فيكون:

$$\overline{\Delta x} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots + \Delta x_n}{n}$$

$$\Rightarrow \overline{\Delta x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \Delta x_i \quad (6)$$

أما **الارتباط النسبي الوسطى** فنقوم بحسابه من العلاقة:

$$\delta_{\bar{x}} = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| \quad (7)$$

والارتباط النسبي المئوي يُحسب من خلال العلاقة:

$$\delta_{\bar{x}}(\%) = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| \times 100\% \quad (8)$$

ونكتب **النتيجة النهائية** للقياس بالشكل:

$$x_0 = (\bar{x} \pm \overline{\Delta x}) \quad (9)$$

مثال:

عند قياس المقدار الفيزيائي x بشكل مباشر حصلنا على النتائج التالية:

$$x_1 = 50.44 \text{ cm}; x_2 = 50.43 \text{ cm}; x_3 = 50.44 \text{ cm}; x_4 = 50.46 \text{ cm}; x_5 = 50.48 \text{ cm}$$

والمطلوب:

احسب الارتباط المطلق الوسطى والارتباط النسبي المئوي ثم ارتكابه عند قياس المقدار x .

الحل:

نحسب القيمة الوسطى للمقدار x أي:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_5}{5} = \frac{50.44 + 50.43 + 50.44 + 50.46 + 50.48}{5} = 50.45 \text{ cm}$$

نحسب الارتباط المطلق الوسطى، ومن أجل ذلك نحسب الارتباطات المطلقة التالية:



$$\Delta x_1 = |\bar{x} - x_1| = |50.45 - 50.44| = 0.01 \text{ cm}$$

$$\Delta x_2 = |\bar{x} - x_2| = |50.45 - 50.43| = 0.02 \text{ cm}$$

$$\Delta x_3 = |\bar{x} - x_3| = |50.45 - 50.44| = 0.01 \text{ cm}$$

$$\Delta x_4 = |\bar{x} - x_4| = |50.45 - 50.46| = 0.01 \text{ cm}$$

$$\Delta x_5 = |\bar{x} - x_5| = |50.45 - 50.47| = 0.02 \text{ cm}$$

فيكون الارتباط المطلق الوسطي:

$$\Rightarrow \overline{\Delta x} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots + \Delta x_5}{5} = \frac{0.08}{5} = 0.016 \text{ cm}$$

أما الارتباط النسبي الوسطي:

$$\delta_{\bar{x}} = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| = \left| \frac{0.016}{50.45} \right| = 0.0003$$

أما الارتباط النسبي المئوي الوسطي:

$$\delta_{\bar{x}} (\%) = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| \times 100\% = 0.0003 \times 100\% = 0.03\%$$

2.2 تقدير الارتباط في القياس غير المباشر:

لتقدير الارتباط نتبع طريقة التفاضل اللوغاريتمي وتتضمن ما يلي:

1- نكتب العلاقة الرياضية (التي تعبّر عن المقدار الفيزيائي المقاس) بأبسط صورة ممكنة.

2- نأخذ لوغاریتم الطرفين ونستخدم خواص اللوغاريتم.

3- نأخذ التفاضل اللوغاريتمي $\frac{\text{تفاضل ما داخل اللوغاريتم}}{\text{ما داخل اللوغاريتم}} = \text{تفاضل اللوغاريتم}$.

4- نخرج العوامل المشتركة إن وجدت.

5- نستبدل الرمز d بالرمز Δ ، ونستبدل الإشارات السالبة بالموجبة للحصول على أكبر ارتباط ممكن.

ملاحظة:

نذكر بأهم خواص اللوغاريتم.

$$\ln(x, y) = \ln(x) + \ln(y)$$

$$\ln\left(\frac{x}{y}\right) = \ln(x) - \ln(y)$$

$$\ln x^a = a \ln x$$

مثال:

احسب الارتباط النسبي والمطلق المرتکبين في قياس حجم متوازي مستطيلات، حيث أبعاده

$$x = 1 \text{ cm}; y = 2 \text{ cm}; z = 3 \text{ cm}$$

بطريقة التفاضل اللوغاريتمي، وذلك بفرض أننا استخدمنا في قياس الأبعاد المسطّرة العاديّة.

الحل:

1- نكتب علاقة الحجم بأبسط صورة ممكنة:

$$V = x \cdot y \cdot z$$



2- نأخذ لوغاريتم الطرفين ونستخدم خواص اللوغاريتم:

$$\ln V = \ln(x \cdot y \cdot z) \Rightarrow \ln V = \ln(x) + \ln(y) + \ln(z)$$

3- نأخذ تفاضل طرف العلاقة الأخيرة:

$$\frac{dV}{V} = \frac{dx}{x} + \frac{dy}{y} + \frac{dz}{z}$$

4- لا توجد حدود مشتركة.

5- نستبدل الرمز Δ بالرمز d وتستبدل الإشارات السالبة بالموجبة:

$$\frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta x}{x} + \frac{\Delta y}{y} + \frac{\Delta z}{z}$$

فيكون الارتياض النسبي:

$$\delta_V = \left| \frac{\Delta V}{V} \right| = \left| \frac{\Delta x}{x} \right| + \left| \frac{\Delta y}{y} \right| + \left| \frac{\Delta z}{z} \right|$$

وحيث إن $\Delta x, \Delta y, \Delta z$ هي ارتياضات الجهاز المستخدم للقياس (المسطرة العادية) أو ما يعرف بدقة الجهاز، وهي نصف أصغر تدريجة يستطيع الجهاز قياسها.

أصغر تدريجة على المسطرة هي 1 mm :

$$\Rightarrow \Delta x = \Delta y = \Delta z = \frac{1}{2}(1 \text{ mm}) = \frac{1}{2} \text{ mm} = 0.5 \text{ mm}$$

وعليه يكون:

الوحدات غير متجانسة (ليست واحدة) في البسط
والمقام ولذلك نجعلها متجانسة

$$\begin{aligned} \delta_V &= \left| \frac{\Delta V}{V} \right| = \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{1 \text{ cm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{2 \text{ cm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{3 \text{ cm}} \right| \\ &= \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{10 \text{ mm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{20 \text{ mm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{30 \text{ mm}} \right| \\ &= \left| \frac{1}{20} \right| + \left| \frac{1}{40} \right| + \left| \frac{1}{60} \right| = 0.09 \\ \Rightarrow \delta_V &= 0.09 \end{aligned}$$

أما الخطأ النسبي المئوي:

$$\delta_V(\%) = \left| \frac{\Delta V}{V} \right| \times 100\% \Rightarrow \delta_V(\%) = 0.09 \times 100\% \Rightarrow \delta_V(\%) = 9\%$$

أما الخطأ المطلق:

$$\delta_V = \frac{\Delta V}{V} \Rightarrow \Delta V = V \cdot \delta_V$$

وعليه نكتب:

$$V = x \cdot y \cdot z$$



وبما أن:

$$x = 10 \text{ mm}; y = 20 \text{ mm}; z = 30 \text{ mm}$$

$$\Rightarrow V = 10 \cdot 20 \cdot 30 = 6000 \text{ mm}^3$$

وبما أن:

$$\delta_V = 0.09$$

$$\Rightarrow \Delta V = 6000 \times 0.09 = 540 \text{ mm}^3$$

$$\Rightarrow \Delta V = 540 \text{ mm}^3$$

ونكتب النتيجة النهائية للفياس:

$$V_0 = V \pm \Delta V \Rightarrow V_0 = (6000 \pm 540) \text{ mm}^3$$

التمرين الأول:

عٌين أبعاد الثوابت الفيزيائية التالية ووحدة قياس كل منها في الجملتين الدولية والسعثية:

-3 ثابت مرونة نابض من علاقة شدة توتر النابض التالية:

$T = K \cdot x$

-4 الثابت العام للجاذبية G من عبارة قوة الجذب العام:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$$

حيث إن: m_1, m_2 و كتلتان، و d المسافة بينهما.

-5 ثابت بلانك h من علاقة الطاقة التالية:

$$E = h \nu$$

حيث أن: E : الطاقة & ν : التردد

التمرين الثاني:

نحدد موضع جسم مهتز معلق بنابض في لحظة ما بفاصلته:

$$x(t) = A \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

والمطلوب:

ما هي أبعاد كل من المقادير التالية A و ω_0 و φ مع ذكر وحدة قياس كل منها في الجملة الدولية؟

التمرين الثالث:

أُوجد عبارة الارتياح النسبي $\frac{\Delta X}{X}$ لكل مما يلي بطريقة التفاضل اللوغاريتمي:

-1 حجم المخروط V :

$$V = \frac{4}{3} \pi r^2 h$$

-2 المقدار S :

$$S = \frac{x}{y^2 z}$$

-3 العمل W :

$$W = F \cdot L \cdot \cos \theta$$



- المقدار y :

$$y = 1 + \frac{a^2 - b^2}{a + b}$$

- النواس البسيط:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

- قوة التجاذب الكتلي:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

حل التمارين:

حل التمارين الأول:

- إيجاد ابعاد K و وحدة قياسه:

$$T = K \cdot x \Rightarrow K = \frac{T}{x} \Rightarrow [K] = \frac{[T]}{[x]} = \frac{M \cdot L \cdot T^{-2}}{L} = M \cdot T^{-2}$$

الوحدة بـ

$$\begin{array}{l} \xrightarrow{\hspace{2cm}} \text{SI : } K g \cdot s^{-2} \\ \xrightarrow{\hspace{2cm}} \text{CGS : } g \cdot s^{-2} \end{array}$$

- إيجاد ابعاد G و وحدة قياسه:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2} \Rightarrow G = \frac{F d^2}{m_1 m_2} \Rightarrow [G] = \frac{[F] [d^2]}{[m_1] [m_2]} = \frac{M \cdot L \cdot T^{-2} \cdot L^2}{M \cdot M} = M^{-1} \cdot L^3 \cdot T^{-2}$$

الوحدة بـ

$$\begin{array}{l} \xrightarrow{\hspace{2cm}} \text{SI : } K g^{-1} \cdot m^3 \cdot s^{-2} \\ \xrightarrow{\hspace{2cm}} \text{CGS : } g^{-1} \cdot cm^3 \cdot s^{-2} \end{array}$$

- إيجاد ابعاد h و وحدة قياسه:

$$E = h v \Rightarrow h = \frac{E}{v} \Rightarrow [h] = \frac{[E]}{[v]} = \frac{M \cdot L^2 \cdot T^{-2}}{T^{-1}} = M \cdot L^2 \cdot T^{-1}$$

الوحدة بـ

$$\begin{array}{l} \xrightarrow{\hspace{2cm}} \text{SI : } K g \cdot m^2 \cdot s^{-1} = \frac{J}{s} \\ \xrightarrow{\hspace{2cm}} \text{CGS : } g \cdot cm^2 \cdot s^{-1} = \frac{erg}{s} \end{array}$$



حل التمرين الثاني:

تحديد بعد المقدار الفيزيائي A ومن ثم وحدة قياسه:

$$\begin{aligned}x(t) &= A \cos(\omega_0 t + \varphi) \\ \Rightarrow A &= \frac{x}{\cos(\omega_0 t + \varphi)} \\ \Rightarrow [A] &= \frac{[x]}{[\cos(\omega_0 t + \varphi)]} \\ &= \frac{L}{1} = L \text{ (وحدة)}\end{aligned}$$

تحديد أبعاد المقادير الفيزيائية φ , ω_0 ووحدة قياسها:

ما داخل التابع المثلثي بعده يساوي الواد (عديم البعد) وبالتالي:

$$[\omega_0 t + \varphi] = 1 \Rightarrow [\omega_0 t] + [\varphi] = 1 \quad (*)$$

وعليه من (*) :

$$[\omega_0 t] = 1 \Rightarrow [\omega_0] \cdot [t] = 1$$

$$\Rightarrow [\omega_0] = \frac{1}{[t]} = 1 \text{ (وحدة)} \text{ (rad. s}^{-1}\text{)}$$

وكذلك من (*) :

$$[\varphi] = 1 \text{ (وحدة)}$$

حل التمرين الثالث:

-1

$$V = \frac{4}{3} \pi r^2 h \Rightarrow \ln(V) = \ln\left(\frac{4}{3} \pi\right) + 2 \ln r + \ln h$$

$$\frac{dV}{V} = 0 + 2 \frac{dr}{r} + \frac{dh}{h} \Rightarrow \frac{\Delta V}{V} = 2 \frac{\Delta r}{r} + \frac{\Delta h}{h}$$

-2

$$S = \frac{x}{y^2 \cdot z} \Rightarrow \ln S = \ln x - 2 \ln y - \ln z$$

$$\Rightarrow \frac{dS}{S} = \frac{dx}{x} - 2 \frac{dy}{y} - \frac{dz}{z} \Rightarrow \frac{\Delta S}{S} = \frac{\Delta x}{x} + 2 \frac{\Delta y}{y} + \frac{\Delta z}{z}$$

-3

$$\Rightarrow W = F \cdot L \cdot \cos \theta \Rightarrow \ln W = \ln F + \ln L + \ln \cos \theta$$

$$\Rightarrow \frac{dW}{W} = \frac{dF}{F} + \frac{dL}{L} - \frac{\sin \theta}{\cos \theta} d\theta \Rightarrow \frac{\Delta W}{W} = \frac{\Delta F}{F} + \frac{\Delta L}{L} + \tan \theta \Delta \theta$$



-4

$$y = 1 + \frac{a^2 - b^2}{a+b} \Rightarrow y = 1 + \frac{(a-b)(a+b)}{(a+b)} = 1 + a - b$$

$$\ln y = \ln(1 + a - b)$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \frac{dy}{y} &= \frac{d(1 + a - b)}{1 + a - b} = \frac{0 + da - db}{1 + a - b} = \frac{da}{1 + a - b} - \frac{db}{1 + a - b} \\ \Rightarrow \frac{\Delta y}{y} &= \frac{\Delta a}{1 + a - b} + \frac{\Delta b}{1 + a - b} \end{aligned}$$

-5

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow T^2 = 4\pi^2 \frac{l}{g} \Rightarrow g = 4\pi^2 \frac{l}{T^2}$$

$$\ln g = \ln(4\pi^2) + \ln(l) - 2\ln T$$

$$\Rightarrow \frac{dg}{g} = 0 + \frac{dl}{l} - 2 \frac{dT}{T}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta g}{g} = \frac{\Delta l}{l} + 2 \frac{\Delta T}{T}$$

-6

$$\begin{aligned} F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} &\Rightarrow \ln F = \ln G + \ln m_1 + \ln m_2 - 2 \ln r \\ &\Rightarrow \frac{dF}{F} = \frac{d m_1}{m_1} + \frac{d m_2}{m_2} - 2 \frac{dr}{r} \\ &\Rightarrow \frac{\Delta F}{F} = \frac{\Delta m_1}{m_1} + \frac{\Delta m_2}{m_2} + 2 \frac{\Delta r}{r} \end{aligned}$$

انتهى الفصل الأول