



كلية العلوم

القسم : علم الحياة

السنة : الاولى

المادة : فيزياء حيوية

المحاضرة : الاولى / نظري /

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960





## الفصل الأول

### وحدات القياس في الفيزياء

### والترتيب في القياس

#### أولاً: الكميات الفيزيائية :

الكمية الفيزيائية هي الصفة الفيزيائية القابلة للقياس. على سبيل المثال، اللون لا يُعتبر كمية فيزيائية، ولكن شدة اللون أو طول موجة اللون تُعتبر كميات فيزيائية، وذلك لأنها صفات يمكن قياسها (قابلة للقياس). هناك نوعان من الكميات الفيزيائية:

#### 1. الكميات الفيزيائية الأساسية:

هي كميات معرفة بذاتها ولا تعتمد على غيرها في تعريفها. وهذه الكميات هي:

الطول  $L$ ، الكتلة  $m$ ، الزمن  $t$ ، شدة التيار الكهربائي  $I$ ، درجة الحرارة  $T$ ، كمية المادة  $n$ ، شدة الإضاءة  $I_v$ ، الزاوية المستوية  $\theta$ ، الزاوية المجسمة  $\Omega$

#### 2. الكميات الفيزيائية المشتقة:

هي كميات تعتمد على الكميات الأساسية في تعريفها. ومن أمثلة ذلك:

المساحة  $S$ ، الحجم  $V$ ، السرعة الخطية  $v$ ، السرعة الزاوية  $\omega$ ، التواتر  $f$ ، الكثافة  $\rho$ ، التسارع  $\vec{a}$ ، القوة  $\vec{F}$ ، الضغط  $P$ ، التدفق  $Q$ ، إلخ...

#### ثانياً: نظم الوحدات

#### 1. نظام الوحدات الدولي: (S.I)

اقترح من قبل اللجنة العالمية للأوزان والمقاييس، ويتكون من سبع وحدات أساسية ووحدتين إضافيتين:

السبع وحدات أساسية هي: المتر  $m$ ، الكيلو غرام  $Kg$ ، الثانية  $s$ ، الأمبير  $A$ ، الكلفن  $K^\circ$ ، المول  $mol$ ، الكاندلا  $Cd$ .

والوحدتان المضافتان هما:

✓ الراديان  $rad$  : وحدة لقياس الزاوية المستوية.

✓ الستيراديان  $Sr$  : وحدة لقياس الزاوية المجسمة.

#### 2. نظام الوحدات السغشية: (CGS)

اقترح من قبل اللجنة البريطانية لتطوير العلوم، ويتكون من ثلاث وحدات هي:

✓ السنتيمتر  $cm$  : وحدة لقياس الأطوال

✓ الجرام  $g$  : وحدة لقياس الكتلة

✓ الثانية  $s$  : وحدة لقياس الزمن

ويستخدم هذا النوع من نظم القياس في المختبرات الكيميائية.



### ثالثاً: المضاعفات والأجزاء

في بعض الحالات، يتم التعبير عن بعض الكميات الفيزيائية على شكل مضاعفات أو أجزاء من وحدة القياس الأساسية المعتمدة لها. فعندما تكون الكمية كبيرة جداً أو صغيرة جداً بالنسبة للوحدة الأساسية، تُستخدم مضاعفات للوحدة (مثل الكيلو، الميجا...) أو أجزاء منها (مثل الميلي، الميكرو...) لتسهيل التعبير عنها وكتابتها بشكل أكثر ملاءمة ودقة.

ويوضح الجدولان التاليان الأجزاء والمضاعفات:

#### الأجزاء:

المعامل	$10^{-1}$	$10^{-2}$	$10^{-3}$	$10^{-6}$	$10^{-9}$	$10^{-12}$	$10^{-15}$	$10^{-18}$
السابقة	ديسي	سنتي	ميلي	ميكرو	نانو	بيكو	فيمتو	آتو
الرمز	$d$	$C$	$m$	$\mu$	$n$	$p$	$f$	$a$

#### المضاعفات:

المعامل	$10^{+1}$	$10^{+2}$	$10^{+3}$	$10^{+6}$	$10^{+9}$	$10^{+12}$	$10^{+15}$	$10^{+18}$
السابقة	ديكا	هيكثو	كيلو	ميغا	جيجا	تيرا	بيتا	اكسا
الرمز	$da$	$h$	$k$	$M$	$G$	$T$	$P$	$E$

### رابعاً: معادلة الأبعاد (Dimensional Equation):

هي العلاقة التي تعبر عن الكمية الفيزيائية من حيث أبعاد الكميات الفيزيائية الأساسية الواردة سابقاً (متر، كيلوغرام، ...).

والجدول التالي يوضح كل مقدار فيزيائي ومعادلة بعده:

الكمية الفيزيائية	الطول	الكتلة	الزمن	شدة التيار الكهربائي	درجة الحرارة	كمية المادة	شدة الإضاءة
معادلة البعد	$L$	$M$	$T$	$I$	$\Theta$	$N$	$J$

#### ملاحظة:

يمكن كتابة بُعد أي مقدار فيزيائي غير أساسي بدلالة أبعاد المقادير الفيزيائية الأساسية بالشكل:

$$[X] = M^{n_1} \cdot L^{n_2} \cdot T^{n_3} \cdot I^{n_4} \cdot \theta^{n_5} \cdot N^{n_6} \cdot J^{n_7}$$

#### حيث إن:

$n_1, n_2, n_3, \dots$  أعداد حقيقية.

- ✓ عملية تحديد الأعداد الحقيقية السابقة تُدعى **التحليل البُعدي** للمقدار  $[X]$
- ✓ عندما تكون الأعداد الحقيقية السابقة معدومة، يكون  $[X] = 1$  نقول عندئذٍ إن المقدار الفيزيائي **عديم البعد**.
- ✓ الزاوية المستوية **عديمة البعد**، بينما نرمز لبُعد الزاوية المجسمة بـ  $Sr$ .



## تكمّن فائدة معادلة الأبعاد فيما يلي

- (1) الوصول إلى وحدة المقدار الفيزيائي.
- (2) الاستفادة في استنباط القوانين الفيزيائية .
- (3) التأكد من صحة أي قانون فيزيائي.

تجدر الإشارة إلى أن **بُعد** الدوال الأسية واللوغاريتمية والمثلثية، وغيرها من هذه الدوال بالإضافة إلى الثوابت، **يساوي الواحد**.

$$\sin[\alpha] = 1 \text{ و } [\alpha] = 1 ; [e^x] = 1 ; [Ln x] = 1 ; [8] = 1 ; [\pi] = 1$$

### تطبيق:

أوجد معادلة الأبعاد ووحدة القياس لكل من المقادير الفيزيائية التالية:

السرعة الخطية / كمية الحركة الخطية / التسارع الخطي / القوة / عزم القوة / العمل / الطاقة الحركية / الاستطاعة / الضغط  
وذلك في كل من الجملتين: الجملة الدولية (SI) والجملة السغئية (CGS) ، انطلاقاً من القانون الفيزيائي المناسب لكل مقدار.

### الحل:

السرعة الخطية:

$$v = \frac{x}{t} \Rightarrow [v] = \frac{[x]}{[t]} = L \cdot T^{-1}$$

**الوحدة بـ**  $\begin{cases} SI : m \cdot s^{-1} \\ CGS : cm \cdot s^{-1} \end{cases}$

كمية الحركة الخطية:

$$p = m \cdot v$$

$$\Rightarrow [p] = [m] \cdot [v] \\ = M \cdot L \cdot T^{-1}$$

**الوحدة بـ**  $\begin{cases} SI : Kg \cdot m \cdot s^{-1} \\ CGS : g \cdot cm \cdot s^{-1} \end{cases}$

التسارع الخطي:

$$a = \frac{v}{t} \\ \Rightarrow [a] = \frac{[v]}{[t]} \\ = L \cdot T^{-2}$$

**الوحدة بـ**  $\begin{cases} SI : m \cdot s^{-2} \\ CGS : cm \cdot s^{-2} \end{cases}$



### القوة:

$$F = m \cdot a \Rightarrow$$

$$[F] = [m] \cdot [a]$$

$$= M \cdot L \cdot T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg \cdot m \cdot s^{-2} = N \\ &\rightarrow \text{CGS : } g \cdot cm \cdot s^{-2} = dyne \end{aligned}$$

### عزم القوة:

$$\bar{\Gamma}_{\bar{F}} = r \cdot F \cdot \sin \alpha$$

$$: \alpha = (r \wedge F)$$

$$\Rightarrow [\Gamma_{\bar{F}}] = [r] \cdot [F] \cdot [\sin \alpha]$$

$$\Rightarrow [\Gamma_{\bar{F}}] = L \cdot M \cdot L \cdot T^{-2} \cdot 1$$

$$= M \cdot L^2 \cdot T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg \cdot m^2 \cdot s^{-2} = m \cdot N \\ &\rightarrow \text{CGS : } g \cdot cm^2 \cdot s^{-2} = Cm \cdot dyne \end{aligned}$$

### العمل:

$$W = F \cdot x \cdot \cos \theta$$

$$: \theta = (F \wedge x)$$

$$\Rightarrow [W] = [F] \cdot [X] \cdot [\cos \theta]$$

$$[W] = M \cdot L \cdot T^{-2} \cdot L$$

$$= M \cdot L^2 \cdot T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg \cdot m^2 \cdot s^{-2} = J \\ &\rightarrow \text{CGS : } g \cdot cm^2 \cdot s^{-2} = erg \end{aligned}$$



### الطاقة الحركية:

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow [E_k] = \left[\frac{1}{2}\right][m][v^2]$$

$$= 1.M.(L.T^{-1})^2$$

$$\Rightarrow [E_k] = M.L^2.T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg.m^2.s^{-2} = J \\ &\rightarrow \text{CGS : } g.cm^2.s^{-2} = erg \end{aligned}$$

### الاستطاعة:

$$P = \frac{W}{t}$$

$$\Rightarrow [P] = \frac{[W]}{[t]}$$

$$= M.L^2.T^{-3}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg.m^2.s^{-3} = \frac{J}{s} = Watt \\ &\rightarrow \text{CGS : } g.cm^2.s^{-3} = \frac{erg}{s} \end{aligned}$$

### الضغط:

$$p = \frac{F}{S}$$

$$\Rightarrow [p] = \frac{[F]}{[S]}$$

$$= \frac{M.L.T^{-2}}{L^2} = M.L^{-1}.T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg.m^{-1}.s^{-2} = \frac{N}{m^2} = Pa \\ &\rightarrow \text{CGS : } g.cm^{-1}.s^{-2} = \frac{dyne}{cm^2} = bar \end{aligned}$$



## الارتياح في القياس:

### 1- الارتياح في القياس:

يُعرف الارتياح بأنه مقدار الانحراف عن القيمة الحقيقية، وذلك نتيجة للقياس، ونميز بين:

#### أولاً: الارتياح المطلق:

يُعرف من خلال العلاقة:

$$\Delta x = |x_0 - x| \quad (1)$$

حيث إن:

$x_0$ : هي القيمة الحقيقية للمقدار الفيزيائي.

$x$ : هي القيمة المقاسة للمقدار الفيزيائي.

من (1):

$$\begin{aligned} \pm \Delta x &= x_0 - x \\ \Rightarrow x_0 &= x \pm \Delta x \end{aligned} \quad (2)$$

ومن العلاقة (2) نرى أن القيمة الحقيقية للمقدار تكون أكبر أو أصغر من القيمة المقاسة بمقدار  $\Delta x$ .

#### ثانياً: الارتياح النسبي:

يُعرف من خلال العلاقة:

$$\delta_x = \left| \frac{\Delta x}{x} \right| \quad (3)$$

ويُعرف الارتياح النسبي المئوي من خلال العلاقة:

$$\delta_x(\%) = \left| \frac{\Delta x}{x} \right| \times 100\% \quad (4)$$

## ملاحظة:

الارتياح المطلق له نفس وحدة المقدار الفيزيائي المقاس، بينما الارتياح النسبي ليس له وحدة قياس.

### 2- القياس:

#### أولاً: قياس مباشر:

وهو عملية إجراء مقارنة بين المقدار الفيزيائي ووحدة القياس المعتمدة والمناسبة له، ويتم فيه استخدام أدوات القياس. مثال ذلك: قياس الطول والكتلة... إلخ.

#### ثانياً: قياس غير مباشر:

وهو عبارة عن محصلة لسلسلة من القياسات المباشرة. مثال على ذلك: قياس المساحة أو الحجم من خلال قياس الأبعاد.



## 1.2 تقدير الارتياح في القياس المباشر:

إذا رمزنا للمقدار المقاس بـ  $x$  وإذا رمزنا لنتائج قياسه  $n$  مرة بـ:  $x_1, x_2, x_3, \dots, x_i, \dots, x_n$

فإننا نعرف **القيمة الوسطى** لهذا المقدار بالعلاقة:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$
$$\Rightarrow \bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (5)$$

لحساب **الارتياح المطلق الوسطي** نقوم بالحسابات التالية:

$$\Delta x_1 = |\bar{x} - x_1|, \Delta x_2 = |\bar{x} - x_2|, \dots, \Delta x_i = |\bar{x} - x_i|, \dots, \Delta x_n = |\bar{x} - x_n|$$

فيكون:

$$\overline{\Delta x} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots + \Delta x_n}{n}$$
$$\Rightarrow \overline{\Delta x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \Delta x_i \quad (6)$$

أما **الارتياح النسبي الوسطي** فنقوم بحسابه من العلاقة:

$$\delta_{\bar{x}} = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| \quad (7)$$

**والارتياح النسبي المئوي** يُحسب من خلال العلاقة:

$$\delta_{\bar{x}}(\%) = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| \times 100\% \quad (8)$$

ونكتب **النتيجة النهائية** للقياس بالشكل:

$$x_0 = (\bar{x} \pm \overline{\Delta x}) \quad (9)$$

**مثال:**

عند قياس المقدار الفيزيائي  $x$  بشكل مباشر حصلنا على النتائج التالية:

$$x_1 = 50.44 \text{ cm}; x_2 = 50.43 \text{ cm}; x_3 = 50.44 \text{ cm}; x_4 = 50.46 \text{ cm}; x_5 = 50.48 \text{ cm}$$

**والمطلوب:**

احسب الارتياح المطلق الوسطي والارتياح النسبي الوسطي ثم الارتياح النسبي المئوي الذي تم ارتكابه عند قياس المقدار  $x$ .

**الحل:**

نحسب القيمة الوسطى للمقدار  $x$  أي:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_5}{5} = \frac{50.44 + 50.43 + 50.44 + 50.46 + 50.48}{5} = 50.45 \text{ cm}$$

نحسب الارتياح المطلق الوسطي، ومن أجل ذلك نحسب الارتياحات المطلقة التالية:





$$\Delta x_1 = |\bar{x} - x_1| = |50.45 - 50.44| = 0.01 \text{ cm}$$

$$\Delta x_2 = |\bar{x} - x_2| = |50.45 - 50.43| = 0.02 \text{ cm}$$

$$\Delta x_3 = |\bar{x} - x_3| = |50.45 - 50.44| = 0.01 \text{ cm}$$

$$\Delta x_4 = |\bar{x} - x_4| = |50.45 - 50.46| = 0.01 \text{ cm}$$

$$\Delta x_5 = |\bar{x} - x_5| = |50.45 - 50.47| = 0.02 \text{ cm}$$

فيكون الارتياح المطلق الوسطي:

$$\Rightarrow \overline{\Delta x} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots + \Delta x_5}{5} = \frac{0.08}{5} = 0.016 \text{ cm}$$

أما الارتياح النسبي الوسطي:

$$\delta_{\bar{x}} = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| = \left| \frac{0.016}{50.45} \right| = 0.0003$$

أما الارتياح النسبي المئوي الوسطي:

$$\delta_{\bar{x}}(\%) = \left| \frac{\overline{\Delta x}}{\bar{x}} \right| \times 100\% = 0.0003 \times 100\% = 0.03\%$$

## 2.2 تقدير الارتياح في القياس غير المباشر:

لتقدير الارتياح نتبع طريقة التفاضل اللوغاريتمي وتتضمن ما يلي:

- 1- نكتب العلاقة الرياضية (التي تعبر عن المقدار الفيزيائي المقاس) بأبسط صورة ممكنة.
- 2- نأخذ لوغاريتم الطرفين ونستخدم خواص اللوغاريتم.
- 3- نأخذ التفاضل اللوغاريتمي  $\left( \frac{\text{تفاضل ما داخل اللوغاريتم}}{\text{ما داخل اللوغاريتم}} = \text{تفاضل اللوغاريتم} \right)$ .
- 4- نخرج العوامل المشتركة إن وجدت.
- 5- نستبدل الرمز d بالرمز  $\Delta$ ، وتستبدل الإشارات السالبة بالموجبة للحصول على أكبر ارتياح ممكن.

**ملاحظة:**

نذكر بأهم خواص اللوغاريتم.

$$\ln(x, y) = \ln(x) + \ln(y)$$

$$\ln\left(\frac{x}{y}\right) = \ln(x) - \ln(y)$$

$$\ln x^a = a \ln x$$

**مثال:**

احسب الارتياح النسبي والمطلق المرتكبين في قياس حجم متوازي مستطيلات، حيث أبعاده

$$x = 1 \text{ cm} ; y = 2 \text{ cm} ; z = 3 \text{ cm}$$

بطريقة التفاضل اللوغاريتمي، وذلك بفرض أننا استخدمنا في قياس الأبعاد المسطرة العادية.

**الحل:**

1- نكتب علاقة الحجم بأبسط صورة ممكنة:

$$V = x \cdot y \cdot z$$



2- نأخذ لوغاريتم الطرفين ونستخدم خواص اللوغاريتم:

$$\ln V = \ln(x.y.z) \Rightarrow \ln V = \ln(x) + \ln(y) + \ln(z)$$

3- نأخذ تفاضل طرفي العلاقة الأخيرة:

$$\frac{dV}{V} = \frac{dx}{x} + \frac{dy}{y} + \frac{dz}{z}$$

4- لا توجد حدود مشتركة.

5- نستبدل الرمز d بالرمز Δ وتستبدل الإشارات السالبة بالموجبة:

$$\frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta x}{x} + \frac{\Delta y}{y} + \frac{\Delta z}{z}$$

فيكون الارتياح النسبي:

$$\delta_V = \left| \frac{\Delta V}{V} \right| = \left| \frac{\Delta x}{x} \right| + \left| \frac{\Delta y}{y} \right| + \left| \frac{\Delta z}{z} \right|$$

وحيث إن  $\Delta x, \Delta y, \Delta z$  هي ارتياحات الجهاز المستخدم للقياس (المسطرة العادية) أو ما يعرف بدقة الجهاز، وهي نصف أصغر تدرية يستطيع الجهاز قياسها.

أصغر تدرية على المسطرة هي 1 mm:

$$\Rightarrow \Delta x = \Delta y = \Delta z = \frac{1}{2} (1 \text{ mm}) = \frac{1}{2} \text{ mm} = 0.5 \text{ mm}$$

وعليه يكون:

الوحدات غير متجانسة (ليست  
واحدة) في البسط  
والمقام ولذلك نجعلها متجانسة

$$\begin{aligned} \delta_V &= \left| \frac{\Delta V}{V} \right| = \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{1 \text{ cm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{2 \text{ cm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{3 \text{ cm}} \right| \\ &= \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{10 \text{ mm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{20 \text{ mm}} \right| + \left| \frac{\frac{1}{2} \text{ mm}}{30 \text{ mm}} \right| \\ &= \left| \frac{1}{20} \right| + \left| \frac{1}{40} \right| + \left| \frac{1}{60} \right| = 0.09 \\ &\Rightarrow \delta_V = 0.09 \end{aligned}$$

أما الخطأ النسبي المئوي:

$$\delta_V(\%) = \left| \frac{\Delta V}{V} \right| \times 100\% \Rightarrow \delta_V(\%) = 0.09 \times 100\% \Rightarrow \delta_V(\%) = 9\%$$

أما الخطأ المطلق:

$$\delta_V = \frac{\Delta V}{V} \Rightarrow \Delta V = V \cdot \delta_V$$

وعليه نكتب:

$$V = x.y.z$$



وبما أن:

$$x = 10 \text{ mm} ; y = 20 \text{ mm} ; z = 30 \text{ mm}$$

$$\Rightarrow V = 10.20.30 = 6000 \text{ mm}^3$$

وبما أن:

$$\delta_V = 0.09$$

$$\Rightarrow \Delta V = 6000 \times 0.09 = 540 \text{ mm}^3$$

$$\Rightarrow \Delta V = 540 \text{ mm}^3$$

ونكتب النتيجة النهائية للقياس:

$$V_0 = V \pm \Delta V \Rightarrow V_0 = (6000 \pm 540) \text{ mm}^3$$

### التمرين الأول:

عَيِّن أبعاد الثوابت الفيزيائية التالية ووحدة قياس كل منها في الجملتين الدولية والسغشية:

3- ثابت مرونة نابض من علاقة شدة توتر النابض التالية:  $T = K \cdot x$

4- الثابت العام للجاذبية  $G$  من عبارة قوة الجذب العام:  $F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$

حيث إن:  $m_1, m_2$  وكتلتان، و  $d$  المسافة بينهما.

5- ثابت بلانك  $h$  من علاقة الطاقة التالية  $E = h \nu$ :

حيث أن:  $\nu$ : التردد &  $E$ : الطاقة

### التمرين الثاني:

نحدد موضع جسم مهتز معلق بنابض في لحظة ما بفصلته:

$$x(t) = A \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

والمطلوب:

ما هي أبعاد كل من المقادير التالية  $A$  و  $\omega_0$  و  $\varphi$  مع ذكر وحدة قياس كل منها في الجملة الدولية؟

### التمرين الثالث:

أوجد عبارة الارتفاع النسبي  $\frac{\Delta x}{x}$  لكل مما يلي بطريقة التفاضل اللوغاريتمي:

1- حجم المخروط  $V$ :

$$V = \frac{4}{3} \pi r^2 h$$

2- المقدار  $S$ :

$$S = \frac{x}{y^2 z}$$

3- العمل  $W$ :

$$W = F \cdot L \cdot \cos \theta$$



#### 4- المقدار $y$ :

$$y = 1 + \frac{a^2 - b^2}{a + b}$$

#### 5- النواس البسيط:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

#### 6- قوة التجاذب الكتلي:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

#### حل التمارين:

#### حل التمرين الأول:

##### 1- إيجاد ابعاد $K$ و واحدة قياسه:

$$T = K \cdot x \Rightarrow K = \frac{T}{x} \Rightarrow [K] = \frac{[T]}{[x]} = \frac{M.L.T^{-2}}{L} = M.T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg.s^{-2} \\ &\rightarrow \text{CGS : } g.s^{-2} \end{aligned}$$

##### 2- إيجاد ابعاد $G$ و واحدة قياسه:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2} \Rightarrow G = \frac{F d^2}{m_1 m_2} \Rightarrow [G] = \frac{[F] [d^2]}{[m_1] [m_2]} = \frac{M.L.T^{-2}.L^2}{M.M} = M^{-1}.L^3.T^{-2}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg^{-1}.m^3.s^{-2} \\ &\rightarrow \text{CGS : } g^{-1}.cm^3.s^{-2} \end{aligned}$$

##### 3- إيجاد ابعاد $h$ و واحدة قياسه:

$$E = h v \Rightarrow h = \frac{E}{v} \Rightarrow [h] = \frac{[E]}{[v]} = \frac{M.L^2.T^{-2}}{T^{-1}} = M.L^2.T^{-1}$$

الواحدة بـ

$$\begin{aligned} &\rightarrow \text{SI : } Kg.m^2.s^{-1} = \frac{J}{s} \\ &\rightarrow \text{CGS : } g.cm^2.s^{-1} = \frac{erg}{s} \end{aligned}$$



### حل التمرين الثاني:

تحدد بعد المقدار الفيزيائي  $A$  ومن ثم وحدة قياسه:

$$\begin{aligned} x(t) &= A \cos(\omega_0 t + \varphi) \\ \Rightarrow A &= \frac{x}{\cos(\omega_0 t + \varphi)} \\ \Rightarrow [A] &= \frac{[x]}{[\cos(\omega_0 t + \varphi)]} \\ &= \frac{L}{1} = L \text{ (واحدته } m) \end{aligned}$$

تحدد أبعاد المقادير الفيزيائية  $\omega_0, \varphi$  ووحدة قياسها:

ما داخل التابع المثلي بعده يساوي الواد (عديم البعد) بالتالي:

$$[\omega_0 t + \varphi] = 1 \Rightarrow [\omega_0 t] + [\varphi] = 1 \quad (*)$$

وعليه من (\*):

$$\begin{aligned} [\omega_0 t] &= 1 \Rightarrow [\omega_0] \cdot [t] = 1 \\ \Rightarrow [\omega_0] &= \frac{1}{[t]} = 1/T = T^{-1} \text{ (واحدته } rad.s^{-1}) \end{aligned}$$

وكذلك من (\*):

$$[\varphi] = 1 \text{ (واحدته } rad)$$

### حل التمرين الثالث:

-1

$$V = \frac{4}{3} \pi r^2 h \Rightarrow \ln(V) = \ln\left(\frac{4}{3}\pi\right) + 2\ln r + \ln h$$

$$\frac{dV}{V} = 0 + 2 \frac{dr}{r} + \frac{dh}{h} \Rightarrow \frac{\Delta V}{V} = 2 \frac{\Delta r}{r} + \frac{\Delta h}{h}$$

-2

$$\begin{aligned} S &= \frac{x}{y^2 \cdot z} \Rightarrow \ln S = \ln x - 2 \ln y - \ln z \\ \Rightarrow \frac{dS}{S} &= \frac{dx}{x} - 2 \frac{dy}{y} - \frac{dz}{z} \Rightarrow \frac{\Delta S}{S} = \frac{\Delta x}{x} + 2 \frac{\Delta y}{y} + \frac{\Delta z}{z} \end{aligned}$$

-3

$$\begin{aligned} \Rightarrow W &= F \cdot L \cdot \cos \theta \Rightarrow \ln W = \ln F + \ln L + \ln \cos \theta \\ \Rightarrow \frac{dW}{W} &= \frac{dF}{F} + \frac{dL}{L} - \frac{\sin \theta}{\cos \theta} d\theta \Rightarrow \frac{\Delta W}{W} = \frac{\Delta F}{F} + \frac{\Delta L}{L} + \tan \theta \Delta \theta \end{aligned}$$



-4

$$y = 1 + \frac{a^2 - b^2}{a+b} \Rightarrow y = 1 + \frac{(a-b)(a+b)}{(a+b)} = 1 + a - b$$

$$\ln y = \ln(1 + a - b)$$

$$\Rightarrow \frac{dy}{y} = \frac{d(1 + a - b)}{1 + a - b} = \frac{0 + da - db}{1 + a - b} = \frac{da}{1 + a - b} - \frac{db}{1 + a - b}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta y}{y} = \frac{\Delta a}{1 + a - b} + \frac{\Delta b}{1 + a - b}$$

-5

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow T^2 = 4\pi^2 \frac{l}{g} \Rightarrow g = 4\pi^2 \frac{l}{T^2}$$

$$\ln g = \ln(4\pi^2) + \ln(l) - 2\ln T$$

$$\Rightarrow \frac{dg}{g} = 0 + \frac{dl}{l} - 2 \frac{dT}{T}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta g}{g} = \frac{\Delta l}{l} + 2 \frac{\Delta T}{T}$$

-6

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \Rightarrow \ln F = \ln G + \ln m_1 + \ln m_2 - 2 \ln r$$

$$\Rightarrow \frac{dF}{F} = \frac{dm_1}{m_1} + \frac{dm_2}{m_2} - 2 \frac{dr}{r}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta F}{F} = \frac{\Delta m_1}{m_1} + \frac{\Delta m_2}{m_2} + 2 \frac{\Delta r}{r}$$

انتهى الفصل الأول