

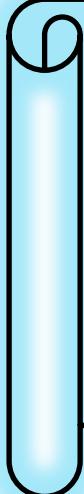
كلية العلوم

القسم : الكيمياء

السنة : الثانية



٩



المادة : جسم صلب

المحاضرة : الثانية / نظري /

{{{ A to Z مكتبة }}}  
9

Maktabat A to Z Facebook Group

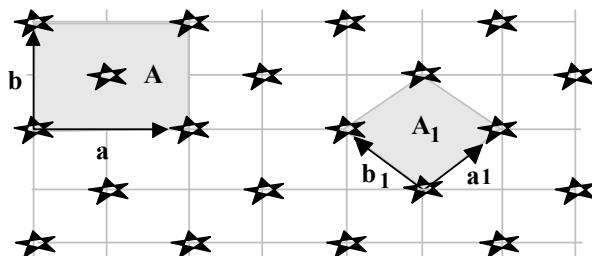
كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

8

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960



خلية أخرى ذات متجهات الأساس  $\bar{a}$  و  $\bar{b}$ ، مثلاً، نحصل على خلية وحدة أخرى تحتوى على أربع نقاط عند الرؤوس ولها المساحة  $A_1$ . بتكرار هذه المساحة يمكن تغطية كل الشبكة البرافية. أيضاً، لاحظ أن هذه الخلية لا تحتوى على نقاط شبيكية بداخلها، أي أنها تحتوى فقط على أربعة نقاط عند الأركان تشارك الخلايا المجاورة ويكون نصيب هذه الخلية هو نقطة واحدة فقط. تسمى هذه الخلية ( $A_1$ ) بخلية أولية، بينما تسمى الخلية  $A$  بخلية غير أولية. وبناء على ما سبق، يمكن تعريف خلية الوحدة الأولية بأنها أصغر خلية وحدة يمكن بتكرارها تغطية الشبكة البرافية وتحتوى على عقدة واحدة (نقطة واحدة).



الشكل 2-12 الخلية  $A_1$  هي خلية أولية، بينما  $A$  هي خلية غير أولية، بالرغم أن كل منها تمثل خلية الوحدة.

تذكر أنه بالامكان دائمًا اختيار خلية أولية (تحقق التمايز الانتقالي وتتنمي لها عقدة (نرة أو مجموعة ذرات) واحدة ولها أصغر حجم يمكن اختياره. يحدث أحياناً أن يكون تمايز الخلية الأولية لا يماثل تمايز الشبكة الأم وفي هذه الحالة ربما تكون مجردين على اختيار خلية وحدة أخرى (تحتوى على عقد بداخلها وليس عند الأركان) بحيث تحقق هذه الخلية تمايز متماثل مع الشبكة الأم. تكون الخلية في هذه الحالة غير أولية، وعلى كل حال عند اختيار خلية وحدة تعبّر عن الشبكة يجب اخذ الملاحظات الآتية في الاعتبار:

- 1- تكون مساحة الخلية غير الأولية مضاعف صحيح لمساحة الخلية الأولية.
- 2- لا يجب رسم خطوط توصيل بين الخلايا غير الأولية والخلايا غير البرافية. يشير التعبير الأول إلى اختيار معين لمتجهات الأساس (ويكون أحيانا اختياراً عشوائياً)، بينما يشير التعبير الثاني (غير برافية) إلى الحقيقة الفيزيقية للموضع غير المتكافئة لنقط الشبكة.
- 3- يكون حجم الخلية الأولية في الأبعاد الثلاثة والمحددة بمتجهات الأساس  $\vec{a}_1$  و  $\vec{b}_1$  و  $\vec{c}_1$  هو

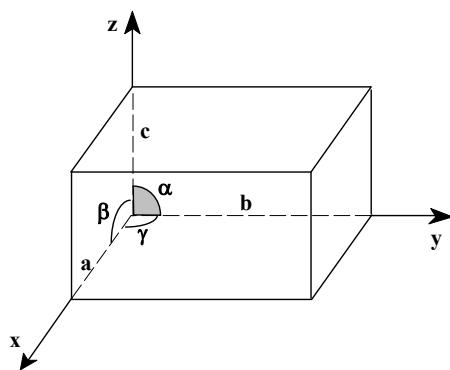
$$V = \left| \vec{a}_1 \times \vec{b}_1 \cdot \vec{c}_1 \right| = \left| \vec{b}_1 \times \vec{c}_1 \cdot \vec{a}_1 \right| = \left| \vec{c}_1 \times \vec{a}_1 \cdot \vec{b}_1 \right|. \quad 2-2$$

### 6-3-2 متغيرات الشبكة لوحدة الخلية LATTICE PARAMETERS OF A UNIT CELL

لكي تتحدد البلورة في الفراغ بشكل صحيح، لابد وأن تكون ثلاثة أوجه منها مسندة إلى مجموعة من المحاور الإحداثية تقاطع عند أحد أركان البلورة أو عند مركزها، ويمكن اختيار اتجاهات وأطوال المحاور بحيث تتفق مع اتجاهات وأطوال أحرف الخلية  $a$  و  $b$  و  $c$ . تسمى  $a$  و  $b$  و  $c$  بالمحاور البلورية كما تسمى الزوايا بين هذه المحاور،  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$ ، بالزوايا بين الأوجه، كما هو موضح بالشكل 2-13.

تكون الزاوية  $\alpha$  محصورة بين المحورين  $b$  و  $c$  وتكون الزاوية  $\beta$  محصورة بين المحورين  $a$  و  $c$  والزاوية  $\gamma$  محصورة بين المحورين  $a$  و  $b$ . تسمى المحاور  $a$  و  $b$  و  $c$  والزوايا  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$  بمعاملات الشبكة لوحدة الخلية والتي يمكن بواسطتها معرفة شكل

الخلية الهندسي وحساب حجمها، كما سوف نبين لاحقا.



الشكل 2-13 متغيرات الشبكة لوحدة الخلية.

## 2-4 الأنظمة البلورية السبعة THE SEVEN CRYSTAL SYSTEMS

يتميز الشكل الخارجي للبلورات المواد بأسطحها المستوية والملساء والتي تسمى أوجه البلورة. ويختلف مظهر بلورات المواد المختلفة باختلاف أشكال الأوجه أو باختلاف الزوايا بين هذه الأوجه وبالتالي باختلاف تماثلها. ويعكس المظهر الخارجي للبلورة طبيعة التركيب الداخلي أو وحدات البناء الداخلية التي تكون هذه البلورة. والآن سوف ندرس، بشئ من التفصيل، التركيب البنائي لأنواع المختلفة للشبيكات الفراغية للبلورات المواد الصلبة.

تمكن العالم برافيه (Bravais) عام 1848 من إدخال مفهوم الشبكة إلى علم البلورات وذلك لتسهيل دراسة التركيب البلوري للمواد الصلبة. وقد تمكن برافى من تصميم أربع عشرة شبكة فقط تصف التراكيب البلورية جميع المواد الصلبة مصنفة في مجموعات رئيسية أو أنظمة. يأتي هذا العدد الصغير (14 شبكة) بسبب أن عدد حالات التماثل الانتقالى في الشبكة يكون محدوداً، فمثلاً يستحيل بناء شبكة ذات خلية وحدة لها

شكل خماسي منتظم. تأتي الاستحالة من أنه بالرغم من إمكانية رسم الشكل الخماسي المنتظم بسهولة إلا أنه لا يمكن تغطية مساحة معينة تماماً بتكرار هذا الشكل الخماسي المنتظم. وبالتالي نجد أن متطلبات التمايز الانقالي في بعدين اثنين (على سبيل المثال) تحدد عدد الشبيكات الممكن بنائهما إلى خمسة فقط هم: متوازي الأضلاع المائل، المربع القائم، السادس، المستطيل البسيط والمستطيل المتمركز. في الأبعاد الثلاثة، يبلغ عدد الشبيكات البرافية أربع عشرة شبكة فقط، بينما يبلغ عدد الشبيكات غير البرافية 230 شبكة. في الأبعاد الثلاثة تكون كل شبكة برافية خلية وحدة عبارة عن متوازي مستطيلات له جوانب تكون عبارة عن متجهات الأساس  $\bar{a}$  و  $\bar{b}$  و  $\bar{c}$  وله الزوايا  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$ ، كما هو موصوف في الجدول 2-1.

تصنف الأربع عشرة شبكة البرافية إلى سبع أنظمة (مجموعات أو فصائل) هي : المكعب، الرباعي القائم، المستطيل القائم، ثلاثي التمايز، أحادى الميل، ثلاثي الميل والسادسي. توجد أنواع مختلفة من الشبيكات منها البسيط وغير البسيط.

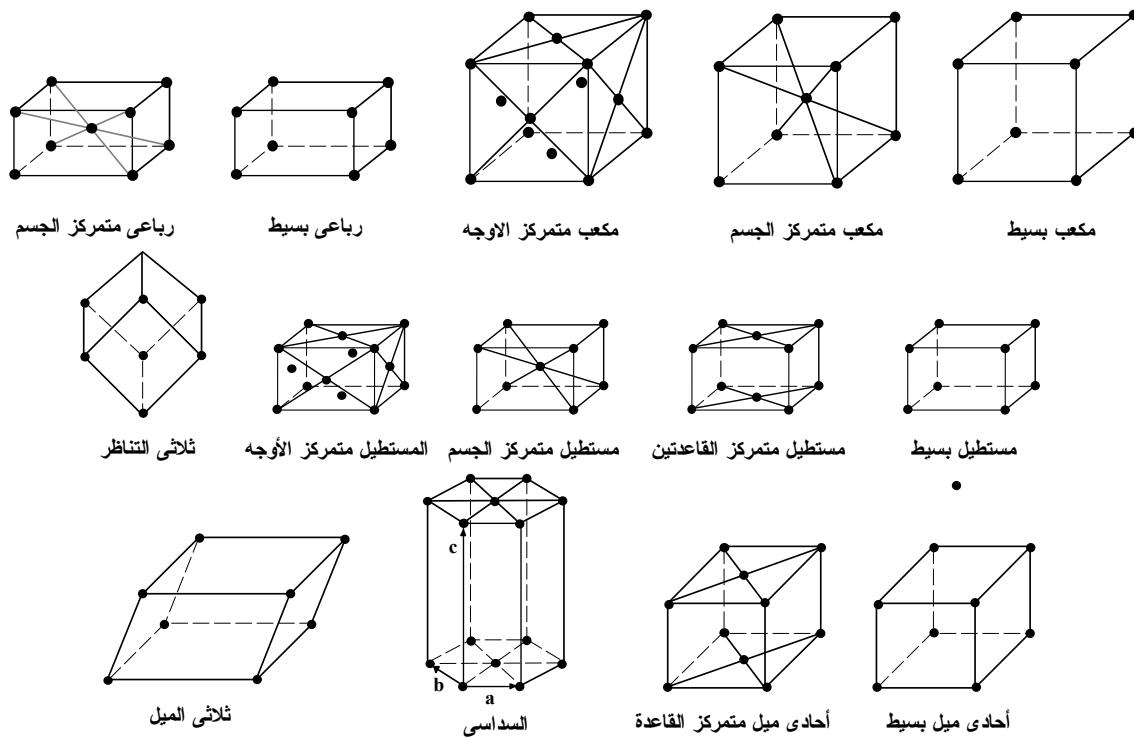
في الشبكة البسيطة (simple) تكون النقاط عند رؤوس الشكل فقط، وبذلك تمثل الخلية البسيطة خلية وحدة أولية. بينما في الشبكة المتمركزة الجسم (م. الجسم body centered) توجد نقطة إضافية عند مركز الجسم بينما في الشبكة المتمركزة الأوجه (face centered) توجد نقطة في مركز كل وجه وفي الشبكة المتمركزة القاعدتين (face centered) توجد نقطة في مركز كل قاعدة، هذا بالإضافة إلى النقاط الموجودة عند الرؤوس في كل

الأنواع السابقة . تذكر انه في الشبيكات غير البسيطة تكون خلية الوحدة غير أولية. يبين الجدول 2-14 الوصف التفصيلي والخصائص الهندسية لكل نظام من الأنظمة السبعة.

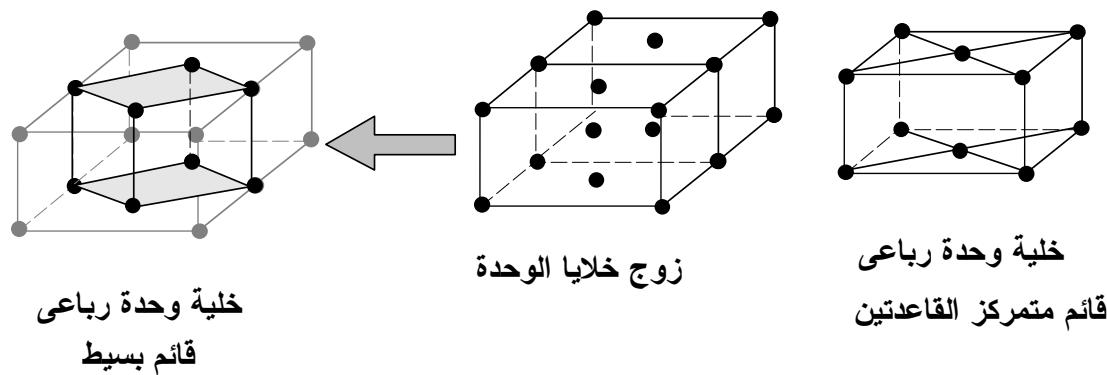
الجدول 2-1 الخصائص التركيبية لوحدة الخلية للأربعة عشر شبيكة برافية.

خصائص عناصر التماثل	الرمز	النوع	عدد الأنواع	الخصائص	الفصيلة
أربعة محاور دوران ثلاثة الرتبة	P I F	مكعب بسيط، BCC م. الجسم، FCC م. الأوجه،	ثلاثة	$a = b = c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	فصيلة المكعبى <b>Cubic</b>
محور دوران ثلاثي الرتبة	P I	رباعي بسيط رباعي م. الجسم	نوعان	$a = b \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	فصيلة الرباعي القائم <b>Tetragonal</b>
ثلاثة محاور دوران ثنائية الرتبة	P I F B	مستطيل قائم بسيط مستطيل قائم م. الجسم مستطيل قائم م. الأوجه مستطيل قائم م. القاعدتين	أربعة أنواع	$a \neq b \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	فصيلة المستطيل القائم <b>Orthorhombic</b>
محور دوران ثلاثي الرتبة	-	خلية أولية	نوع واحد	$a = b = c$ $\alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ$	فصيلة الثلاثي <b>Trigonal</b>
محور دوران ثانى الرتبة	-	أحادي الميل البسيط أحادي الميل م. القاعدتين	نوعان	$a \neq b \neq c$ $\alpha = \beta = 90^\circ \neq \gamma$	فصيلة أحادي الميل <b>Monoclinic</b>
لا يوجد	-	ثلاثي الميل البسيط	نوع واحد	$a \neq b \neq c$ $\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$	فصيلة ثلاثي الميل <b>Triclinic</b>
محور دوران ثلاثي الرتبة	-	السداسي البسيط	نوع واحد	$a = b \neq c$ $\alpha = \beta = 90^\circ$ $\& \gamma = 120^\circ$	فصيلة السادس <b>Hexagonal</b>

كما سوف نرى فيما بعد، يمكن تحويل بعض الإشكال إلى إشكال أخرى، فعلى سبيل المثال، يمكن تحويل الرباعي القائم المتمركز القاعدتين إلى رباعي قائم بسيط عند اعتبار خلية وحدة جديدة، كما هو مبين بالشكل 2-15، ويمكن معالجة بعض الحالات الأخرى بالمثل.



الشكل 2-14 أشكال برافيس الأربع عشرة.



الشكل 2-15 تحويل الرباعي القائم المتمركز القاعدتين إلى رباعي قائم بسيط وذلك باختيار خلية وحدة جديدة.

## 2-5 خلية فيجنر-زايتس الأولية WIGNER SEITZ PRIMITIVE CELL

سبب دراستنا للخلايا غير الأولية من دون الخلايا الأولية هو تفضيلنا للتعامل مع

الخلايا التي لها تماثل يشابه تماثل الشبكة قيد الدراسة. فمثلاً في حالة المكعب المتمركز

الأوجه يتم التعامل مع خلية غير أولية وهي عبارة عن مكعب يحتوى على عقد في مراكز

الأوجه وذلك بسبب تشابه التماذل مع شبكة المكعبى. على الجانب الآخر، تكون الخلية الأولية للشبكة المترکزة الأوجه عبارة عن متوازى سطوح مائل لا يملك تماذل شبكة المكعبى. والسؤال الذى يطرح نفسه هو، أليس من الممكن اختيار خلية أولية بحيث يكون لها تماذل يشابه تماذل الشبكة التي هي جزء منه؟ الجواب: نعم يوجد مثل هذا الاختيار، والخلية الأولية التي حقق ذلك تسمى خلية فيجنر-زايتس.

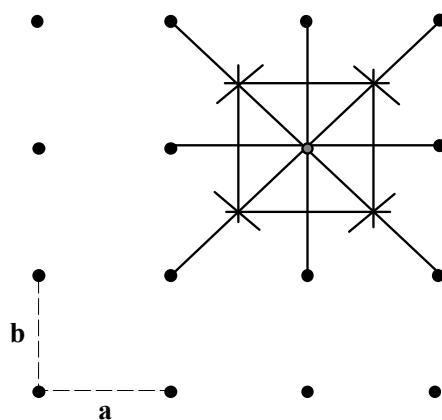
أقترح العالم فيجنر-زايتس طريقة بسيطة يمكن بواسطتها اختيار وحدة الخلية ويتم ذلك باتباع الخطوات الآتية :

- 1- نرسم الشبكة النقطية التي تمثل الشبكة البرافية.
- 2- نعتبر نقطة معينة في الشبكة، ثم نرسم خطوطا تصل هذه النقطة بكل نقاط الشبكة المحيطة والأقرب إلى هذه النقطة، كما هو موضح بالشكل 2-16.
- 3- عند منتصف الخطوط المرسومة نرسم خطوط أو مستويات متعامدة.
- 4- تكون أصغر مساحة (في حالة البعدين) أو أصغر حجم (في حالة الأبعاد الثلاثة) ينتج بهذه الطريقة هو وحدة خلية فيجنر-زايتس وهى خلية تحتوى على نقطة شبکية (عقدة) واحدة بداخلها. وقد وجد أن شكل خلية فيجنر-زايتس هو دائماً سداسي الشكل ماعدا في حالة الشبكة المستطيلة والمرجعية تكون الخلية فيما مرتبعة، كما يبين الشكل 2-16.

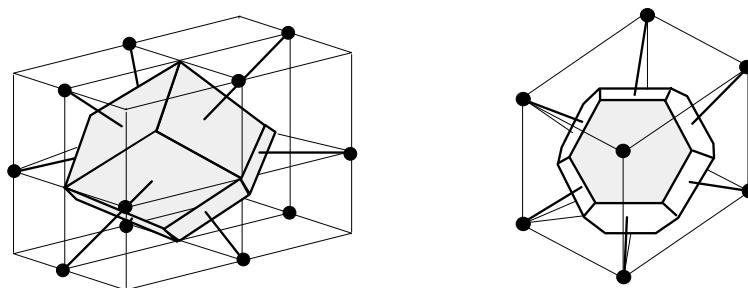
---

تبعد خلية فيجنر-زايتس للشبكة المكعبة المترکزة الجسم، BCC، على هيئة جسم

ثماني الأوجه مشذب (مقطوع)، أي له ثماني وجوه عبارة عن أشكال سداسية منتظمة وستة وجوه مربعة الشكل كما هو مبين بالشكل 2-17(أ) ويكون كل وجه سداسي عموديا على المستقيم الواصل من الرأس إلى الخلية المترکزة.



الشكل 2-16 خلية فيجنر-زايتس في بعدين متعددين و  $a = b$ .



ب- خلية فجنر-زايتس للمكعب المترکز للأوجه  
أ- خلية فجنر-زايتس للمكعب المترکز الجسم FCC

الشكل 2-17 خلية فيجنر-زايتس للمكعب المترکز الجسم وللمكعب المترکز للأوجه.

أما خلية فيجنر-زايتس للبلورة المترکز للأوجه، FCC، فتكون على هيئة معيني اثني عشري (Rhombic dodecahedron)، أي له اثنى عشر سطحاً على شكل معين، كما هو موضح بالشكل 2-17(ب). في هذا الشكل لم تظهر الخلية الأولية للشبكة، فالمكعب المرسوم المحيط بخلية فيجنر-زايتس ليس خلية أولية. تكون كل الأوجه الاثنى عشر متطابقة ويكون كل وجه عموديا على المستقيم الواصل بين الذرة الموجودة وسط خلية

فيجرن-زايتس والذرات الائتمى عشر الموجودة وسط أضلاع المكعب المرسوم.

## 6- عناصر التماثل في البلورات SYMMETRY ELEMENTS OF CRYSTALS

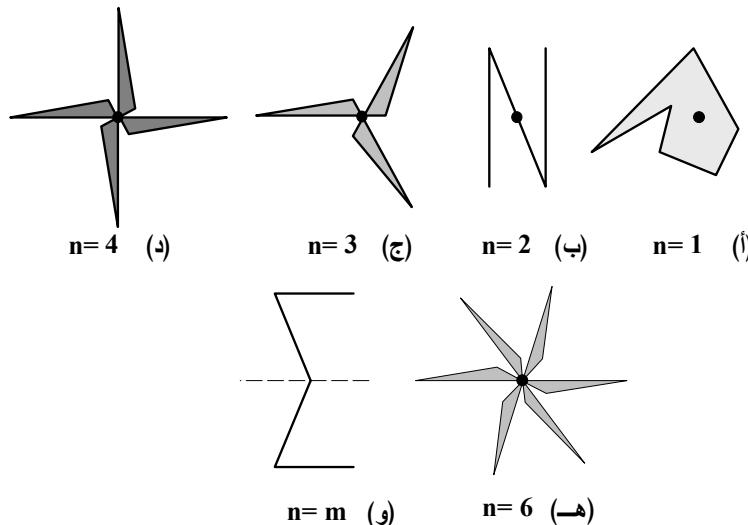
يأتى اختلاف بلورات المواد الصلبة من تباين شكل الشبكات البلورية لها. وينتج هذا التباين من اختلاف أبعاد وزوايا وحدات التركيب البلوري. ولکي يمكن تصنيف الشبكات البلورية يجب أخذ مبدأ التماثل في الاعتبار. والتماثل هو تحول الشيء بطريقة أو بأخرى لكي ينطبق على نفسه مرة أخرى. ويعتبر التماثل أهم الخصائص الهندسية التي تميز خلايا الوحدة للجسم الصلب المتببور، حيث تتميز كل خلية بنوع واحد أو أكثر من أنواع التماثل الهندسي.

تشأ عناصر التماثل الهندسي في الأجسام المتببورة بسبب تكرار الوحدات البنائية بشكل منتظم وبالتالي يمكن وصف انتظام التوزيع البنائي للبلورة بدالة عناصر تماثل توجد منها عناصر خارجية وأخرى داخلية. عناصر التماثل الخارجية ثلاثة هي: مركز التماثل، محور التماثل، ومستوى التماثل بينما تكون عناصر التماثل الأخرى داخلية مثل الدوران والانقلاب والانعكاس والمستوى المنزلاق. سوف نناقش كل من هذه العناصر بشئ من التفصيل فيما يلى.

### 6-1 محور التماثل AXIS OF SYMMETRY

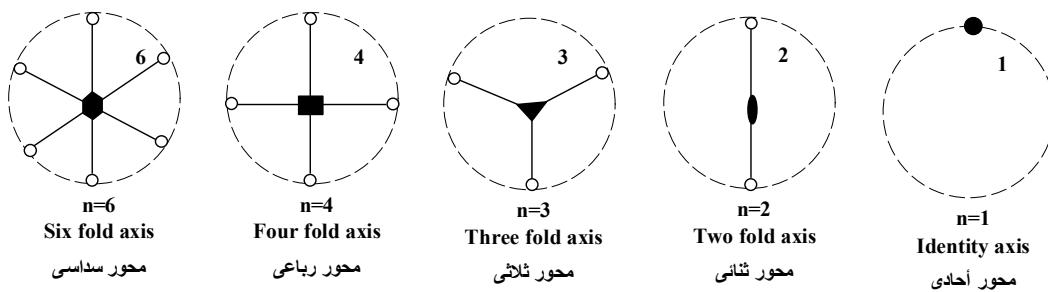
يعرف محور التماثل بأنه محور تخيلي يمر بمركز البلورة أو الخلية، بحيث إذا دارت حوله الخلية بزاوية  $360^{\circ}$  فإنها تكرر نفسها (أي تحتل نفس الوضع في الفراغ)، من

حيث الشكل عددا من المرات. تتحدد رتبة التماثل للمحور بعدد المرات ( $n$ ) التي تكرر فيها البلورة وضعها خلال دورة كاملة. فعلى سبيل المثال، إذا أدرنا أي جسم غير متماثل حول أي محور فإن الجسم سوف يعود إلى وضعه الأصلي (وضع مماثل) بعد  $360^\circ$ ، أي بعد دورة واحدة ويسمى محور التماثل، في هذه الحالة، محور تماثل من الرتبة الأولى ( $n=1$ ). ويقال أن محور التماثل من الرتبة الثانية إذا تكرر وضع الجسم أو البلورة مرتين عند الدوران حوله دورة كاملة وهكذا، كما هو مبين بالشكل 2-18. تعرف رتبة التماثل بأنها عدد المرات التي يكرر الجسم أو البلورة نفسها عند دورانها حول المحور دورة كاملة، أي أن  $n = \frac{2\pi}{\theta}$ ، حيث  $\theta$  هي الزاوية التي يكرر الجسم نفسه عندها.



الشكل 2-18 تماثل الجسم حول محور.

وقد وجد أن رتبة التماثل،  $n$ ، تأخذ فقط قيم عدديّة صحيحة (1، 2، 3، 4 و 6 فقط). لاحظ غياب الرقم 5. يبيّن الشكل 2-19 أنواع ورموز محاور التماثل ذات الرتب المختلفة.



الشكل 2-19 أنواع ورموز محاور التماثل البلوري.

وفي ضوء ما سبق، يكون لفصيلة المكعبى ثلاثة عشر محور تماثل، كما هو مبين

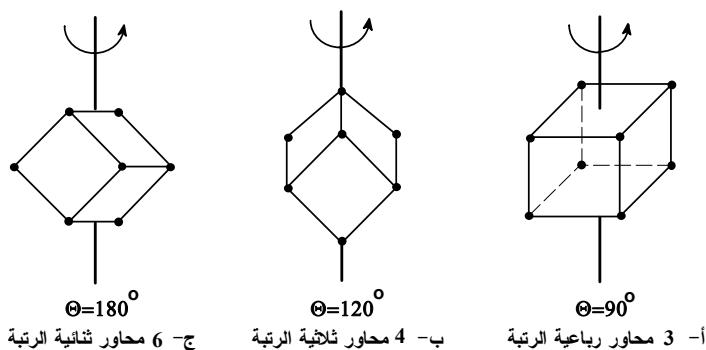
الشكل 2-20، وبياناتها كالتالي :

- عدد 3 محاور من الرتبة الرابعة يصل كل منها بين مراكز الأوجه المتقابلة (الجزء -أ

من الشكل 2-20).

- عدد 4 محاور من الرتبة الثالثة يصل كل منها بين زاويتين متساويتين متقابلتين

(الجزء -ب من الشكل 2-20).



الشكل 2-20 محاور التماثل في فصيلة المكعبى.

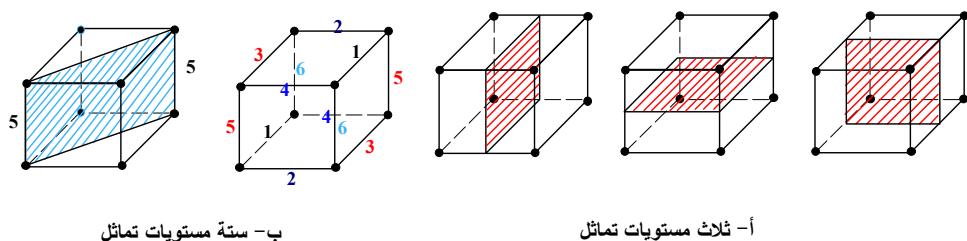
- عدد 6 محاور من الرتبة الثانية يصل كل منها بين النقطتين المنصفتين لحرفين متقابلين (الجزء -ج من الشكل 2-20).

### PLANE OF SYMMETRY

### 2-6-2 مستوى التماثل

يعرف مستوى التماثل بأنه المستوى الذي يقسم البلورة إلى نصفين متتساويين

ومتشابهين بشرط أن يكون أحد النصفين صورة مرآة للنصف الآخر. ويلاحظ أن كل نقطة أو حرف أو وجه أو زاوية مجسمة على أحد جانبي مستوى التمايز يقابلها نقطة أو حرف أو وجه أو زاوية مجسمة على الجانب الآخر من مستوى التمايز. وفي ضوء ما سبق فإنه يكون لفصيلة المكعب تسعة مستويات تمايز، كما هو مبين بالشكل 21-2، وبيانها كالتالي:



الشكل 21-2 مستويات التمايز في فصيلة المكعب.

- عدد ثلاثة مستويات تمر بمركز البلورة وتوازى أوجه المكعب، كما في الشكل 2-21(a).
- عدد ستة مستويات تمر بمركز البلورة وكل مستوى منها يصل بين حرفين متقابلين، كما بالشكل 21-2(b).

#### CENTER OF SYMMETRY

#### 3-6-2 مركز التمايز

مركز التمايز هو نقطة وهمية متوسطة في البلورة تتميز بأن أي وجهين أو حرفين أو زاويتين مجسمتين تتماثلان عبر هذه النقطة.

#### CENTER OF INVERSION

#### 4-6-2 مركز الانقلاب

يقال أن للبلورة مركز انقلاب إذا وجدت فيها نقطة تمايز انقلابي بشرط أن تظل

الخلية كما هي عند أجراء الانتقال الرياضي  $\vec{r} \rightarrow \vec{r}$  عليها. يبين الشكل 22-22 أن المثلث

$abc$  ينطبق على نفسه بعملية انقلاب عبر مركز الانقلاب I فيتحول إلى المثلث  $a'b'c'$ .

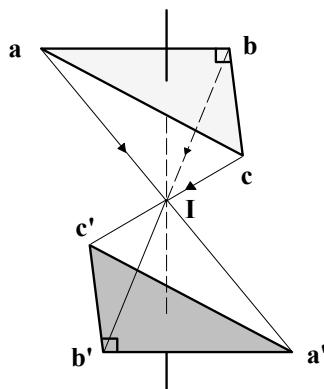
يقال في هذه الحالة أن المثلث متماثل تماثلاً انقلابياً عبر مركز التماثل I. تكون جميع

الشبكات البرافية متماثلة الانقلاب ويمكن رؤية هذه الحقيقة بالرجوع إلى الشكل 22-22

أو بلاحظة أن لكل متوجه انتقالياً  $\vec{R}_n = n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c}$  يوجد متوجه معكوس

$\bar{R}_n = -\vec{R}_n = -n_1 \vec{a} - n_2 \vec{b} - n_3 \vec{c}$ . كما يمكن أن يوجد مركز انقلاب للشبكة غير البرافية

ويعتمد ذلك على تمايز الأساس.



الشكل 22-2

## 5-6-5 مستوى الانعكاس PLANE OF REFLECTION

مستوى الانعكاس في البلورة هو المستوى الذي يمكن أن يحدث (إجراء) عنده

انعكاس للبلورة وتظل كما هي. لاحظ أن المستوى m، في الشكل 2-18(و) هو مستوى

تماثل انعكاسي، أي أن الجسم ينطبق على نفسه بواسطة عملية انعكاس على هذا

المستوى. ويمكن القول أن مستوى الانعكاس هو في الحقيقة مستوى تماثل. لاحظ أن

ثلاثي الميل ليس له مستوى انعكاس، بينما يكون لأحادي الميل مستوى واحد في منتصف

المسافة بين القاعدتين وموازياً لهما ويكون للمكعب تسعة مستويات انعكاسية كما بینا من قبل.

### 6-6-2 محور الدوران **AXIS OF ROTATION**

يعرف محور الدوران بأنه المحور الذي إذا دارت حوله البلورة بزاوية ما تظل البلورة كما هي، تماماً كما في حالة محور التماثل. أي أن كل محور تماثل هو محور دوراني.

### 6-6-2 مستوى الانزلاق **SLIPPING PLANE**

يوجد مستوى الانزلاق في البلورة عندما يتحدد مستوى الانعكاس بالانتقال الموازي لهذا المستوى بحيث يصل التركيب إلى تطابق ذاتي بواسطة الحركة والانعكاس عبر مستوى معين. وما سبق يمكن القول بأن المكعب 23 عنصر تماثل وبياناتها كالتالي

-:-

- عدد 13 محور تماثل: 3 محاور رباعية، 4 محاور ثلاثة و 6 محاور ثنائية.

- عدد 9 مستويات تماثل: 3 عمودية على الأوجه و 6 قطرية تصل بين الأحرف.

- مركز تماثل واحد.

### 6-6-2 حول رتبة التماثل **ABOUT SYMMETRY ORDER**

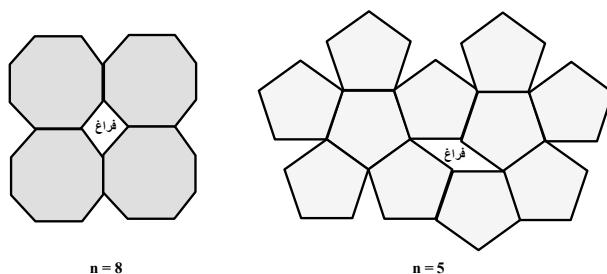
في الشبكات البلورية لوحظ عدم وجود محاور تماثل (تماثل) ذات الرتبة 5، 7 أو 8 ... الخ. التماثل الخماسي ( $n=5$ )، مثلاً، يمكن أن يكون موجوداً للجزئيات أو لأشياء

أخرى خلاف الشبكات البلورية. يرجع ذلك إلى عدم إمكانية ملئ أي مستوى بلوري بخلايا أولية خماسية أو سباعية أو ثمانية .... الأضلاع من دون ترك فوائل فارغة فيما بينها أو من دون تراكبها بعضها على بعض، كما يتضح في الشكل 2-23. فلكي يغطى المستوى البلوري بمضلعتات (خلايا أولية) عدد أضلاع أي منها  $n$  يجب أن تكون الزاوية المحسورة بين أي ضلعين عدد صحيح من  $2\pi$  (أي تساوى  $\frac{2\pi}{p}$ ، حيث  $p$  عدد صحيح).

وبما أن زاوية المضلع تساوى  $\frac{\pi(n-2)}{n}$ ، إذن  $\frac{2\pi}{p} = \frac{\pi(n-2)}{n}$  ، وبالتالي نجد

وتكون  $p$  عدد صحيح عندما تكون  $n = 3, 4, 6$  (أو عندما لا تساوى 5، 7، أو 8). وبناء على هذا فليست كل أنواع محاور التماثل موجودة في الشبكات.

يمكن إثبات أن رتبة التماثل  $n$  تأخذ القيم 1، 2، 3، 4، 6 فقط وذلك باعتبار شبكة نقطية في بعدين كما هو موضح بالشكل 2-24.



الشكل 2-23

يتضح من الشكل أن الذرات تحتل مواضع النقاط الشبكية بحيث أن المسافة بين أي ذرتين هي  $a$  وبالتالي تكون المسافة بين الذرة رقم (1) والذرة رقم (m) في الصفة الأولى هي  $a(m-1)$ . فإذا كانت الزاوية  $\theta$  هي زاوية الدوران المسموح به طبقاً لتماثل هذه الشبكة فهذا يعني أن الذرة رقم (1) إذا دارت عكس عقارب الساعة حول الذرة رقم (2)