



كلية العلوم

القسم : الكيمياء

السنة : الاولى

المادة : رياضيات عامة٤

المحاضرة : الاولى/نظري/

{{ مكتبة A to Z }}

مكتبة A to Z : Facebook Group

كلية العلوم ، كلية الصيدلة ، الهندسة التقنية

2

يمكنكم طلب المحاضرات برسالة نصية (SMS) أو عبر (What's app-Telegram) على الرقم 0931497960

الكتور : د. محمد م. م. م.

المادة : 1 نظرية

القسم : الكيمياء

السنة : الأولى

المادة : رياضيات 4

* نظرية عامة عن المتتالية

المتتالية : تابع (U_n) $n \geq n_0$ أو مجموعة من N من R

رجز $(U_n)_{n \geq n_0}$

حيث : U_n الحد العام

n يعبر الـ

من أهم الأساليب التي تظهر بها المتتالية :

المتتالية $U_n = f(n)$ هنا تظهر U_n بدلالة n

المتتالية التكرارية $U_{n+1} = f(U_n)$ هنا تظهر U_{n+1} بدلالة U_n

أي يظهر كل حد بدلالة الحد السابق له

مثال : $U_n = \frac{2n}{n+1} \rightarrow$ متتالية تكرارية

$$U_3 = \frac{2(3)}{3+1} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$$

مثال : $U_{n+1} = 2U_n + 3 \rightarrow$ متتالية تكرارية

$$U_n = -1$$

$$U_3 = 2U_2 + 3$$

$$u_2 = 2u_1 + 3$$

$$u_1 = 2u_0 + 3$$

$$u_0 = -1$$

$$u_1 = -2 + 3 = 1$$

$$u_2 = 2 + 3 = 5$$

$$u_3 = 10 + 3 = 13$$

* الملاحظة الحسابية: نقول عن u_n أنها حسابية إذا حققت

$$u_{n+1} - u_n = r \quad (1)$$

r ثابت وهو أساسها

$$2, 5, 8, 11, 14, \dots$$

مثال: ~~هذه~~

بلا شك أنها حسابية أساسها $r=3$

* المسألة الرئيسية: استناداً إلى ما سبق

$$u_{n+1} = u_n + r \quad (\text{من } 1)$$

العلاقة بين حدين متتاليين

$$u_n - u_m = (n - m)r$$

العلاقة بين u_n و u_m هي:

$$u_n = nr + u_0$$

* المسألة الرئيسية: ما سبق في أن (من 1)

ملاحظة: لو كان u_1 معلوم $\leftarrow$ المسألة الرئيسية هي كتابة

$$u_n = (n-1)r + u_1$$

* جميع الحدود الحسابية : يعطى المجموع المتوالية لعدد متتالية حسابية بالعلامة

$$u_1 + u_2 + \dots + u_n$$

نقوم بالحد الأول والأخير وعدد الحدود

مثال : عن متتالية حسابية

$$1] \quad u_{n+1} = u_n - 2$$

$$2] \quad u_n = -2n + 4$$

$$u_{n+1} = -2(n+1) + 4$$

$$= -2n - 2 + 4$$

$$= -2n + 2$$

$$u_{n+1} - u_n = -2n + 2 + 2n - 4$$

$$= -2$$

متتالية حسابية أم لا $r = -2$